

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

ELECTRICITY



جزوة كلاس كنكور

# فيزيك يا زدهم

رشته علوم تجربی

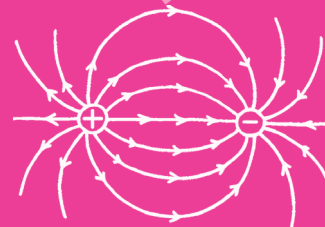
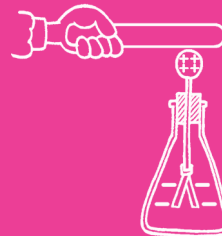
تألیف: احمد مصلاي



$$R = \rho \frac{L}{A}$$



$$U = \frac{1}{2} LI^2$$



سرشناسه : مصلائی، احمد ۱۳۵۴-  
 عنوان و نام پدید آور : کلاس کنکور فیزیک ۲ یازدهم رشته تجربی / نویسنده احمد مصلائی؛ مدیر  
 مشخصات نشر : تالیف احمد مصلائی؛ ویراستار فنی مریم مجاور  
 مشخصات ظاهری : تهران: کتب آموزشی پیشرو، ۱۴۰۲  
 شابک : ۱۷۶ ص: مصور؛ ۲۹×۲۲ س.م.  
 وضعیت فهرست نویسی : ۲۷۰۰۰۰۰ ریال: ۳-۱۴-۵۵۴۲-۶۲۲-۹۷۸  
 شماره کتابشناسی ملی : ۹۲۶۵۲۰۵  
 اطلاعات رکورد : فیپای مختصر  
 کتابشناسی : شماره کتابشناسی ملی : ۹۲۶۵۲۰۵  
 اطلاعات رکورد : فیپا



کتب آموزشی پیشرو

نام کتاب: کلاس کنکور فیزیک (۲) - پایه یازدهم (رشته علوم تجربی)  
 ناشر: کتب آموزشی پیشرو (کاپ)  
 عنوان پروژه: کلاس کنکور  
 تالیف: احمد مصلائی  
 مدیر تالیف: احمد مصلائی  
 صفحه آرای: نسیم کیانی  
 تصویرگر: زهرا عسگری  
 حروف چینی: منصوره سعیدی  
 تصویرسازی جلد: امیر حامد پاژتار  
 ایده طرح جلد: احمد مصلائی  
 لیتوگرافی و چاپ: گلپا گرافیک / نگار نقش  
 سال و نوبت چاپ: ۱۴۰۲ / اول  
 شابک: ۳-۱۴-۵۵۴۲-۶۲۲-۹۷۸  
 شمارگان: ۱۰۰۰  
 قیمت: ۲۷۰۰۰۰ تومان



مرکز فروش: میدان انقلاب - خیابان فف (رازی - فیضان) و میدان نظری غربی - پلاک ۸۳



تلفن: ۰۲۱-۶۶۴۹۳۱۴۹۰ / ۰۲۱-۶۶۹۶۱۰۷۹ / ۰۲۱-۶۶۹۶۴۷۲۳-۵ / صندوق پستی: ۱۱۳۹-۱۳۱۴۵


آدرس سایت زیرزمین: [www.zirezarebinpub.ir](http://www.zirezarebinpub.ir)

سایت نشر کاپ: [www.cup-book.com](http://www.cup-book.com)

### ● معلومات در دنیای امروز چه قدر اهمیت دارد؟

سال ۹۲ مدرسه‌ای درس می‌دادم که مسئولش ادعا می‌کردند اکثر دانش‌آموزانشون نابغه هستند، ولی متوجه شدم بیشتر بچه‌ها ادای نابغه بودن رو درمی‌یارن و مغز اکثرشون از یک سری معلومات به درد نخور پر شده! رسیده بودیم به مبحث نور. عرض کردم نور با سرعت  $3 \times 10^8 \text{ m/s}$  در خلأ منتشر می‌شه. یکی از بچه‌های نر و لوسی که ادعاش می‌شد و در جریان بودم کلی شر و ور شبه‌علمی تحویل بچه‌ها، دبیرها و مسئولین مدرسه داده (مثل دختر ۱۶ ساله‌ای که به مسئولین گفته بود که در زیر زمین خونش انرژی هسته‌ای تولید کرده!) گفت: «نه آقا! اشتباه گفتید! سرعت نور  $299792458 \text{ m/s}$  است!!»  من که در ۹۹ درصد موارد آدم مؤدبی هستم، جواب دادم: «خاک بر سرت!!» 

جا خورد! انتظار داشت تشویقش کنم! و لبخندی که حاکی از تصور گرفتن حال من بود به مرور از صورتش محو شد!!  ادامه دادم، یک بار از اینشتین پرسیدند یک مایل چند فوته؟ جواب داد: «نمی‌دونم! چرا باید مغزم رو با اطلاعاتی که ظرف دو دقیقه در هر کتاب مرجعی می‌تونم پیدا کنم، پر کنم؟!» تازه زمان اینشتین خبری از اینترنت و فضای مجازی نبود و گرنه «دو دقیقه» جای خودشو می‌داد به «دو ثانیه»! اینشتین با این جواب به ما می‌فهمونه که از مغز باید برای فکر کردن استفاده کرد، نه انباشت اطلاعات! این موضوع هنوز در کشور ما جا نیفتاده! از قدیم الایام مسابقاتی برگزار می‌شد که اطلاعات عمومی شرکت‌کننده‌ها رو محک می‌زد و از شخص برنده به عنوان انسان بامعلومات تقدیر می‌شد! دروسی در مدارس تدریس می‌شن که هیچ اثری در افزایش قدرت تحلیل دانش‌آموزان ندارند؛ حتی خوندن اون‌ها به طور ناخودآگاه باعث کاهش توانایی ذهنی دانش‌آموزان می‌شه! چه طور چنین چیزی ممکنه؟!  از راه تعمیم! دانش‌آموزی که روش گرفتن نمره در یک درس حفظی رو یاد گرفته با همون دیدگاه شروع به خوندن یک درس تحلیلی می‌کنه و خودتون تا آخرشو بخونید!

هدف یک کتاب کمک آموزشی در وهله اول اینه که به خوانندگان خود کمک کنه که در آزمون‌های امتحانی موفق شن. در کنار این هدف همیشه به این فکر می‌کنم که آیا کاری که انجام می‌دهم به رشد فکری و توانایی ایده‌پردازی مخاطبان کمک می‌کنه یا نه! همین سؤال باعث می‌شه خیلی موقع‌ها قلمم به سمتی بچرخه که با کتاب‌های معمول آموزشی متفاوت باشه. امیدوارم با این کتاب در درجه اول آدم به مراتب خوش فکرتری شید و در درجه دوم به راحتی از پس آزمون‌های تشریحی و تستی فیزیک یازدهم بریاید. 

## ● ساختار کتاب

**نگاهی به فصل:** هر فصل از کتاب با خلاصه‌ای از مباحث اون فصل شروع می‌شه. متن نوشته‌ها دست نویس خود مؤلفه و برای نوشتنش بسی خون دل خوردم، بدبختی کشیدم و رنج بردم!! 😓

**واحد:** هر فصل رو به چند واحد درسی تقسیم کردیم. مباحث مربوط به هر واحد رو با ساده‌ترین و پیشرفته‌ترین روش‌های ممکن درس دادیم و به اندازه کافی هم ازش تست حل کردیم.

◀ با آیکون‌های موجود در کتاب هم آشنا شید!

🌀 **میانبر** شما در یک تست با چهار گزینه سروکار دارید. خیلی موقع‌ها می‌تونید با توجه به گزینه‌ها یا به کمک روش‌های فرعی سریع‌تر به جواب تست برسید. ما این کار رو در «میانبر»‌ها انجام دادیم.

🚀 **سریع باش** ترفندهای محاسباتی برای اینکه سریع‌تر به جواب تست بررسی و بری سراغ تست بعدی!

👤 **تکنیک** تصویرکارتونی لیونل مسی نشون میده چه خبره! با خوندن این قسمت‌ها مهارت شما در حل یک سری تست‌ها به شدت افزایش پیدا می‌کنه.

💻 **کدینگ** یک سری رمز و رموز برای به خاطر سپاری فرمول‌ها (یا بعضی مفاهیم)

🔍 **تصویرسازی** عینیت‌بخشی به یک سری مفاهیم برای درک بهتر اون‌ها

👦 **ویژه بچه‌های خفن** این کتاب مخاطب خاص نداره! هر دانش‌آموزی با هر سطحی بهره خودش رو از این کتاب خواهد برد! به هر حال برای خوانندگان کمال‌گرا و اون‌هایی که به کم‌تر از ۱۰۰ درصد راضی نیستند، بخشی رو کنار گذاشتیم به نام «ویژه بچه‌های خفن» که داخل کادری طوسی رنگ آورده شده.

🧠 **کالبدشکافی شکل‌های کتاب درسی** تعدادی از شکل‌های کتاب درسی رو که مهم‌اند حسابی و از هر جهت در قالبی که می‌بینید بررسی کردیم.

👨‍🔧 **تله طراح** خیلی از طراحان تست‌های کنکورهای سراسری (و آزمایشی) دچار بیماری دانش‌آموز‌آزاری هستند 🤖 با آیکون‌های «خطر» و «تله طراح» به استقبال مباحثی رفتیم که طراح می‌تونه براتون دام پهن کنه و شما رو به اشتباه وادار کنه!

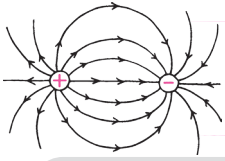
## ● تشکر نامه

در پایان از همه عزیزانی که در تولید این کتاب نقش داشتند تشکر می‌کنم. از جمله «آقای سید احمد موسوی» مدیریت انتشارات کاپ، «آقای حاتمی» در امور تولید، «آقای کیانوش خرم‌روز» در ویرایش کتاب، خانم «زهرا عسگری» بابت رسم کارتون‌های کتاب و بالاخره خانم «نسیم کیانی» بابت صفحه آرایی فوق‌العاده کتاب.

## ● تقدیم به

شیرینی زندگیم «سامان مصلائی» ❤️





## الکتریسیته ساکن

## فصل ۱

۸

بار الکتریکی

۱۷

نیروی الکتریکی

۳۲

میدان الکتریکی

۴۵

پتانسیل الکتریکی

۵۵

توزیع بار الکتریکی در اجسام رسانا

۵۸

خازن



## جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم

## فصل ۲

۶۹

جریان الکتریکی

۷۴

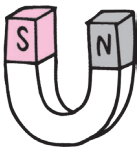
مقاومت الکتریکی

۸۵

نیروی محرکه الکتریکی و مدارها

۹۵

ترکیب مقاومت‌ها



## مغناطیس و القای الکتر و مغناطیسی

## فصل ۳

۱۲۷

مبانی مغناطیس

۱۳۵

نیروی مغناطیسی

۱۴۴

میدان مغناطیسی حاصل از جریان الکتریکی

۱۵۳

شار مغناطیسی

۱۵۶

القای الکترومغناطیسی

۱۶۸

القاهرها

۱۷۱

جریان متناوب و مبدل

### بار الکتریکی

1 بار بنیادی (e): اندازه بار الکترون  
 $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

2 در مورد بارهای الکتریکی دو اصل وجود دارد.  
 1 اصل یابستگی باره جمع جبری بارهای الکتریکی در دستگاه منزوی ثابت است.

2 کواشیده بودن باره بار یک جسم مضرب درستی از بار بنیادیه.

(از دست دادن n الکترون)  
 $q = +ne$  و  $n = 0, 1, 2, \dots$   
 (به دست آوردن n الکترون)

3 در اتمی یا عدد اتمی Z و  $n_e$  الکترون:

$q = +Ze$  (بار هسته)  
 $q = -n_e e$  (بار الکترون ها)  
 $q = (Z - n_e)e$  (بار اتم)

4 مالس: مالس با مالس دو جسم ناریسانی خنثی  
 5 روش های باردار کردن اجسام: تماس القا

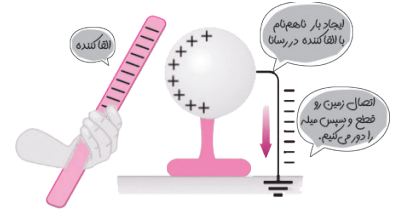
6 مالس: مالس با مالس دو جسم ناریسانی خنثی بارهای دو جسم هم اندازه و ناهم نام می باشد.  
 5 در سری الکتریسیته مالسی، موادی که به انتهای منفی سری نزدیک ترند، الکترون خواهی بیشتری دارند.

6 تماس: انتقال بار الکتریکی از جسم بردار به جسم خنثی (بار دو جسم هم نام می باشد)  
 اگر دو کوره رسانای مشابه با بارهای  $q_1$  و  $q_2$  را با هم تماس دهیم، بار آن ها پس از تماس برابر می شود:

$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2}$

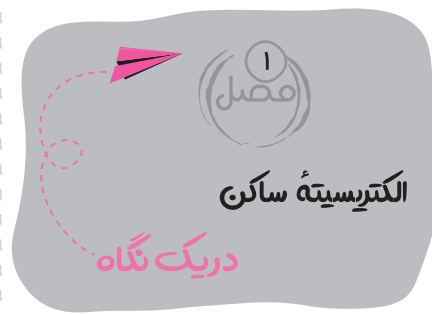
### القای الکتریکی

1 القاء ایجاد بار الکتریکی در یک جسم بدون تماس با اون. بارهای القاشونده و القاشنده ناهم نامند.



2 تشخیص بارهای کاربرد الکتروسکوپ به تشخیص رسانایی تعیین علامت بار

3 مقایسه علامت بارهای جسم و الکتروسکوپ زمانی که آرام به هم نزدیک می کنن.  
 4 افزایش زاویه بین برگه ها: هم نام کاهش زاویه بین برگه ها: ناهم نام



### نیروی الکتریکی

1 قانون کولن: اندازه نیروی الکتریکی بین دو بار نقطه ای با حاصل ضرب اندازه بارها نسبت مستقیم و با مجذور فاصله بینتون نسبت عکس دارد.

$F = k \frac{|q_1 q_2|}{r^2}$   
 (ثابت کولن)  $k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot \text{m}^2}{\text{C}^2}$

$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0}$   
 (ضریب گذرایی الکتریکی خلا)  $\epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \frac{\text{C}^2}{\text{N} \cdot \text{m}^2}$

2 اگر مجموع بارهای هم نام دو جسم ثابت باشد، در صورت جابجایی بارها،  $F$  ماکزیم می باشد.

### میدان الکتریکی

1 میدان الکتریکی: خاصیتی است در اطراف یک بار که بنا بر اون خاصیت به بارهای اطراف نیروی الکتریکی وارد می کنه.

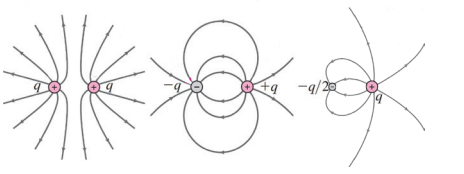
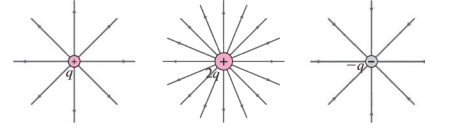
(نیروی الکتریکی وارد به  $q_1$ )  
 $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_1}$   
 (بار آزمون در نقطه A)  $q_2$   
 (میدان الکتریکی باره در نقطه A)

2 جهت میدان الکتریکی در هر نقطه، در جهت نیروی وارد بر بار + فرضی در اون نقطه است.  
 میدان بار + در جهت خروجی از بار و میدان بار - در جهت ورودی به بار است.

3 میدان الکتریکی باره در فاصله  $r$  از باره:

$E = k \frac{|q|}{r^2}$   
 4 ویژگی های خطوط میدان الکتریکی  
 1 خروج از بار +، ورود به بار -  
 2 بزرگی میدان  $\propto$  در آن خطوط  
 3 همواره رو قطع نمی کنند.

4 بردار میدان در هر نقطه مماس بر خط میدان عبوری از اون نقطه رسم می کنه



5 میدان الکتریکی بلناوخت: میدانی که خطوطش، هم جهت موازی و با تراکم یکسان هستند.

6 نیروی وارد بر باره در میدان  $\vec{E}$ :  $\vec{F} = q\vec{E}$   
 1  $q > 0$ :  $\vec{F}$  در جهت  $\vec{E}$   
 2  $q < 0$ :  $\vec{F}$  در خلاف جهت  $\vec{E}$

### کار نیروی الکتریکی

1 کار نیروی الکتریکی  $\vec{F}_E$  در جابه‌جایی  $d$  (زاویه بین  $\vec{F}_E$  و  $d$ )  
 $W_E = F_E d \cos \theta$

← تند:  $W_E > 0$   
 ← راست:  $W_E = 0$   
 ← باز:  $W_E < 0$

\* اندازه کار نیروی الکتریکی روی سکه از رابطه زیر هم حساب کرد:

$$|W_E| = |q| E d \cos \theta$$

(فاصله بین دو نقطه در راستای خطوط میدان)

\* کار نیروی الکتریکی در جابه‌جایی بار در بین دو نقطه به مسیر جابه‌جایی بستگی ندارد!

### انرژی پتانسیل الکتریکی

1 انرژی پتانسیل الکتریکی: انرژی ای که بار الکتریکی به خاطر موقعیتش در میدان الکتریکی به دست می‌آید.

2 تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یک ذره باردار در یک جابه‌جایی مشخص، برابر متغی کار نیروی الکتریکی در همون جابه‌جاییه:

$$\Delta U_E = -W_E = -|q| E d \cos \theta$$

3 تعیین علامت  $\Delta U_E$

← حرکت بار در جهت نیروی الکتریکی:  
 $\theta < 90^\circ \Rightarrow \cos \theta > 0 \Rightarrow W_E > 0 \Rightarrow \Delta U_E < 0$   
 ← حرکت بار در خلاف جهت نیروی الکتریکی:  
 $\theta > 90^\circ \Rightarrow \cos \theta < 0 \Rightarrow W_E < 0 \Rightarrow \Delta U_E > 0$

\* اگر تنها نیروی وارد بر بار، نیروی الکتریکی باشه، داریم:  $\Delta U_E = -\Delta K$   
 \* اگر علاوه بر نیروی الکتریکی، نیروی  $\vec{F}$  به بار وارد بشه:  $W_F = \Delta U_E + \Delta K$

### پتانسیل الکتریکی

1 اختلاف پتانسیل الکتریکی: نسبت تغییر انرژی پتانسیل الکتریکی یک ذره باردار در تعامل بین دو نقطه به بار ذره، برابر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین اون دو نقطه است.

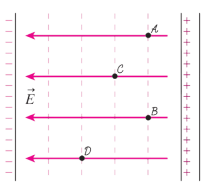
$$\Delta V = V_2 - V_1 = \frac{\Delta U_E}{q}$$

2 کولن پتانسیل الکتریکی در  $5 \text{ cm}$ ، «ولت (V)»، یا همون «ژول بر کولن» است:  $V = \frac{J}{C}$

\* اختلاف پتانسیل بین دو نقطه، مستقل از اندازه و علامت باره که بین اون دو نقطه جابه‌جایی بشه.

3 پتانسیل الکتریکی در جهت خطوط میدان کاهش پیدا می‌کنه.

$V_A = V_B$   
 $V_B > V_C > V_D$

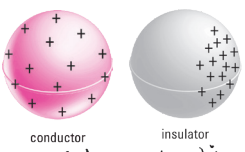


4 اگر فاصله دو نقطه در راستای خطوط میدان  $d$  باشه:

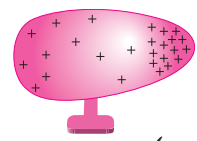
$$|\Delta V| = E d$$

### توزیع بار الکتریکی

1 جایی که به عایق داده بشه در نقطه تماس باقی می‌مونه و باری که به رسانا داده بشه، روی سطح خارجی رسانا پخش می‌شه.



2 توزیع بار در سطح رسانا: بار در سطح خارجی یک رسانای کروی چه طور یکدست پخش می‌شه ولی در اجسام دایره، در آنم بار در نقاط تیز، بیشتر از بقیه نقاطه.



3 در شرایط تعادل الکتروستاتیکی، میدان الکتریکی در داخل رسانا صفره.

### خازن

1 خازن: وسیله ای است برای ذخیره موقت بار و انرژی الکتریکی.

2 فرق باتری و خازن  
 ← باتری انرژی رو با اتمک کم بهمداری ده.  
 ← خازن انرژی رو با اتمک زیاد بهمداری ده.  
 از تخلیه انرژی الکتریکی خازن برای فلاش دوربین استفاده می‌شده.

3 ظرفیت خازن: نسبت بار ذخیره شده روی هر یک از صفحه‌های خازن به اختلاف پتانسیل بین دو صفحه.

$$C = \frac{Q}{V}$$

4 کهای ظرفیت در  $5 \text{ cm}$ ، «کولن بر ولت» یا «فاراد (F)» است.

\* ظرفیت خازن به ولتاژ و پار ذخیره شده روی صفحه‌هاش بستگی نداره.

5 ظرفیت خازن تخت:  $C = K \epsilon_0 \frac{A}{d}$  (ثابت دی الکتریک)

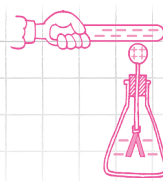
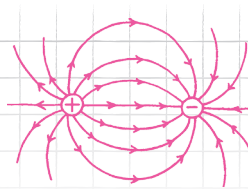
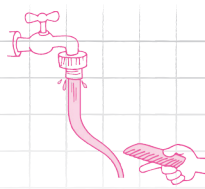
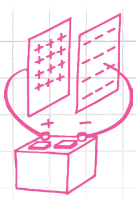
6 ثابت دی الکتریک  $K$  و بقیه عایق‌ها بزرگ‌تر از یک است.  $K_{\text{هوای}} \approx 1$

7 میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن:  $E = \frac{V}{d} = \frac{q}{K \epsilon_0 A}$

8 فروریزی الکتریکی: اگر اختلاف پتانسیل دو صفحه خازن از یک حد بیشتر بشه، تعدادی از الکترون‌های اتم‌های دی الکتریک کنده می‌شده و مسیره‌های رسانا در دی الکتریک ایجاد می‌شده که باعث تخلیه خازن می‌شده.

9 انرژی خازن: انرژی به نوع انرژی پتانسیل الکتریکی در میدان الکتریکی بین صفحه‌های خازن ذخیره می‌شده.

$$U = \frac{1}{2} QV = \frac{1}{2} CV^2 = \frac{1}{2} \frac{Q^2}{C}$$



$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



برق جسمان تو از دور فرا میگیرد  
منز اگر دست به زلفت بزخم فرمیدم. (ناظم بهمنی)

## واحد بار الکتریکی

### منشأ بار الکتریکی

۱ پیوسته: در حدودی که تعریف می‌شوند، هر مقداری می‌توانند داشته باشند **نمونه** طول، زمان.

انواع کمیت‌ها

۲ کوانتیده: فقط مقادیر معینی می‌توانند داشته باشند **نمونه** تعداد افراد، بار الکتریکی.

نتیجه

به کمترین مقدار یک کمیت کوانتیده، «مقدار پایه» یا «کوانتای» آن کمیت می‌گویند.

بار الکتریکی یک کمیت کوانتومی و یکای آن در SI «کولن (C)» است.

مقدار بار الکتریکی یک جسم مضرب صحیحی از اندازه بار یک الکترون ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ ) است. (از دست دادن n الکترون توسط جسم خنثی)

$$q = \pm ne, (n = 0, 1, 2, \dots)$$

(جذب n الکترون توسط جسم خنثی)

در یک جسم خنثی، تعداد الکترون‌ها و پروتون‌ها برابر است؛ اگر این تساوای به هم بخورد، جسم باردار می‌شود. می‌توان رابطه بالا را به صورت زیر نوشت:

$$q = (n_p - n_e)e$$

نتیجه

تعداد الکترون‌ها تعداد پروتون‌ها

اگر تعداد الکترون‌های یک جسم بیشتر از تعداد پروتون‌هایش باشد، بار آن جسم منفی است:  $n_e > n_p \Rightarrow q < 0$

اگر تعداد الکترون‌های یک جسم کمتر از تعداد پروتون‌هایش باشد، بار آن جسم مثبت است:  $n_p > n_e \Rightarrow q > 0$

اگر تعداد الکترون‌های یک جسم برابر پروتون‌هایش باشد، بار آن جسم صفر است:  $n_p = n_e \Rightarrow q = 0$

نتیجه

$$n_p = Z \Rightarrow q = +Ze$$

**نکته** یک هسته با عدد اتمی Z، دارای Z تا پروتون است؛ پس بار هسته برابر است با:

اگر اتم دارای  $n_e$  الکترون باشد، مجموع بار الکترون‌هایش  $-n_e e$  و بار کل اتم  $q = (Z - n_e)e$  است.

در یک اتم خنثی، تعداد الکترون‌ها و پروتون‌ها برابر و بار خالص اتم صفر است.

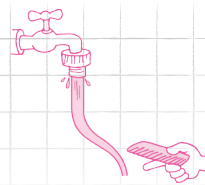
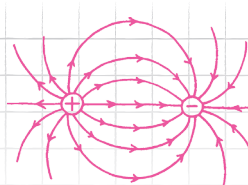
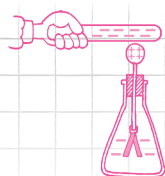
**نمونه** حواست باشه ازت چی می‌خوان؟ بار اتم یک چیزه، بار هسته یک چیز دیگه و بار الکترون‌ها یک چیز دیگه!

نوع اتم	شکل	بار هسته	بار الکترون‌ها	بار اتم
کربن خنثی ( $^{12}_6C$ )		$q = Ze$ $q = 6 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = 9/6 \times 10^{-19} C$	$q = -n_e e$ $q = -6 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = 9/6 \times 10^{-19} C$	$q = (n_p - n_e)e$ $q = 0$
کربن دو بار یونیده مثبت ( $C^{2+}$ )		$q = Ze$ $q = 6 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = 9/6 \times 10^{-19} C$	$q = -n_e e$ $q = -4 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = -6/4 \times 10^{-19} C$	$q = (n_p - n_e)e$ $q = +2 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = 3/2 \times 10^{-19} C$
کربن دو بار یونیده منفی ( $C^{2-}$ )		$q = Ze$ $q = 6 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = 9/6 \times 10^{-19} C$	$q = -n_e e$ $q = -8 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = -12/8 \times 10^{-19} C$	$q = (n_p - n_e)e$ $q = -2 \times 1/6 \times 10^{-19}$ $q = -3/2 \times 10^{-19} C$





$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



**مثال** بار الکتریکی هسته یون  $X^{5-}$  برابر  $4/8 \times 10^{-12} \mu C$  است. عدد اتمی این عنصر کدام است؟ (اندازه بار الکترون  $1/6 \times 10^{-19}$  است.)  
(آزمایشی سنش - ۱۳۰)

- ۲۰ (۱)      ۳۰ (۲)      ۲۵ (۳)      ۳۵ (۴)

وقتی یک اتم یونیده می‌شه، تعداد الکترون‌هاش تغییر می‌کنه و تعداد پروتون‌هاش ثابت می‌مونه. پس تعداد پروتون‌های هسته  $X$  و یون  $X^{5-}$  برابره. عدد اتمی یک عنصر برابر تعداد پروتون‌هاشه. یعنی هسته  $Z$  تا پروتون داره و بارش برابر  $q = Ze$  است.

$$q = (4/8 \times 10^{-12}) \times 10^{-6} C = 4/8 \times 10^{-18} C$$

$$q = Ze \Rightarrow 4/8 \times 10^{-18} = Z \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow Z = 3 \times 10^{19-18} = 3$$

**تمرین** اتم اکسیژن دارای ۸ الکترون است. اگر اتم ۲ الکترون از دست دهد، مقدار بار این اتم اکسیژن چه اندازه می‌شود؟

(تست پیشنهادی آموزش و پرورش)

- ۶e (۱)      +۲e (۲) ✓      -۲e (۳)      -۶e (۴)

**مثال** جسمی دارای بار مثبت است. اگر تعداد  $3 \times 10^{14}$  الکترون به آن بدهیم، اندازه بار الکتریکی جسم نسبت به قبل دو برابر می‌شود. بار اولیه جسم چند میکروکولن بوده است؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )  
(آزمایشی نشانه - ۹۸)

- ۴۸ (۱)      ۲۴ (۲)      ۱۶ (۳)      ۸ (۴)

بار اولیه جسم رو با  $q_1$  و بار ثانویه‌ش رو با  $q_2$  نشون می‌دیم. وقتی به جسمی با بار مثبت، الکترون می‌دیم، از بار مثبت جسم کم می‌شه تا این که جسم خنثی می‌شه. از این به بعد، با ادامه تزریق الکترون به جسم، بار منفیش زیاد می‌شه و اندازه بارش افزایش پیدا می‌کنه. پس  $q_1 > 0$  و  $q_2 < 0$  است.

$$|q_2| = 2|q_1| \begin{matrix} (q_1 > 0) \\ (q_2 < 0) \end{matrix} \Rightarrow q_2 = -2q_1$$

$$\Delta q = q_2 - q_1$$

بار انتقال یافته به جسم برابر تفاضل بار اولیه از بار ثانویه است:

$$\Delta q = -2q_1 - q_1 = -3q_1$$

$$\Delta q = -ne = -(3 \times 10^{14}) \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow -3q_1 = -3 \times 1/6 \times 10^{-5} \Rightarrow q_1 = 1/6 \times 10^{-6} C = 1/6 \mu C$$

**مثال** از طریق تماس،  $q$  کولن بار الکتریکی به جسمی منتقل شده است،  $q$  کدام مقدار نمی‌تواند باشد؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )

(آزمایشی سنش - ۹۴)

- ۱۱/۲ × ۱۰<sup>-۱۹</sup> (۴)      ۸ × ۱۰<sup>-۱۹</sup> (۳)      ۶/۴ × ۱۰<sup>-۱۹</sup> (۲)      ۵/۶ × ۱۰<sup>-۱۹</sup> (۱)

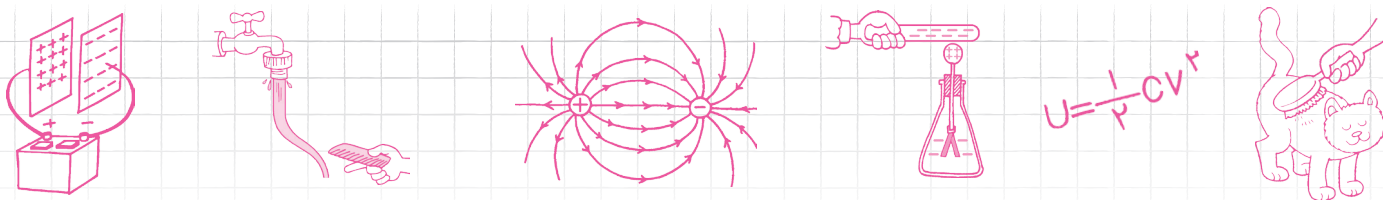
$q$  باید مضرب درستی از بار پایه ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ ) باشه.

$$۱) n_1 = \frac{q_1}{e} = \frac{5/6 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 5/1 \Rightarrow n_1 \notin Z$$

$$۲) n_2 = \frac{q_2}{e} = \frac{6/4 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 9/2 \Rightarrow n_2 \notin Z$$

$$۳) n_3 = \frac{q_3}{e} = \frac{8 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 48 \Rightarrow n_3 \in Z$$

$$۴) n_4 = \frac{q_4}{e} = \frac{11/2 \times 10^{-19}}{1/6 \times 10^{-19}} = 33 \Rightarrow n_4 \in Z$$



## روش‌های باردار کردن اجسام

- ۱ مالش
- ۲ تماس
- ۳ القا

مالش: مواد نارسانا معمولاً از طریق مالش باردار می‌شوند. الکترون‌خواهی اتم‌های مختلف یکسان نیست. وقتی سطح دو ماده را به هم می‌مالیم، الکترون‌ها از سطح ماده‌ای که الکترون‌خواهی کم‌تری دارد به سطح ماده‌ی دیگر منتقل می‌شود. ماده‌ای که دارای الکترون‌های مازاد می‌شود، بار منفی و ماده‌ی دیگر بار مثبت پیدا می‌کنند.

مواد رسانا رو نمی‌شه از این راه باردار کرد؟

نه! دو تا فلز معمولاً از این راه باردار نمی‌شن. فلزی که الکترون از دست می‌ده، بار مثبت پیدا می‌کنه و به غلط کردن می‌افته (و هریه شو (الکترون) پس می‌گیره)

البته اگه یک رسانا رو با یک نارسانا مالش بدیم، مقداری بار الکتریکی بینشون دست به دست می‌شه.

نوع باری را که دو جسم در اثر مالش با یکدیگر کسب می‌کنند، به کمک جدول روبه‌رو، می‌توان تعیین کرد. اسم این جدول «سری الکتروسیسته‌ی مالشی» «تریپوالکتریک» است. اگر دو ماده را با یکدیگر مالش دهیم، ماده‌ای که به انتهای مثبت سری نزدیک‌تر است، الکترون از دست می‌دهد و بار مثبت پیدا می‌کند و ماده‌ی دیگر که به انتهای منفی سری نزدیک‌تر است، الکترون می‌گیرد و بار منفی پیدا می‌کند.

در اثر مالش میله‌ی شیشه‌ای به پارچه‌ی ابریشمی، بار میله + و بار پارچه‌ی ابریشمی - می‌شود. هم‌چنین در اثر مالش میله‌ی پلاستیکی به پارچه‌ی پشمی، بار میله - و بار پارچه‌ی پشمی + می‌شود.

لازم نیست سری الکتروسیسته‌ی مالشی و رو حفظ باشی؛ فقط نمونه‌ی بالا رو حفظ کن. شیشه +، شیشه +، شیشه -، پلاستیک -، پلاستیک -، پلاستیک -! لازم نیست زور بزنی! حفظ شری!

- ۱ شدت مالش
- ۲ سطح تماس دو جسم
- ۳ فاصله‌ی دو ماده در جدول الکتروسیسته‌ی مالشی

**مثال** بر اثر مالش یک میله‌ی شیشه‌ای با پارچه‌ی پشمی به اندازه‌ی  $\frac{3}{2}$  فمتوکولن بار بین دو جسم مبادله می‌شود. چند عدد الکترون و از

کدام‌یک از آن‌ها به دیگری منتقل می‌شود؟ ( $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ )

(آزمایشی سنش - ۹۸)

$$2 \times 10^4 \text{ عدد از شیشه به شیشه} \quad (1) \quad 2 \times 10^4 \text{ عدد از پشم به شیشه}$$

$$5 \times 10^3 \text{ عدد از شیشه به پشم} \quad (3) \quad 5 \times 10^3 \text{ عدد از پشم به شیشه}$$

۱ ۲ ۳ ۴ شیشه +، شیشه +، شیشه +، شیشه +! یعنی شیشه الکترون می‌ده (گزینه‌های ۱ و ۴: X)؛ حالا ببینیم  $\frac{3}{2}$  فمتوکولن حاصل تجمع

چند تا الکترونه (فمتو یعنی  $10^{-15}$ ).

$$q = ne \Rightarrow \frac{3}{2} \times 10^{-15} = n \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 2 \times 10^{-15+19} = 2 \times 10^4$$

**سریع باش** در تست‌های این فصل به دفعات با گزینه‌هایی برخورد می‌کنید که اعدادی توان‌دار با پایه‌های متفاوت آورده شده. در این صورت، لازم نیست توان عدد نهایی را حساب کنید. فقط پایه‌ی عدد را حساب کنید. در این تست می‌توانستیم بنویسیم:

$$q = ne \Rightarrow \frac{3}{2} \times 10^{-15} = n \times (1/6 \times 10^{-19}) \Rightarrow n = 2 \times 10^4 \rightarrow \text{حساب نکن! و لش کن!}$$

**تمرین** هنگامی که یک پارچه‌ی پشمی بدون بار به یک میله‌ی پلاستیکی با بار الکتریکی  $q = -20 nC$  مالش داده شود، پارچه‌ی پشمی

(آزمایشی گزینه دو - ۹۸)

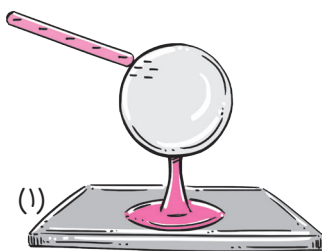
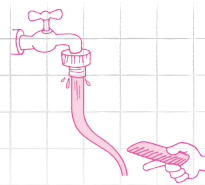
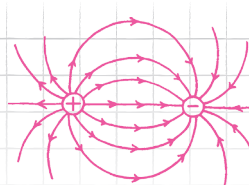
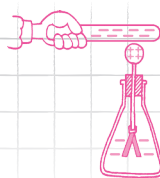
دارای بار الکتریکی  $Q = +0.05 \mu C$  می‌شود. بار میله‌ی پلاستیکی پس از مالش چند نانوکولن است؟

- ۳۰ (۴)
- ۱۵ (۳)
- ۳۰ (۲)
- ۷۰ (۱) ✓

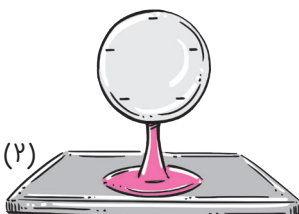




$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



(1)



(2)

تماس: در روش تماس، یک جسم باردار را در تماس با یک رسانا قرار می‌دهیم، در این صورت مقداری بار الکتریکی از جسم به رسانا منتقل می‌شود.

جسم باردار باید رسانا باشد؟

نه! می‌تونه عایق هم باشه! هر چه شدت مالش و سطح تماس دو جسم بیشتر باشه، بار بیشتری از جسم باردار به رسانا منتقل می‌شه.

مالش؟! مگه تماس به معنی یک لحظه ارتباط بین دو تا جسم نیست؟!

نه بابا! همه فکر می‌کنند روش تماس یعنی یک touch کوچولو بین دو تا جسم و مالش یعنی سابیدن دو جسم روی هم! ولی در فیزیک، منظور از تماس، انتقال بار الکتریکی یک جسم باردار به جسم دیگر است و معنی تحت‌اللفظیش درست نیست!

فرقش با مالش چیه؟

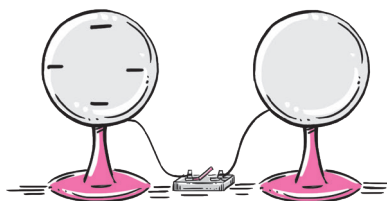
در مالش، هر دو تا جسم خنثی هستند و در اثر مالش بارهای **ناهمنام** کسب می‌کنند (برخلاف روش تماس که بار دو جسم هم‌نام می‌شه).

**نکته** اگر دو کره رسانای مشابه را به هم تماس دهیم، بار الکتریکی تا وقتی بینشان مبادله می‌شود که بار کره‌ها یکسان شود. اگر بار اولیه کره‌ها را  $q_1$  و  $q_2$  و بار نهایی آن‌ها را با  $q_1'$  و  $q_2'$  نشان دهیم، طبق اصل پایستگی بار الکتریکی، داریم:

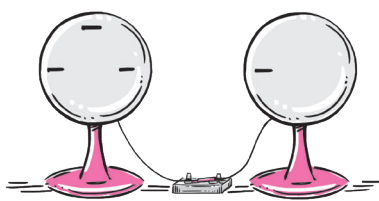
$$q_1' + q_2' = q_1 + q_2$$

مجموع بارکره‌ها قبل از تماس = مجموع بارکره‌ها بعد از تماس

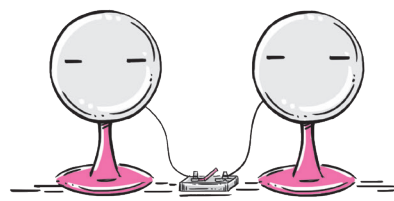
چون کره‌ها مشابهند، پس از تماس، بارهاشو برابر می‌شه.  $q_1' = q_2' = \frac{q_1 + q_2}{2}$  اگر دو کره مشابه باشند.



(1)



(2)



(3)

**مثال** دو کره فلزی مشابه A و B روی پایه‌های عایقی قرار دارند و به ترتیب، دارای بارها  $+2\mu\text{C}$  و  $+4\mu\text{C}$  هستند. اگر این دو کره را به

(آزمایشی سنجش - ۹۴)

یکدیگر تماس دهیم..... منتقل می‌شود.  $(e = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C})$

$$(2) \quad 5 \times 10^7 \text{ کره A به کره B}$$

$$(1) \quad 5 \times 10^7 \text{ کره B به کره A}$$

$$(4) \quad 2/5 \times 10^7 \text{ کره A به کره B}$$

$$(3) \quad 2/5 \times 10^7 \text{ کره B به کره A}$$

$$q' = q'_B = \frac{q_A + q_B}{2} = \frac{2 + 4}{2} = 3\mu\text{C}$$

چون کره‌ها مشابهند، پس از تماس، بارهاشون برابر می‌شه.

$$\Delta q_A = q'_A - q_A = 3 - 2 = 1\mu\text{C}$$

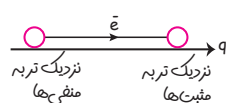
بار کره A،  $1\mu\text{C}$  کم شده و به بار کره B همین اندازه اضافه شده:

$$\Delta q_B = q'_B - q_B = 3 - 4 = -1\mu\text{C}$$

پس  $+1\mu\text{C}$  بار الکتریکی از A به B منتقل شده. بار مثبت که حرکت نمی‌کنه. در واقع،  $-1\mu\text{C}$  بار الکتریکی از B به A منتقل می‌شود.

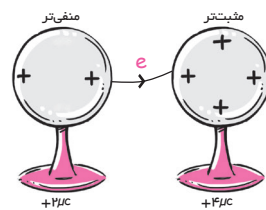
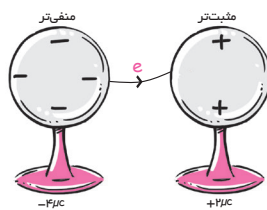
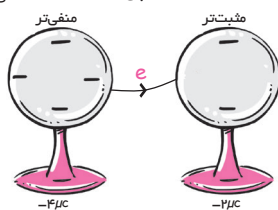
حالا ببینیم این مقدار بار، حاصل انتقال چند تا الکترون (p یعنی  $10^{-19}$ ).

$$\Delta q = -ne \Rightarrow -1 \times 10^{-6} = -n \times 1/6 \times 10^{-19} \Rightarrow n = 5 \times 10^{12} \times 10^{19} = 5 \times 10^{31}$$

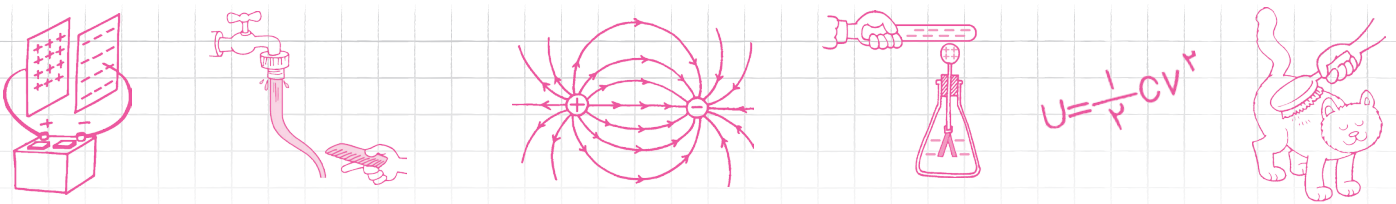


**کدینگ** ببین! دو تا کره مشابه داریم؛ یکی مثبت‌تر از اون یکیه؛ یعنی الکترون‌هاش کم‌تره و از اون یکی الکترون

می‌گیره. خلاصه این که اونیه که منفی‌تره به اون یکی الکترون می‌ده. تعریف از خود نباشه، شکل‌های پایین فیلی آموزشی اندرا



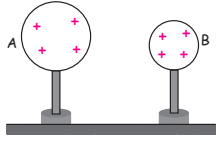




**تمرین** دو کره رسانای کاملاً مشابه، دارای بار الکتریکی  $q_1$  و  $q_2$  هستند. اگر دو کره را با هم تماس دهیم، اندازه بار کره دوم تغییر نمی‌کند، اما علامت آن قرینه می‌شود.  $\frac{q_1}{q_2}$  چقدر است؟

(۱)  $-\frac{1}{3}$  (۲)  $+\frac{1}{3}$  (۳)  $-3$  (۴)  $+3$

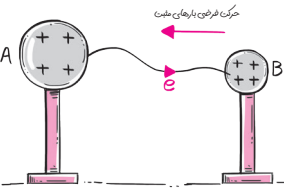
**مثال** در شکل روبه‌رو، بار خالص دو کره رسانای A و B با هم برابر است و کره‌ها روی پایه‌های عایق قرار دارند. اگر این دو کره را با سیم به هم وصل کنیم:



(آزمایشی سنش - ۹۳)

(۱) تعدادی الکترون از A به B منتقل می‌شود. (۲) تعدادی الکترون از B به A منتقل می‌شود.

(۳) ذراتی با بار مثبت از A به B منتقل می‌شود. (۴) ذراتی با بار مثبت از B به A منتقل می‌شود.



(۱) فاصله بارهای مثبت در کره B کمتر از فاصله بارهای مثبت در کره A است. پس بارهای کره B نیروی دافعه بزرگ‌تری به هم وارد می‌کنند و به اصطلاح نامتعادل‌ترند. وقتی دو کره را با سیم به هم وصل می‌کنیم، از بار مثبت B کم و به بار مثبت A اضافه می‌شود. اگر بارهای مثبت حرکت می‌کردند، تعدادی بار مثبت از B به A می‌رفتند، ولی عملاً بارهای مثبت حرکت نمی‌کنند و تعدادی الکترون از A به B منتقل می‌شود که باعث می‌شود تعدادی از بارهای مثبت B خنثی بشود و بار مثبت A بیشتر بشود.

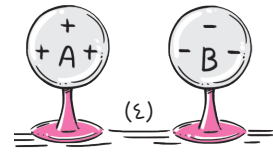
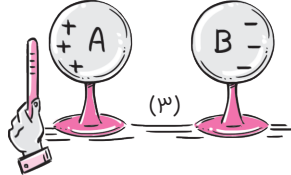
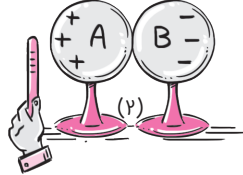
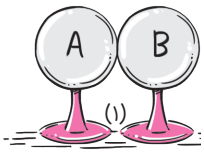
**نتیجه** حرکت الکترون در یک جهت، معادل حرکت بار مثبت در خلاف آن جهت است (یعنی همان نتیجه را به دنبال دارد).

آقا! من نفهمیدم! چرا الکترون از A به B می‌ره؟!

می‌تونی بگی بعد از تماس، بار A مثبت‌تر شده؛ پس انگار بار مثبت گرفته؛ گرفتن بار مثبت معادل دادن بار منفیه؛ پس A الکترون می‌ده.

القای الکتریکی: به دادن بار الکتریکی به یک جسم، بدون تماس با آن جسم، «القای الکتریکی» می‌گویند.

شکل‌های زیر مراحل ایجاد بارهای القایی ناهم‌نام را در دو کره رسانا نشان می‌دهد.



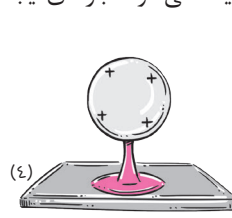
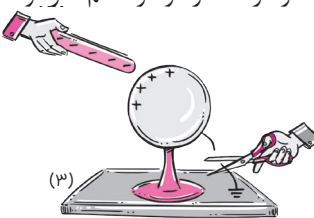
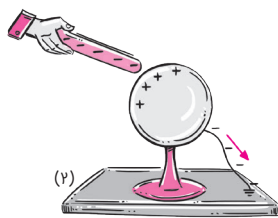
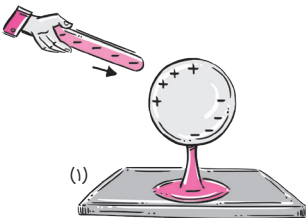
(۱) دو کره رسانای خنثی را در تماس با هم قرار می‌دهیم

(۲) میله‌ای با بار منفی را به کره A نزدیک می‌کنیم. تعدادی از الکترون‌های آزاد کره A به سمت کره B می‌روند و کره A در اثر کمبود الکترون، بار مثبت به دست می‌آورد.

(۳) در حضور میله، کره‌ها را از هم جدا می‌کنیم

(۴) میله را دور می‌کنیم. حالا A بار مثبت و B بار منفی دارد.

**نکته** در روش القا، هیچ باری از القاکننده (میله) به القا شونده (کره‌ها) منتقل نمی‌شود، بلکه مقداری بار الکتریکی در جسم القا شونده از یکدیگر تفکیک می‌شوند. بارهای ایجاد شده در اثر القا در دو کره، هم‌اندازه و ناهم‌نامند.



(۱) میله‌ای با بار منفی را به کره رسانا نزدیک می‌کنیم. میله، تعدادی از الکترون‌های آزاد را دفع می‌کند و در بخشی از کره که در نزدیک میله قرار دارد، بار مثبت ایجاد می‌شود.

(۲) کره را به زمین وصل می‌کنیم. الکترون‌ها که تا جای ممکن تمایل دارند که از میله دور شوند، به سمت زمین می‌روند.

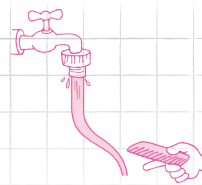
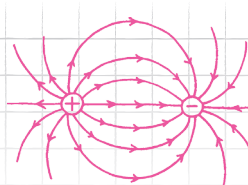
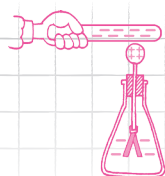
(۳) حالا کره بار مثبت پیدا کرده است؛ در حضور میله، اتصال کره با زمین را قطع می‌کنیم.

(۴) میله را دور می‌کنیم؛ بار مثبت به طور یکنواخت در سرتاسر کره پخش می‌شود.





$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



**نکته** محل اتصال کره به زمین مهم نیست. در شکل اخیر، از هر جایی، سیم را به کره وصل کنید، الکترون‌ها از همان مسیر به سمت زمین می‌روند. ضمناً به جای سیم می‌توانید انگشت خود را با کره تماس دهید. بدن انسان رساناست و همان کار را با سیم انجام می‌دهد (به شرطی که پا پوش عایق پاتون نکنید!)

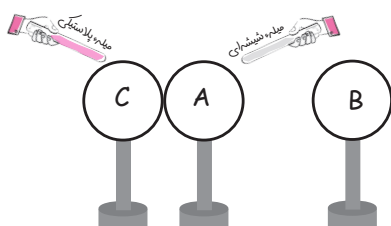
**?** اگر ابتدا میله را دور و سپس اتصال کره با زمین را قطع کنیم، چه اتفاقی می‌افتد؟

با دور کردن میله، تعدادی الکترون دوباره از زمین به طرف کره مثبت جذب می‌شوند و آن‌ها را خنثی می‌کنند و کره بی‌بار می‌شود. پس اول اتصال زمین رو قطع کن، بعدش میله رو دور کن! (first break the earth connection, and then remove the rod!)

**نتیجه** بار القایی **ناهم‌نام** با بار القاکننده است. پس اگر بخواهیم در کره، بار منفی ایجاد کنیم، باید از میله‌ای با بار **مثبت** استفاده کنیم. زمین یک خنثی کننده بزرگ است! اگر جسمی با بار خنثی به آن متصل شود، الکترون‌های اضافی‌اش را جذب می‌کند و اگر جسمی با بار مثبت به آن وصل شود، با ارسال الکترون، بار جسم را خنثی می‌کند. (هم گیرنده الکترون، هم بخشنده الکترون) در ضمن، اتصال به زمین را با نماد  $\perp$  نشان می‌دهند.

**مثال** دو میله پلاستیکی و شیشه‌ای با اندازه بارهای یکسان را مطابق شکل زیر، به دو کره

خنثای A و C نزدیک کرده و در همین حال کره C را از A جدا می‌کنیم. حال میله‌های باردار را دور کرده و در کره C با بار  $+Q$  القا می‌شود. اگر کره خنثای B را یک بار با کره A و سپس با کره C تماس دهیم، بار کره B در نهایت کدام می‌شود؟ (سه کره A، B و C فلزی و مشابه هستند و روی پایه‌های عایق قرار دارند.)



(آزمایشی کانون - ۸۴)

$$\begin{matrix} -\frac{Q}{2} & (1) \\ -\frac{Q}{4} & (2) \\ +\frac{Q}{4} & (3) \\ 0 & (4) \end{matrix}$$

**۴ ۳ ۲ ۱** واضحه که بار اولیه کره A برابر منفی بار اولیه کره C است:

$$q_A = -q_C = -Q$$

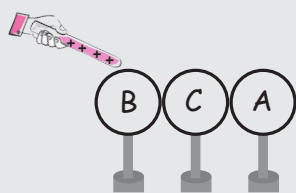
وقتی کره B رو به کره A تماس می‌دهیم، کره A نصف بارشو تقدیم کره B می‌کنه:

$$q_B = \frac{q_A}{2} = -\frac{Q}{2}$$

حالا کره B رو با کره C تماس می‌دهیم، مجموع بار کره‌ها به نسبت مساوی بینشون تقسیم می‌شه:

$$q'_B = q'_C = \frac{q_C + q_B}{2} = \frac{-Q - \frac{Q}{2}}{2} = -\frac{\frac{3Q}{2}}{2} = -\frac{3Q}{4}$$

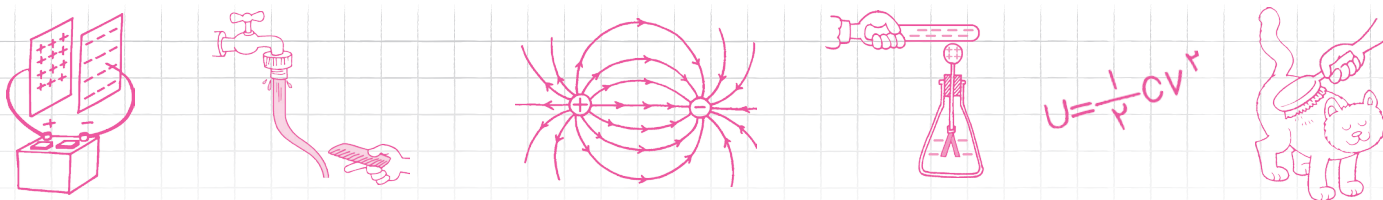
**تمرین** سه کره فلزی یکسان A، B و C، مطابق شکل، روی پایه‌های عایق قرار داشته، با هم تماس



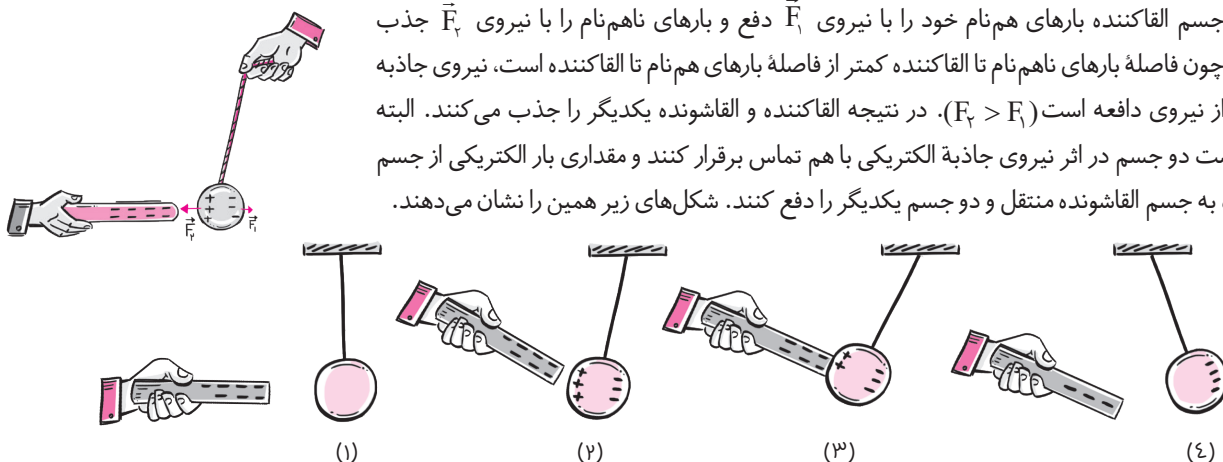
دارند. میله‌ای فلزی با بار مثبت را به کره B نزدیک می‌کنیم. قبل از دور کردن میله، کره C را از بین دو کره دیگر برمی‌داریم و اتصال سه کره از هم قطع می‌شود؛ سپس میله را دور می‌کنیم. در این حالت بار کره A،  $+20 \mu C$  خواهد شد. بعد از این کار، ابتدا دو کره B و C را تماس داده و از هم جدا می‌کنیم. سپس کره C را مجدداً با کره A تماس می‌دهیم. پس از جدا کردن کره C از کره A، بار کره C چند میکروکولن خواهد شد؟

(آزمایشی کانون - ۸۴)

$$\begin{matrix} -6/8 & (1) \\ -5 & (2) \\ +5 & (3) \\ +10 & (4) \end{matrix}$$

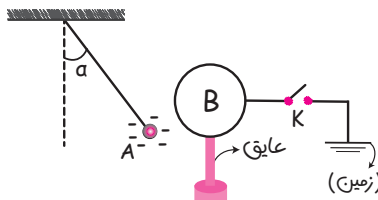


**نکته** جسم القاکننده بارهای هم نام خود را با نیروی  $F_1$  دفع و بارهای ناهم نام را با نیروی  $F_2$  جذب می کند. چون فاصله بارهای ناهم نام تا القاکننده کمتر از فاصله بارهای هم نام تا القاکننده است، نیروی جاذبه بزرگتر از نیروی دافعه است ( $F_2 > F_1$ ). در نتیجه القاکننده و القا شونده یکدیگر را جذب می کنند. البته ممکن است دو جسم در اثر نیروی جاذبه الکتریکی با هم تماس برقرار کنند و مقداری بار الکتریکی از جسم القاکننده به جسم القا شونده منتقل و دو جسم یکدیگر را دفع کنند. شکل های زیر همین را نشان می دهند.



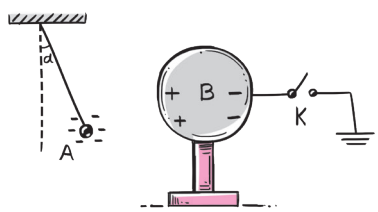
(۱) میله ای با بار منفی را به (۲) در گلوله بارهای مثبت و منفی (۳) ممکن است گلوله در اثر نیروی جاذبه بارهای مثبت القا می شوند. چون بارهای مثبت گلوله رسانایی که توسط نخ، می شود و از آن دور می شود جاذبه میله به آن بچسبید. در این صورت القا می شوند. چون بارهای مثبت گلوله رسانایی که توسط نخ، مقداری از بار میله به گلوله منتقل و گلوله به میله نزدیک ترند، نیروی خالص بار منفی پیدا می کند. وارد بر گلوله به سمت چپ است. می کنیم.

**مثال** در شکل زیر، آونگ الکتریکی A که بار منفی دارد، در مجاورت کره فلزی بدون بار B که بر روی پایه عایقی قرار دارد، به اندازه زاویه  $\alpha$  منحرف شده است. اگر کلید K را وصل کنیم، زاویه  $\alpha$  چگونه تغییر می کند؟

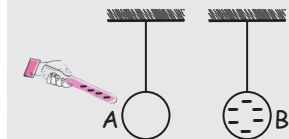


- (۱) افزایش می یابد.
- (۲) کاهش می یابد.
- (۳) تغییر نمی کند.
- (۴) ابتدا کاهش و سپس افزایش می یابد.

اولش در سمت چپ کره B، بار مثبت و در سمت راستش بار منفی القا می شه. بارهای مثبت القایی، گلوله A رو جذب و بارهای منفی القایی گلوله A رو دفع می کنند. نیروی جاذبه به نیروی دافعه می چربه و گلوله A به سمت B منحرف می شه. وقتی کلید K رو می بندیم، بارهای منفی B به سمت زمین می رن و نیروی دافعه ای که این بارها به گلوله A وارد می کردند، از بین می بره. پس کره B بار خالص مثبت پیدا می کنه و به A فقط نیروی جاذبه وارد می کنه که باعث می شه گلوله A به کره B نزدیک تر بشه و زاویه  $\alpha$  افزایش پیدا می کنه.

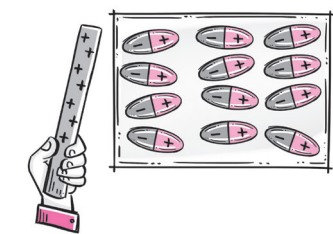


**تمرین** با توجه به شکل زیر، کره فلزی و خنثای A، کره سبک B را: (میله و کره ها هیچ کدام با هم تماس برقرار نمی کنند).



- (۱) جذب می کند.
- (۲) دفع می کند.
- (۳) ابتدا جذب و سپس دفع می کند.
- (۴) ابتدا دفع و سپس جذب می کند.

القای الکتریکی در مواد نارسانا با مواد رسانا فرق دارد. اگر مطابق شکل، میله ای با بار مثبت را به یک ماده عایق نزدیک کنیم، بارهای مثبت و منفی مولکول های ماده عایق اندکی از هم فاصله می گیرند و مولکول ها قطبیده می شوند، طوری که سر منفی مولکول ها به سمت میله جذب و سر مثبت مولکول ها از میله دفع می شوند. به این ترتیب، ماده دارای بار سطحی منفی می شوند و جذب میله مثبت می شود. (به همین ترتیب خرده های کاغذ، جذب شانه باردار می شود).



**خطر** اگر در مجاورت میله باردار، ماده عایق را به زمین وصل کنیم، بار چندانی بین عایق و زمین منتقل نمی شود. بنابراین، مواد عایق را نمی توان به روش القا باردار کرد.

## الکتروسکوپ

اولین سوال پایان فصل کتاب درسی در مورد الکتروسکوپ است. با این وسیله در کتاب علوم تجربی پایه هشتم آشنا شدید. با رویکردی تصویری الکتروسکوپ را بررسی می‌کنیم.

۱ تشخیص باردار بودن یک جسم

۲ تعیین نوع بار جسم

۳ تشخیص این که جسم رساناست یا نارسانا

کاربردهای الکتروسکوپ

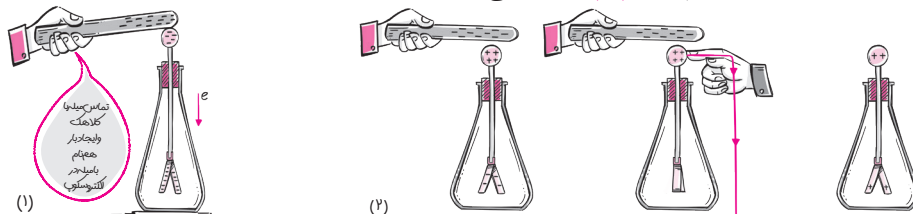
تشخیص باردار بودن جسم: اگر جسم باردار را به الکتروسکوپ خنثی نزدیک کنیم، برگه‌های الکتروسکوپ از هم فاصله می‌گیرند.

بار کلاهک ← ناهم‌نام با بار جسم باردار

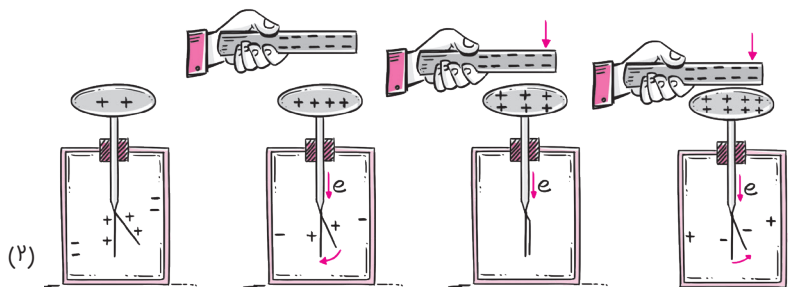
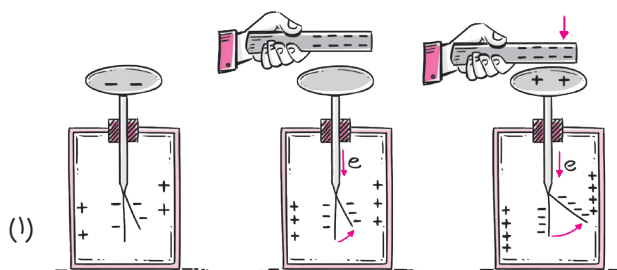
بار برگه‌ها ← هم‌نام با بار جسم باردار

بار الکتروسکوپ ← صفر ( = بار برگه‌ها - بار کلاهک )

برای ایجاد بار الکتریکی در الکتروسکوپ، یا از روش تماس استفاده می‌کنیم (شکل ۱) یا از روش القا (شکل ۲). در روش تماس، بار الکتروسکوپ هم‌نام با میله و در روش القا، بار الکتروسکوپ، ناهم‌نام با میله می‌شود.

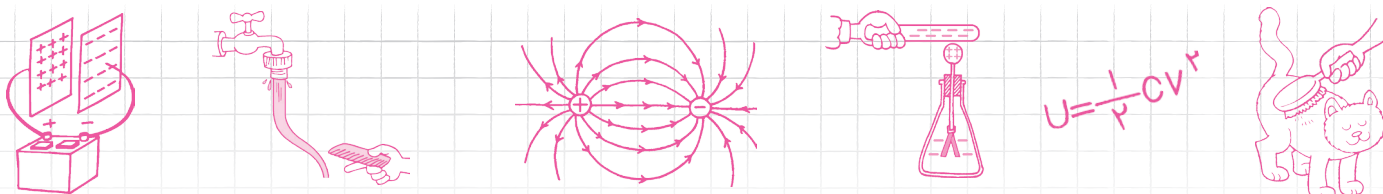


تعیین نوع بار جسم: جسم را به آرامی به کلاهک الکتروسکوپی با بار معین نزدیک می‌کنیم. اگر بار جسم و الکتروسکوپ هم‌نام باشند، زاویه بین برگه‌ها افزایش می‌یابد (شکل ۱). اگر بار جسم و الکتروسکوپ ناهم‌نام باشند، زاویه بین برگه‌ها کاهش می‌یابد. اگر بار جسم بیشتر از بار الکتروسکوپ باشد، ممکن است برگه‌ها آن قدر به هم نزدیک شوند تا به هم بچسبند و در ادامه، با ایجاد بار مخالف بار اولیه روی برگه‌ها، دوباره برگه‌ها از هم دور شوند (شکل ۲).



$$U = \frac{1}{2} CV^2$$





## ویژه بچه‌های خفن



### تله طراح

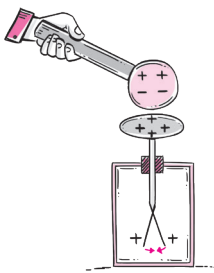
میله‌ای رو با بار زیاد رو به سرعت به کلاهک الکتروسکوپ با بار ناهم‌نام میله نزدیک می‌کنیم. علامت بار روی برگه‌ها خیلی سریع‌تر از چیزی که تصور می‌کنیم، تغییر می‌کنه و اندازه بار روی برگه‌ها بیشتر از قبل می‌شه و برگه‌ها از هم فاصله می‌گیرن! پس با این حساب از روی افزایش فاصله بین برگه‌ها نمی‌تونیم صددرصد نتیجه بگیریم بار میله و الکتروسکوپ هم‌نامند.

**(?) میله بارداری را به سرعت به الکتروسکوپ که به‌طور منفی باردار شده نزدیک می‌کنیم، زاویه بین ورقه‌های الکتروسکوپ افزایش می‌یابد. نوع بار الکتروسکوپ چیست؟**

✓ ممکن است مثبت یا منفی باشد (اگر طراح به جای «به سرعت» می‌گفت «به آرامی»، نوع بار الکتروسکوپ قطعاً منفی بود.)

### نکته

اگر مطابق شکل روبه‌رو، یک جسم رسانای خنثی را به یک الکتروسکوپ باردار نزدیک کنیم، در بخشی از جسم که به کلاهک نزدیک‌تر است، بار ناهم‌نام با الکتروسکوپ و در بخش دورتر، بار هم‌نام با الکتروسکوپ القا می‌شود. چون بارهای ناهم‌نام جسم و کلاهک به هم نزدیک‌ترند، نیروی جذب بین بارهای ناهم‌نام بیشتر از نیروی دافعه بین بارهای هم‌نام است و تعدادی از بارهای روی برگه‌های الکتروسکوپ در اثر این جذب به سمت کلاهک می‌روند. در نتیجه بار روی برگه‌ها و زاویه بین آن‌ها کاهش می‌یابد.



### نتیجه

جسم را به آرامی به کلاهک الکتروسکوپ باردار نزدیک می‌کنیم

زاویه بین برگه‌ها ابتدا کاهش، سپس افزایش می‌یابد.

زاویه بین برگه‌ها کاهش می‌یابد.

زاویه بین برگه‌ها افزایش می‌یابد.

بار جسم ناهم‌نام با بار الکتروسکوپ است.

جسم یا خنثی است یا دارای بار ناهم‌نام با الکتروسکوپ است.

بار جسم هم‌نام با الکتروسکوپ است.

**تمرین** الکتروسکویی با بار منفی در اختیار داریم. اگر میله‌ای رسانا را به کلاهک آن نزدیک کنیم، ورقه‌های الکتروسکوپ به هم

نزدیک می‌شوند. نوع بار میله چیست؟

- (۱) فقط منفی      (۲) ✓ مثبت یا خنثی      (۳) فقط مثبت      (۴) منفی یا خنثی

**مثال** برق‌نمایی (الکتروسکویی) دارای بار الکتریکی مثبت است و ورقه‌های آن از هم باز شده‌اند. میله‌ای را با یک دستمال عایق گرفته،

به کلاهک الکتروسکوپ تماس می‌دهیم. ملاحظه می‌شود که زاویه بین ورقه‌ها نسبت به حالت اول کاهش پیدا کرده است. بار میله قبل از تماس چه بوده است؟

(آزمایش سنش - ۸۹)

(۱) مثبت

(۲) منفی

(۳) خنثی

(۴) بسته به شرایط، هر کدام ممکن است درست باشد.

ممکنه بار میله منفی باشه و این بارها بعد از تماس میله با کلاهک، به سمت الکتروسکوپ رفته و تعدادی از بارهای مثبت رو خنثی کرده باشن. ممکنه میله خنثی باشه و در اثر تماس با الکتروسکوپ، تعدادی از بارهای مثبت الکتروسکوپ به میله منتقل بشن. این امکان هم وجود داره که میله دارای بار مثبت نسبتاً کمی باشه و در تماس با الکتروسکوپ تعدادی از بارهای مثبت الکتروسکوپ به میله منتقل شن.

آقا! بار مثبت که حرکت نمی‌کنه!

می‌دونم! هر جا که گفتم بار مثبت منتقل می‌شه، منظورم انتقال بار منفی در جهت مخالفشه.

### انتهای مثبت

- شیشه
- سرب
- کاغذ
- پلاستیک
- تفلون

### انتهای منفی

(سری الکتریسته مالشی)

**تمرین** میله پلاستیکی را با شیشه مالش می‌دهیم و آن را به یک الکتروسکوپ بدون بار نزدیک می‌کنیم، اگر

ورقه‌های الکتروسکوپ از هم دور شوند، بار کلاهک و ورقه‌ها، به ترتیب از راست به چپ، کدام است؟ (آزمایش کانون - ۹۸)

(۱) منفی - منفی

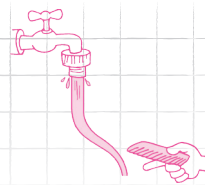
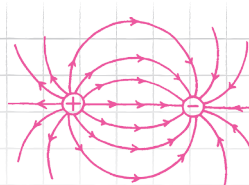
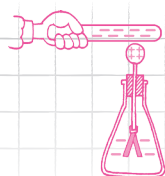
(۲) ✓ مثبت - منفی

(۳) منفی - مثبت

(۴) مثبت - مثبت



$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



## نیروی الکتریکی

واحد  
۲

روح مثل الکتریسیته است؛ از سر در نفر داریم، اما نیرویی که فر تون به اتاق رو روشن کنه. (زر چارلز)

نیرویی که دو ذره باردار به هم وارد می‌کنند، در امتداد خط وصل دو بار و به صورت رابیشی (شکل ۱) یا رانشی (شکل ۲) است.

نیروهایی که دو ذره به هم وارد می‌کنند، هم‌اندازه و در خلاف جهت یکدیگرند:

طبق قانون کولن، اندازه نیروی الکتریکی بین دو ذره باردار با حاصل ضرب بزرگی بارها نسبت مستقیم و با مربع فاصله بین آن‌ها نسبت عکس دارد.

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \quad (\text{حاصل ضرب بزرگی بارها})$$

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2}$$

(فاصله دو بار از هم)  $r$   
(نیروی بین دو بار)  $F = F_{12} = F_{21}$

$$k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \quad \epsilon_0 = 8.85 \times 10^{-12} \text{ C}^2 / \text{N.m}^2$$

(ضریب گذردهی الکتریکی خلأ)

توجه خود k هم از رابطه مقابل به دست می‌آید:

مثال دو بار الکتریکی نقطه‌ای  $q$  و  $5q$  در فاصله  $2\text{m}$  از هم قرار دارند و نیروی دافعه  $0.2\text{N}$  به یکدیگر وارد می‌کنند.  $q$  چند میکروکولن

(سراسری تیربی - ۹۱، قارج از کشور)

$$\text{است؟} \quad \left( k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} \right)$$

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 2 \times 10^{-2} = 9 \times 10^9 \times \frac{q \times 5q}{3^2} \Rightarrow 5q^2 = 2 \times 10^{-11} \Rightarrow q^2 = 4 \times 10^{-12} \Rightarrow q = 2 \times 10^{-6} \text{ C} = 2 \mu\text{C}$$

$$F = k \frac{|q_1||q_2|}{r^2} \Rightarrow 2 \times 10^{-2} = 9 \times 10^9 \times \frac{5q^2}{3^2} \Rightarrow q^2 = 0.4 \times 10^{-10} = 4 \times 10^{-11} \Rightarrow q = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$$

به من چه!  $q = 2 \times 10^{-6}$  یک چیز دیگه!  $4 \times 10^{-11}$  یک چیز!

پس گزینه‌های رو انتخاب می‌کنم که در اون عدد ۲ وجود داشته باشه! حالا اگر بین گزینه‌ها عددی مثل ۲۰ یا ۲۰۰ بود، خوب باید توان عدد رو هم حساب می‌کردیم.

تکنیک محاسباتی ۹۰: ثابت کولن را می‌توان با عدد زیر نمایش داد:

$$k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot (10^2 \text{ cm})^2}{(10^6 \mu\text{C})^2} = 9 \times 10^9 \frac{\text{N} \cdot (10^4 \text{ cm}^2)}{10^{12} \mu\text{C}^2} = 90 \frac{\text{N.cm}^2}{\mu\text{C}^2}$$

یعنی اگر در رابطه کولن،  $q_1$  و  $q_2$  را بر حسب میکروکولن و  $r$  را بر حسب سانتی‌متر و  $k$  را مساوی عدد ۹۰ قرار دهیم،  $F$  بر حسب نیوتون به دست می‌آید (یار برنامه ۹۰ به فیرا... نقطه چین و با هفتش سالم پر کنیدا)

$$2 \times 10^{-2} = 90 \times \frac{5q^2}{(300)^2} \Rightarrow 5q^2 = 20 \Rightarrow q = 4 \mu\text{C}$$

نمونه در تست قبل، برای محاسبه دقیق می‌توانستیم این‌طور وارد عمل شویم:



مثال در شکل مقابل، دو گلوله کاملاً با هم مشابه‌اند و جرم و بار الکتریکی یکسان دارند. بار الکتریکی هر گلوله  $+5\mu\text{C}$  و اصطکاک دیواره‌ها ناچیز است. اگر نیروی سطح وارد بر گلوله پایینی برابر  $5\text{N}$  باشد و دو گلوله در حال تعادل باشند،

(آزمایشی کج - ۹۷)

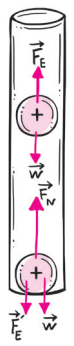
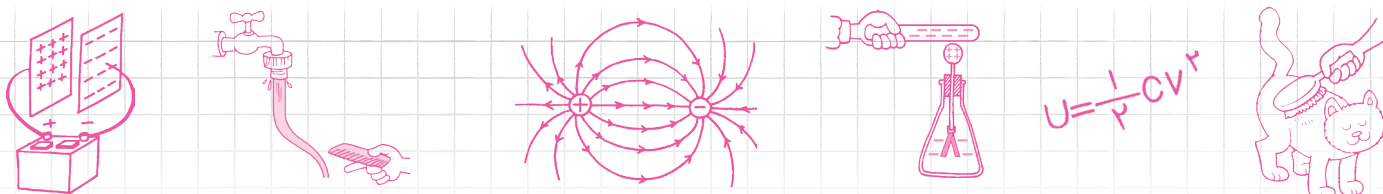
$$\text{فاصله دو گلوله از هم چند سانتی‌متر است؟} \quad \left( k = 9 \times 10^9 \frac{\text{N.m}^2}{\text{C}^2} \right)$$

۳۰ (۲)

۲۰ (۱)

۴ اطلاعات مسئله کافی نیست

۱۰ (۳)



شکل روبه‌رو، نیروهای وارد بر گلوله رو نشون می‌ده. از تعادل گلوله بالایی نتیجه می‌گیریم نیروی الکتریکی وارد بر گلوله هم‌اندازه با وزنشه:

$$F_E - W = 0 \Rightarrow F_E = W \quad (1)$$

گلوله پایینی هم به حال تعادله. پس برابند نیروهای وارد بر این گلوله هم صفره. پس نیرویی که کف لوله به بار وارد می‌کنه ( $\vec{F}_N$ ) با مجموع نیروهای وزن و الکتریکی وارد بر بار خنثی می‌شه.

$$F_{net} = 0 \Rightarrow F_N - F'_E - W = 0 \xrightarrow{(F'_E = F_E \text{ نیوتون سوم})} F_E + W = F_N \xrightarrow{(1)} 2F_E = \Delta \Rightarrow F_E = \Delta / 2$$

چون بارها بر حسب  $\mu C$  داده شده‌اند، از تکنیک محاسباتی ۹۰ می‌ریم و  $r$  رو مستقیماً بر حسب  $cm$  به دست می‌یاریم.

$$F = k \frac{qq}{r^2} \Rightarrow \Delta / 2 = \frac{90 \times \Delta^2}{r^2} \Rightarrow r^2 = \frac{90 \times \Delta^2}{\Delta / 2} = 180 \Delta \Rightarrow r = 3 \text{ cm}$$

**تمرین** در شکل روبه‌رو، دو گوی مشابه به جرم  $14/4g$  و بار یکسان و مثبت  $q$  در فاصله  $1 \text{ cm}$  از هم قرار دارند و گوی بالایی معلق مانده است. چند الکترون از گوی معلق بگیریم تا فاصله آن‌ها از یکدیگر دو برابر شود؟ (از اصطکاک دیواره صرف‌نظر شود،  $g = 10 \frac{m}{s^2}$  و  $e = 1/6 \times 10^{-19} C$ ،  $k = 9 \times 10^9 N.m / C^2$ )

(آزمایشی مرآت - ۹۹)

- ۱)  $10^{-19}$
- ۲)  $7/5 \times 10^{11}$  ✓
- ۳)  $5 \times 10^{11}$
- ۴)  $2/5 \times 10^{11}$

**توجه**

قانون کولن در حالت مقایسه‌ای آن به صورت مقابل نوشته می‌شود:

$$\frac{F'}{F} = \left(\frac{q'_1}{q_1}\right) \times \left(\frac{q'_2}{q_2}\right) \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$$

البته بهتر است این مدل تست‌ها را به کمک رابطه تناسبی زیر حل کرد.

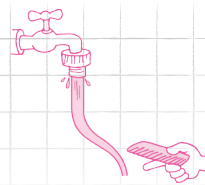
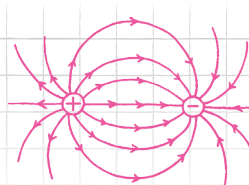
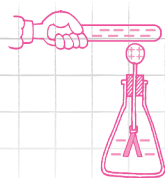
$$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

نحوه تغییر $q_1$	نحوه تغییر $q_2$	نحوه تغییر $r$	نحوه تغییر $F$ به کمک رابطه مقایسه‌ای	نحوه تغییر $F$ به کمک رابطه تناسبی
ثابت ( $q'_1 = q_1$ )	ثابت ( $q'_2 = q_2$ )	۲ برابر ( $r' = 2r$ )	$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$ $= 1 \times 1 \times \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = \frac{1}{4}$	$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$ (۱ برابر) $\rightarrow$ $F \propto \frac{1}{(2)^2}$ (۱/۴ برابر)
ثابت ( $q'_1 = q_1$ )	۲ برابر ( $q'_2 = 2q_2$ )	نصف ( $r' = \frac{1}{2}r$ )	$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$ $= 1 \times 2 \times \left(\frac{r}{\frac{1}{2}r}\right)^2 = 8$	$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$ (۱ برابر) $\rightarrow$ $F \propto \frac{2}{(\frac{1}{2})^2}$ (۸ برابر)
۲ برابر ( $q'_1 = 2q_1$ )	۲ برابر ( $q'_2 = 2q_2$ )	ثابت ( $r' = r$ )	$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$ $= 2 \times 2 \times 1^2 = 4$	$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$ (۲ برابر) $\rightarrow$ $F \propto \frac{2 \times 2}{1^2}$ (۴ برابر)
۲ برابر ( $q'_1 = 2q_1$ )	۱/۲ برابر ( $q'_2 = \frac{1}{2}q_2$ )	۲ برابر ( $r' = 2r$ )	$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2$ $= 2 \times \frac{1}{2} \times \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = \frac{1}{4}$	$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2}$ (۲ برابر) $\rightarrow$ $F \propto \frac{2 \times \frac{1}{2}}{(2)^2}$ (۱/۴ برابر)





$$U = \frac{1}{2} CV^2$$



**مثال** دو بار نقطه‌ای  $q_1$  و  $q_2$  در فاصله  $r$  از هم قرار گرفته و بزرگی نیروی الکتریکی بین آن‌ها  $F$  است. اگر اندازه هر بار را دو برابر کرده و فاصله آن‌ها از هم را نیز دو برابر کنیم، اندازه نیروی الکتریکی بین آن‌ها چند برابر  $F$  خواهد شد؟

(آزمایشی مرات - ۹۹)

- (۱)  $\frac{1}{4}$  (۲)  $\frac{1}{2}$  (۳) ۱ (۴) ۲

**ف** می‌خواهیم نیروی الکتریکی ثانویه ( $F'$ ) را برحسب نیروی الکتریکی اولیه ( $F$ ) تعیین کنیم. از قانون کولن در حالت مقایسه‌ای استفاده می‌کنیم:

$$\frac{F'}{F} = \frac{q'_1}{q_1} \times \frac{q'_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \frac{2q_1}{q_1} \times \frac{2q_2}{q_2} \times \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = 2 \times 2 \times \frac{1}{4} = 1$$

**میانبر** قانون کولن رو به شکل تناسبی می‌نویسیم؛ این جوری:

$$F \propto \frac{q_1 q_2}{r^2} \Rightarrow F' \propto \frac{(2q_1)(2q_2)}{(2r)^2} \Rightarrow F' = F$$

**تمرین** بار الکتریکی  $8\mu C$  از فاصله  $r$  بر بار  $2\mu C$  نیروی  $F$  وارد می‌کند. بار  $2\mu C$  در چه فاصله‌ای بر بار  $8\mu C$  نیرویی به اندازه  $2F$  وارد می‌کند؟

(سراسری تهرمی - ۸۵)

- (۱)  $2r$  (۲)  $\sqrt{2}r$  (۳)  $\frac{1}{2}r$  (۴)  $\frac{\sqrt{2}}{2}r$

**مثال** مطابق شکل زیر، بارهای الکتریکی مثبت و هم‌اندازه  $q$  در جای خود ثابت شده‌اند و به یکدیگر نیروی الکتریکی به بزرگی  $F$  وارد می‌کنند. اگر تعدادی الکترون از جسم  $A$  به جسم  $B$  منتقل کنیم تا بار جسم  $B$  برابر  $-2q$  شود، در این صورت بزرگی نیرویی که دو ذره به هم وارد می‌کنند، چند برابر  $F$  می‌شود؟

(سراسری تهرمی - ۳۰۰، قارج از کشور)

- (۱) ۲ (۲) ۴ (۳) ۶ (۴) ۸

**ف** بر اساس اصل پایستگی بار الکتریکی، مجموع بار جسم‌های  $A$  و  $B$ ، قبل و بعد از تبدیل بار یکسانه:

$$q'_A + q'_B = q_A + q_B$$

$$q'_A - 2q = q + q \Rightarrow q'_A = 4q$$

(یعنی جسم  $A$  بار  $3q$  رو به  $B$  می‌دهد، بار  $B$  می‌شه  $q - 3q = -2q$  و بار  $A$  می‌شه:  $q'_A = q - (-3q) = q + 3q = 4q$ )

$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \xrightarrow{\text{(ثابت:k)}} \frac{F'}{F} = \frac{q'_A |q'_B|}{q_A q_B} = \frac{4q \times 2q}{q \times q} = \frac{8q^2}{q^2} = 8$$

**مثال** دو کره فلزی کوچک مشابه که اندازه‌ی یکی سه برابر دیگری است در فاصله ۱۵ سانتی‌متری، یکدیگر را با نیروی  $F$  جذب می‌کنند.

اگر پس از تماس آن‌ها به یکدیگر، آن‌ها را در فاصله ۱۰cm قرار دهیم، نیرویی چند برابر  $F$  به هم وارد می‌کنند؟

(آزمایشی کانون - ۱۳۰۰)

- (۱) ۱ (۲)  $\frac{1}{3}$  (۳) ۳ (۴)  $\frac{4}{3}$

**ف** اگه بار یکی از کره‌ها  $q_1 = q$  باشه، بار اون یکی  $q_2 = -3q$  است؛ چرا منفی؟ چون کره‌ها همدیگر رو جذب می‌کنند و باید بارهاشون ناهم‌نام باشه. چون کره‌ها مشابه‌اند، بارشون بعد از تماس، یکسان می‌شه:

$$q'_1 = q'_2 = \frac{q_1 + q_2}{2} = \frac{q + (-3q)}{2} = \frac{-2q}{2} = -q$$

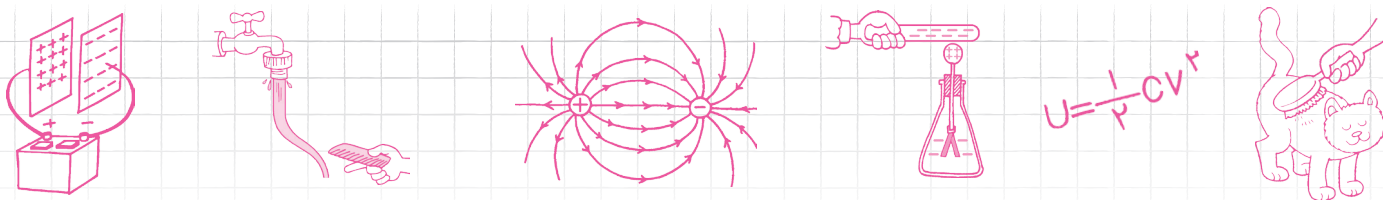
$$F = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \xrightarrow{\text{(ثابت:k)}} \frac{F'}{F} = \frac{|q'_1|}{q_1} \times \frac{|q'_2|}{q_2} \times \left(\frac{r}{r'}\right)^2 = \frac{|-q|}{q} \times \frac{|-q|}{|-3q|} \times \left(\frac{15}{10}\right)^2 = 1 \times \frac{1}{3} \times \left(\frac{3}{2}\right)^2 = \frac{3}{4}$$

**تمرین** دو گوی رسانای کوچک و یکسان با بارهای  $q_1 = 8nC$  و  $q_2 = -2nC$  از فاصله  $r$  یکدیگر را با نیرویی به بزرگی  $F$  جذب می‌کنند. آن‌ها را با هم تماس می‌دهیم و در فاصله  $r'$  از یکدیگر قرار می‌دهیم، اگر در این حالت، گوی‌ها یکدیگر را با نیرویی با همان

اندازه  $F$  دفع کنند،  $r'$  چند برابر  $r$  است؟

(آزمایشی گزینه دو - ۹۷)

- (۱)  $\frac{5}{4}$  (۲)  $\frac{4}{5}$  (۳)  $\frac{3}{4}$  (۴)  $\frac{4}{3}$



**نکته** اگر کسر  $x$  (یا  $x$  درصد) از بار  $q_1$  به بار  $q_2$  منتقل شود، بار  $q_1$  به  $q_1 - xq_1$  و بار  $q_2$  به  $q_2 + xq_2$  تبدیل می‌شوند. اگر نیروی الکتریکی بین دو بار را در این دو حالت به ترتیب با  $F$  و  $F'$  نشان دهیم، با فرض ثابت ماندن فاصله دو بار از هم، می‌توان نوشت:

$$\frac{F'}{F} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} = \frac{(q_1 - xq_1)(q_2 + xq_2)}{q_1 q_2}$$

**مثال** دو بار الکتریکی نقطه‌ای برابر، در فاصله ثابتی از هم قرار دارند و به یکدیگر نیروی  $F$  وارد می‌کنند. اگر ۲۵ درصد از بار الکتریکی یکی کم و همان مقدار بر بار دیگر اضافه کنیم، نیرویی که به هم وارد می‌کنند، چند می‌شود؟

(۱) ۱      (۲) ۴      (۳) ۱۵/۱۶      (۴) ۱۶/۱۵

اگر ۲۵ درصد رو  $0.25$  و  $1/4$  بنویسیم، سریع‌تر می‌تونیم به جواب برسیم!

$$\begin{cases} q_1 = q, q_1' = q - \frac{1}{4}q = \frac{3}{4}q \\ q_2 = q, q_2' = q + \frac{1}{4}q = \frac{5}{4}q \end{cases} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} = \frac{\frac{3}{4}q \times \frac{5}{4}q}{q \times q} = \frac{15}{16}$$

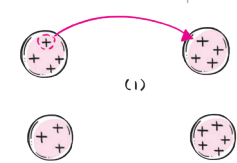
**سریع باش** هر وقت تغییرات یک کمیت مجهول برحسب درصد داده یا خواسته شد، مقدار اولیه اون کمیت رو ۱۰۰ بگیرید و مقدار ثانویه رو بر این اساس حساب کنید. پس در مثال بالا می‌تونستیم، مقدار اولیه بارها رو و ۱۰۰ واحد (واحدش مهم نیست) در نظر بگیریم:

۲۵ درصد این بارها یعنی ۲۵ واحد:  $\Delta q = \frac{25}{100} q_1 = \frac{25 \times 100}{100} = 25$

پس ۲۵ واحد از بار  $q_1$  کم شده:  $q_1' = q_1 - \Delta q = 100 - 25 = 75$

و همین مقدار به بار  $q_2$  اضافه شده:  $q_2' = q_2 + \Delta q = 100 + 25 = 125$

$$\frac{F'}{F} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} = \frac{75 \times 125}{100 \times 100} = \frac{15}{16}$$

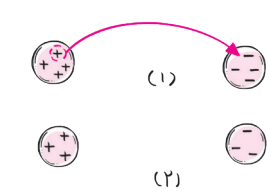


$$\frac{F'}{F} = \frac{15}{16}$$

**میانبر** تست، از نوع پارامتریه و مقدار  $q$  داده نشده؛ یعنی مقدار  $q$  مهم نیست و به‌ازای هر  $q$  باید به جواب درست برسی. پس خودت می‌تونی به  $q$  یک عدد دلخواه بدی. عددی که ۲۵ درصدشو (یعنی  $1/4$ ) اونو) راحت بتونی حساب کنی. چه عددی بهتر از ۴! فرض می‌کنیم مطابق شکل، هر کدوم از بارها ۴ واحدن. حالا ۲۵ درصد بار یک کره (یعنی ۱ واحد از بارش رو) به کره دیگه می‌دیم. بار کره‌ها ۳ و ۵ واحد می‌شه. حاصل ضرب بارها در حالت اول  $4 \times 4 = 16$  و در حالت دوم  $3 \times 5 = 15$  می‌شه. پس:

**?** اگر در مثال قبل بارها ناهم‌نام بودند، جواب چه بود؟

$$\begin{cases} q_1 = q, q_1' = q - \frac{1}{4}q = \frac{3}{4}q \\ q_2 = -q, q_2' = -q + \frac{1}{4}q = -\frac{3}{4}q \end{cases} \Rightarrow \frac{F'}{F} = \frac{q_1' q_2'}{q_1 q_2} = \frac{\frac{3}{4}q \times \frac{5}{4}q}{q \times q} = \frac{9}{16}$$



**میانبر** در این سؤال هم می‌تونیم به بار مقدار عددی بدیم. همون ۴ واحد خوبه که ۲۵ درصدش می‌شه ۱ واحد. اگر ۱ واحد از بار کره مثبت کم و همون رو به کره منفی بدیم، یک واحد از بار کره منفی خنثی می‌شه و بارش می‌شه ۳- واحد. حاصل ضرب بزرگی بارها در حالت اول  $4 \times 4 = 16$  و در حالت دوم  $3 \times 3 = 9$  می‌شه. پس:

$$\frac{F'}{F} = \frac{9}{16}$$

**تمرین** دو بار الکتریکی نقطه‌ای هم‌نام و هم‌اندازه در فاصله مشخصی از یکدیگر قرار دارند. چند درصد از بار یکی را برداشته و به دیگری بدیم تا در همان فاصله قبلی، نیروی بین دو بار  $9/16$  برابر حالت اول شود؟

- (۱) ۲۰      (۲) ۴۰      (۳) ۶۰      (۴) ۸۰ ✓