

فصل ۱: مجموعه

۱۰۸	۸	جامع فصل	۱
۱۰۹	۹	جامع فصل	۲

فصل ۲: الگو و دنباله

۱۱۰	۱۰	الگو	۳
۱۱۱	۱۱	دنباله حسابی و هندسی	۴
۱۱۲	۱۱	جامع فصل	۵
۱۱۳	۱۲	جامع فصل	۶

فصل ۳: معادله و نامعادله و تعیین علامت

۱۱۵	۱۴	معادله	۷
۱۱۶	۱۴	نامعادله و تعیین علامت	۸
۱۱۷	۱۵	جامع فصل	۹
۱۱۹	۱۶	جامع فصل	۱۰

فصل ۴: قدرمطلق و براکت

۱۲۱	۱۸	قدرمطلق	۱۱
۱۲۲	۱۸	جزء صحیح	۱۲
۱۲۳	۱۹	جامع فصل	۱۳
۱۲۵	۲۰	جامع فصل	۱۴

فصل ۵: معادله و تابع درجه ۲

۱۲۶	۲۲	معادله درجه دوم	۱۵
۱۲۷	۲۲	تابع درجه دوم	۱۶
۱۲۸	۲۳	جامع فصل	۱۷
۱۳۰	۲۴	جامع فصل	۱۸

فصل ۶: توانهای گویا و عبارتهای جبری

۱۳۲	۲۶	ریشه، رادیکال و توان	۱۹
۱۳۲	۲۷	اتحاد و تجزیه	۲۰
۱۳۳	۲۷	جامع فصل	۲۱
۱۳۵	۲۸	جامع فصل	۲۲

فصل ۷: تابع

۱۳۷	۳۰	مفاهیم مقدماتی تابع	۲۳
۱۳۷	۳۱	تابع خطی و انتقال تابع	۲۴
۱۳۹	۳۲	انواع تابع، یکنواختی	۲۵
۱۴۰	۳۲	اعمال جبری تابع و ترکیب تابع	۲۶
۱۴۱	۳۴	تابع یک به یک و تابع معکوس	۲۷
۱۴۲	۳۴	جامع فصل	۲۸
۱۴۴	۳۶	جامع فصل	۲۹

فصل ۸: مثلثات

۱۴۵	۳۸	مفاهیم مقدماتی	۳۰
۱۴۶	۳۹	اتحادهای مثلثاتی	۳۱
۱۴۸	۴۹	تابع مثلثاتی	۳۲
۱۴۹	۴۰	معادله مثلثاتی	۳۳
۱۵۰	۴۱	جامع فصل	۳۴
۱۵۱	۴۲	جامع فصل	۳۵

فصل ۹: توابع نمایی و لگاریتمی

۱۵۳	۴۴	تابع نمایی	۳۶
۱۵۴	۴۵	لگاریتم	۳۷
۱۵۴	۴۵	جامع فصل	۳۸
۱۵۶	۴۷	جامع فصل	۳۹

نامه پاسخ تأثیرگذاری	نامه مقاله	مبحث آزمون	شماره آزمون
۱۵۷	۴۸	جامع فصل	۴۰
۱۵۹	۴۹	جامع فصل	۴۱
۱۶۱	۵۰	تفکر جسمی	۴۲
۱۶۲	۵۱	بیضی و دایره	۴۳
۱۶۳	۵۱	جامع فصل	۴۴
۱۶۵	۵۲	جامع فصل	۴۵
۱۶۶	۵۴	ترسیم - استدلال - قضیه تالس	۴۶
۱۶۷	۵۵	تشابه	۴۷
۱۶۸	۵۶	جامع فصل	۴۸
۱۷۰	۵۷	جامع فصل	۴۹
۱۷۱	۵۹	مفاهیم اولیه - رفع ابهام - پیوستگی	۵۰
۱۷۲	۶۰	حد در بینهایت و حد بینهایت	۵۱
۱۷۴	۶۱	جامع فصل	۵۲
۱۷۵	۶۲	جامع فصل	۵۳
۱۷۷	۶۴	آشنایی با مفهوم مشتق - مشتقگیری - مشتق تابع مرکب	۵۴
۱۷۸	۶۵	مشتقپذیری و پیوستگی - آهنگ تغییر و معادله خط مماس	۵۵
۱۷۹	۶۶	جامع فصل	۵۶
۱۸۱	۶۷	جامع فصل	۵۷
۱۸۲	۶۹	کاربرد مشتق (یکنواختی - اکسٹرمم‌های نسبی)	۵۸
۱۸۳	۷۰	اکسٹرمم‌های مطلق، بهینه‌سازی	۵۹
۱۸۴	۷۰	جامع فصل	۶۰
۱۸۵	۷۱	جامع فصل	۶۱
۱۸۷	۷۳	جامع فصل	۶۲
۱۸۸	۷۴	جامع فصل	۶۳
۱۹۰	۷۶	جامع فصل	۶۴
۱۹۱	۷۷	جامع فصل	۶۵
۱۹۳	۷۸	احتمال ساده و قوانین احتمال	۶۶
۱۹۴	۷۹	احتمال شرطی، قانون احتمال کل	۶۷
۱۹۵	۸۰	جامع فصل	۶۸
۱۹۶	۸۱	جامع فصل	۶۹
۱۹۸	۸۴	جامع دهم و یازدهم	۷۰
۲۰۰	۸۶	جامع ترم اول دوازدهم	۷۱
۲۰۳	۸۸	جامع ترم دوم دوازدهم	۷۲
۲۰۵	۸۹	جامع دوازدهم	۷۳
۲۰۸	۹۱	جامع ۱ (مشابه کنکور)	۷۴
۲۱۲	۹۳	جامع ۲ (مشابه کنکور)	۷۵
۲۱۴	۹۶	جامع ۳ (مشابه کنکور)	۷۶
۲۱۸	۹۸	جامع ۴ (مشابه کنکور)	۷۷
۲۲۱	۱۰۰	جامع ۵ (مشابه کنکور)	۷۸

فصل ۱۰: هندسه تحلیلی

فصل ۱۱: هندسه
سال دوازدهم

فصل ۱۲: هندسه پایه

فصل ۱۳: حد

فصل ۱۴: مشتق

فصل ۱۵: کاربرد مشتق

فصل ۱۶: آمار

فصل ۱۷: آنالیز ترکیبی

فصل ۱۸: احتمال

آزمون‌های جامع

مجموعه

فصل ۱

نویسنده: استادارد

موضوع: جامع فصل

۱۵ تا ۲۵ دقیقه

صفحة ۱ تا ۳۱ ریاضی ۱ - فصل ۱ - صفحه ۱



- ۱- کدام یک از اعداد زیر به مجموعه \mathbb{Q} - ریاضی ۱ تعلق ندارد؟
- $\frac{\pi}{3/14}$ (۴) $\sqrt{2/25}$ (۳) $\frac{\pi}{2}$ (۲) $\sqrt{2/5}$ (۱)
- ۲- اگر $A = [1, 2]$ و $B = A - B$ متناهی باشد، کدام مجموعه زیر نمی‌تواند باشد؟
- $[2, 3]$ (۴) $(-2, 2)$ (۳) $(1, 4)$ (۲) $[-1, 4]$ (۱)
- ۳- کدام یک از تساوی‌های زیر صحیح نیست؟
- $(-1, 4) - [-1, 4] = \{-1\}$ (۴) $(-2, 2) \cap [2, 3] = \emptyset$ (۳) $[2, 4) - (-\infty, 3) = [3, 4)$ (۲) $(-\infty, 2] \cup (2, +\infty) = \mathbb{R}$ (۱)
- ۴- اگر a حدود شامل چند عدد صحیح است؟
- ۳ (۴) ۲ (۳) ۱ (۲) ۰ (۱) صفر
- ۵- کدام یک از مجموعه‌های زیر متناهی است؟
- ۶- مجموعه $\mathbb{N} \cup (\mathbb{N}' - \mathbb{W}')$ با کدام مجموعه زیر برابر است؟
- $\mathbb{Z} - \{0\}$ (۴) \mathbb{Z} (۳) \mathbb{W} (۲) \mathbb{N} (۱)
- ۷- اگر A و B دو مجموعه نامتناهی باشند، مجموعه‌های $A - B$ و $A \cup B$ چگونه‌اند؟
- ۸- اگر $a + b$ کدام است؟
- ۹- اگر $A = [2, 4]$ و نمودار مجموعه B به صورت رو به رو باشد، مجموعه $B - A$ کدام می‌تواند باشد؟
- ۱۰- اگر A و B دو مجموعه جدا از هم باشند، متمم مجموعه $(A - B) \cup (B - A)$ برابر کدام است؟
- ۱۱- با توجه به شکل مقابل، متمم ناحیه رنگی کدام است؟
- ۱۲- در یک کلاس ۳۰ نفری، ۱۲ نفر عضو تیم بسکتبال و ۱۵ نفر عضو تیم والیبال هستند. اگر تعداد افرادی که عضو هیچ کدام از این دو تیم نیستند، ۵ نفر باشد، چند نفر عضو هر دو تیم هستند؟
- ۱۳- مجموعه مرجع U دارای ۸ عضو، $n(A' \cap B') = 3$ و $n(A' \cap B) = 5$ می‌باشد. مجموعه $A' \cap B$ چند عضو دارد؟
- ۱۴- اگر مجموعه مرجع، مجموعه اعداد طبیعی باشد، $A = \{x \in \mathbb{N} \mid x > 6, A \cup B = \{4, 5, 6, 8, 9\}\}$ آن‌گاه مجموعه $'A \cup B'$ چند عضو دارد؟
- ۱۵- (۴) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۲ (۱)
- ۱۶- (۳) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۳ (۲)
- ۱۷- (۴) ۲۰ (۴) ۱۵ (۳) ۶ (۳)
- ۱۸- (۳) ۴ (۴) ۳ (۳) ۱ (۱)
- ۱۹- (۲) ۱۲ (۲) ۱۰ (۲) ۲ (۱)
- ۲۰- (۳) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱- (۲) ۶ (۳) ۳ (۲) ۲ (۱)
- ۲۲- (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۳۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۳۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۳۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۳۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۳۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۳۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۳۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۳۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۳۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۳۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۴۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۴۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۴۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۴۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۴۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۴۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۴۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۴۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۴۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۴۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۵۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۵۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۵۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۵۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۵۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۵۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۵۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۵۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۵۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۵۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۶۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۶۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۶۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۶۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۶۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۶۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۶۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۶۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۶۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۶۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۷۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۷۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۷۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۷۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۷۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۷۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۷۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۷۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۷۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۷۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۸۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۸۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۸۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۸۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۸۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۸۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۸۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۸۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۸۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۸۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۹۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۹۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۹۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۹۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۹۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۹۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۹۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۹۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۹۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۹۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۰۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۰۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۰۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۰۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۰۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۰۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۰۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۰۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۰۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۰۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۱۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۱۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۱۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۱۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۱۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۱۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۱۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۱۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۱۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۱۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۲۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۲۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۲۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۲۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۲۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۲۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۲۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۲۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۲۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۲۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۳۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۳۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۳۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۳۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۳۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۳۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۳۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۳۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۳۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۳۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۴۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۴۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۴۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۴۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۴۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۴۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۴۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۴۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۴۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۴۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۵۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۵۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۵۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۵۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۵۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۵۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۵۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۵۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۵۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۵۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۶۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۶۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۶۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۶۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۶۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۶۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۶۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۶۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۶۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۶۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۷۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۷۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۷۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۷۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۷۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۷۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۷۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۷۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۷۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۷۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۸۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۸۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۸۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۸۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۸۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۸۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۸۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۸۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۸۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۸۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۹۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۹۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۹۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۹۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۹۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۹۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۹۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۹۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۱۹۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۱۹۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۰۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۰۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۰۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۰۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۰۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۰۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۰۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۰۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۰۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۰۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۱۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۱۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۱۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۱۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۱۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۱۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۲۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۲- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۲۳- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۴- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۲۵- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۶- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۲۷- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۲۸- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۲۹- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۳۰- (۱) ۱۰ (۲) ۵ (۱) ۰ (۱)
- ۲۳۱- (۱) ۱۵ (۳) ۱۰ (۲) ۵ (۱)
- ۲۳۲- (۱)



۱۵- در یک نظرسنجی از ۱۰۰ مشتری یک فروشگاه، مشخص شد که ۶۰ نفر از محصولات شرکت A و ۴۵ نفر از محصولات شرکت B خرید کردند. اگر تعداد افرادی که فقط محصول A را خریده‌اند، چهار برابر تعداد افرادی باشد که هیچ‌کدام از این دو محصول را نخریده‌اند، تعداد افرادی که دقیقاً یکی از این دو محصول را خریده‌اند، کدام است؟

۷۶ (۴)

۷۳ (۳)

۷۸ (۲)

۷۵ (۱)

نحوه آزمون: به سوی ۱۰۰

موضوع: جامع فصل

۱۵- تست در ۳۵ دقیقه

صفحه ۱ - صفحه ۱۳ تا ۱

صفحه کتاب درسی



۱۶- اگر $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 \leq 1-x < 2\}$ و $B = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 \leq x < 2\}$ ، آن‌گاه کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

 $1 - \sqrt{3} \in A \cup B$ (۴) $\sqrt{2} \notin A \cap B$ (۳) $[2, 3] \subseteq A - B$ (۲) $[-1, 0) \subseteq B - A$ (۱)

۱۷- اگر مجموعه اعداد طبیعی را به عنوان مجموعه مرجع در نظر بگیریم و $A = \{1, 2, 5\}$ و $\{x \mid x \text{ اعداد زوج و اول بزرگ‌تر از یک}\} = B$ آن‌گاه مجموعه $(A' \cup B')$ چند عضو دارد؟

۴) بی‌شمار

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۸- اگر $A \cap B = \{x \in \mathbb{R} \mid x < 1\}$ و $A = \{x \in \mathbb{R} \mid -1 \leq x < 2\}$ ، آن‌گاه مجموعه $A \cup B$ شامل چند عدد صحیح است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۹- اگر بازه $(-1, 4)$ مجموعه مرجع، $A = [1, 4)$ و $B = [0, 2)$ ، آن‌گاه مجموعه $(A - B)'$ چگونه است؟

۴) یک بازه باز است.

۳) یک بازه نیم‌باز است.

۲) یک بازه باز است.

۲۰- اگر بازه $(5, k)$ دقیقاً شامل دو عدد فرد باشد، حدود k کدام است؟

۹ < k ≤ 10 (۴)

۹ ≤ k < 10 (۳)

۹ < k ≤ 11 (۲)

۹ ≤ k < 11 (۱)

۲۱- اگر $A = [-2, 2]$ و مجموعه B دو عضوی باشد، متمم بازه B چند عدد طبیعی را شامل نمی‌شود؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۲۲- بازه‌های A و B مفروض‌اند. اگر $A \cap B$ متناهی باشد، آن‌گاه مجموعه $(A \cap B)' - \mathbb{R}$ برابر اجتماع حداقل چند بازه است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۲۳- مجموعه $A = (n-1, 3-2n)$ مفروض است. اگر $2 \in A$ و $-1 \notin A$ ، آن‌گاه حدود n کدام است؟

 $(-\infty, \frac{1}{2})$ (۴) $(-\infty, 1)$ (۳) $(0, 1)$ (۲) $[\frac{1}{2}, \infty)$ (۱)

۲۴- اگر A مجموعه‌ای متناهی و C و B نامتناهی باشند، هر یک از مجموعه‌های $C \cup B$ به ترتیب چگونه‌اند؟

۱) متناهی - متناهی ۲) متناهی - نامتناهی ۳) نامتناهی - متناهی ۴) نامتناهی - نامتناهی

۲۵- اگر اجتماع دو مجموعه A و B دارای ۳۰ عضو بوده و ۵ عضوی دارند، آن‌گاه چند عضو فقط به A تعلق دارند؟

۲۰ (۴)

۱۵ (۳)

۱۰ (۲)

۱ (۱)

۲۶- اگر تعداد اعضای مجموعه مرجع U برابر ۴۰ و دو مجموعه A و B جدا از هم باشند به طوری که $n(A') - n(B) = 6$ ، آن‌گاه چند عضو حداقل به یکی از مجموعه‌های A و B تعلق دارد؟

۳۸ (۴)

۳۶ (۳)

۳۴ (۲)

۱) ۲۲

۲۷- ۸۵ درصد دانش‌آموزان یک کلاس عضو حداقل یکی از دو گروه تئاتر و سرود هستند و ۶۰ درصد آن‌ها عضو حداکثر یکی از این دو گروه هستند. چند درصد دانش‌آموزان عضو فقط یکی از دو گروه هستند؟

۴۰ (۴)

۴۵ (۳)

۳۰ (۲)

۱) ۲۰

۲۸- اگر A و B زیرمجموعه‌هایی از مجموعه مرجع U باشند به طوری که $n(A \cup B') = 50$ ، $n(A) = 70$ ، $n(U) = 120$ و $n(B) = 80$ ، کدام است؟

۴۰ (۴)

۳۰ (۳)

۲۰ (۲)

۱) ۱۰

۲۹- اگر مجموعه مرجع دارای ۲۲ عضو و دو زیرمجموعه A و B آن دارای ۱۷ و ۱۲ عضو باشند، A - B حداکثر چند عضو دارد؟

۷ (۴)

۱۷ (۳)

۱۰ (۲)

۱) ۱۲

۳۰- مجموعه $\{a, a^2, a^3\} = A$ یک بازه نیم‌باز است. مجموعه مقادیر a چند عضو دارد؟

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

الگو و دنباله

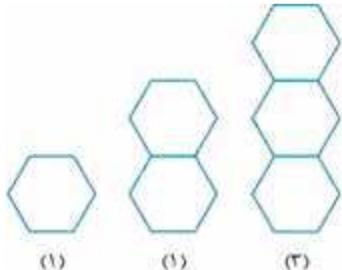
فصل ۲

نحوه آزمون مبحثی

موضوع الگو

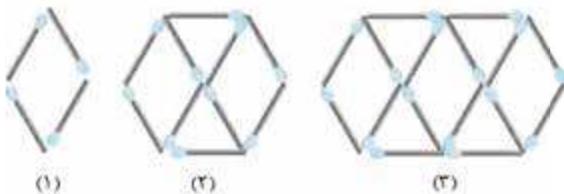
صفحة کتاب درسی ریاضی ۱ - فصل ۱ - صفحه ۱۴ تا ۲۰

۱۰ ثبت فر ۱۵ دقیقه



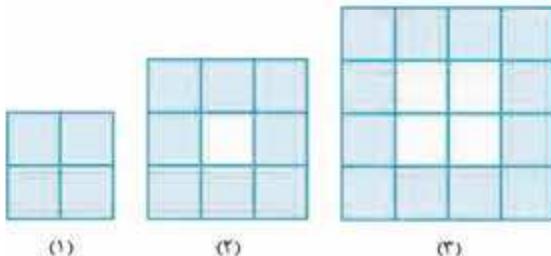
۳۱- با توجه به الگوی مقابل، تعداد پاره خطها در شکل دوازدهم الگو کدام است؟

- ۵۹ (۱)
- ۶۱ (۲)
- ۶۶ (۳)
- ۷۲ (۴)



۳۲- در الگوی مقابل، در کدام شکل تعداد چوب‌کبریت‌ها برابر ۹۴ است؟

- ۱) شانزدهم
- ۲) پانزدهم
- ۳) چهاردهم
- ۴) هفدهم



۳۳- در کدام شکل از الگوی رو به رو، تعداد مربع‌های کوچک سفید ۱۷ واحد بیشتر از تعداد مربع‌های رنگی است؟

- ۱) نهم
- ۲) دهم
- ۳) یازدهم
- ۴) هشتم

۳۴- کوچک‌ترین جمله دنباله $3 - 8n + n^3 = t_n$ کدام است؟

- ۱۳ (۴)
- ۹ (۳)
- ۴ (۲)
- ۳ (۱)

۳۵- در یک الگوی خطی، جمله چهارم برابر ۱۷ و جمله دهم ۱۲ واحد از جمله ششم بیشتر است. جمله پانزدهم الگو کدام است؟

- ۵۳ (۴)
- ۵۲ (۳)
- ۵۰ (۲)
- ۴۹ (۱)

۳۶- اگر جملات الگوی $t_n = an^3 + bn$ به صورت ... ۱, ۶, ۱۵, ... باشد، $a - b$ کدام است؟

- ۴ (۴)
- ۳ (۳)
- ۲ (۲)
- ۱ (۱)

۳۷- در یک دنباله، $a_1 = 3$ و برای هر $n \geq 2$ داریم: $a_n = 2a_{n-1} - 2$ کدام است؟

- ۱۲۶ (۴)
- ۱۳۰ (۳)
- ۶۶ (۲)
- ۶۲ (۱)

۳۸- اگر جملات دوم، سوم و چهارم یک دنباله درجه دوم برابر ۲ و ۱ و -۱ باشند، جمله دهم آن کدام است؟

- ۳۶ (۴)
- ۳۵ (۳)
- ۳۴ (۲)
- ۳۳ (۱)

$1, 1, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{5}, 2\sqrt{2}, \dots$

۳۹- جمله دوازدهم دنباله رو به رو کدام است؟

- $\sqrt[7]{3}$ (۴)
- ۱۳ (۳)
- $\sqrt[9]{2}$ (۲)
- ۱۲ (۱)

۴۰- در دنباله $a_n = \frac{1}{n^2 + n}$ مجموع ۲۰ جمله اول کدام است؟

- $\frac{9}{20}$ (۴)
- $\frac{21}{20}$ (۳)
- $\frac{11}{20}$ (۲)
- $\frac{20}{21}$ (۱)





نحو آزمون: مبحثی

موضوع: دنباله حسابی و هندسی

صفحة کتاب درسی ریاضی ۱ - فصل ۱ - صفحه ۲۱ تا ۲۷ • ۱۵ تست در ۱۵ دقیقه



- ۴۱- اولین جمله منفی دنباله حسابی ...، ۴۹، ۵۳ کدام است؟
- ۱) ۴ -۴) ۳ -۳) ۲ -۲) ۱
- ۴۲- در یک دنباله حسابی، مجموع جملات دوم و هفتم برابر ۸ است و جملات اول و چهارم قرینه هم هستند. جمله دهم دنباله کدام است؟
- ۱۸) ۴ ۱۶) ۳ ۱۷) ۲ ۱۵) ۱
- ۴۳- در یک مثلث قائم‌الزاویه به مساحت ۲۴، اندازه اضلاع تشکیل یک دنباله حسابی می‌دهند. اندازه وتر چهقدر از اندازه کوچک‌ترین ضلع بیشتر است؟
- ۸) ۴ ۶) ۳ ۴) ۲ ۲) ۱
- ۴۴- بین دو عدد ۴ و ۳۱، k واسطه حسابی طوری قرار می‌دهیم که بزرگ‌ترین واسطه، ۷ واحد بیشتر از سه برابر کوچک‌ترین واسطه باشد. k کدام است؟
- ۹) ۴ ۸) ۳ ۷) ۲ ۶) ۱
- ۴۵- در دو دنباله حسابی ...، ۹، ۵، ۱، ۷، ۱۳، ...، b_n : a_n = ۱، ۵، ۹، ... و : ۷، ۱۳، ...، a_n = ۱، ۵، ۹، ...، b_n = ۷، ۱۳، ...، مجموع ارقام اولین جمله مشترک سه رقمی کدام است؟
- ۱۰) ۴ ۸) ۳ ۶) ۲ ۴) ۱
- ۴۶- در دنباله $t_n = \left(\frac{3}{4}\right)^{2n+1}$ ، قدرنسبت چند برابر جمله اول است؟
- $\frac{9}{4}$) ۴ $\frac{4}{9}$) ۳ $\frac{3}{2}$) ۲ $\frac{2}{3}$) ۱
- ۴۷- بین دو عدد ۳ و ۱۹۲، هفت عدد درج می‌کنیم تا نه عدد موجود تشکیل دنباله هندسی بدنهن. چهارمین عدد نوشته شده کدام است؟
- ۴۸) ۴ ۳۶) ۳ ۳۲) ۲ ۲۴) ۱
- ۴۸- در دنباله هندسی $t_n = t_5 \cdot 2$ باشد، حاصل ضرب جملات اول تا نهم کدام است؟
- ۲۱) ۴ ۲۱) ۳ ۲۹) ۲ ۲۵) ۱
- ۴۹- ۱۶۰ لیتر آب در حال جوش در هر ساعت k درصد از حجم خود را از دست می‌دهد. اگر پس از گذشت ۳ ساعت $\frac{67}{5}$ لیتر از آب موجود باشد، k کدام است؟
- ۲۵) ۴ ۲۰) ۳ ۱۵) ۲ ۱۰) ۱
- ۵۰- در یک دنباله هندسی صعودی مجموع جملات چهارم و ششم برابر ۲۸ و تفاضل جملات هفتم و سوم برابر ۴۲ است. قدرنسبت این دنباله کدام است؟
- $\frac{1}{3}$) ۴ $\frac{1}{2}$) ۳ ۲) ۲ ۳) ۱

نحو آزمون: استاندارد

موضوع: جامع فصل

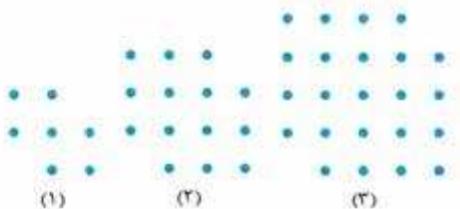
صفحة کتاب درسی ریاضی ۱ - فصل ۱ - صفحه ۱۴ تا ۲۷ • ۱۵ تست در ۲۵ دقیقه



۵۱- جملات پنجم و هشتم یک الگوی خطی به ترتیب ۱۳ و ۲۲ است. جمله اول الگو کدام است؟

۴) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۱) ۱

۵۲- در الگوی زیر، تعداد نقطه‌های شکل دهم چهقدر از تعداد نقطه‌های شکل نهم بیشتر است؟



۲۱) ۱

۲۰) ۲

۲۳) ۳

۲۲) ۴

۵۳- در دنباله درجه دوم ...، ۱۲، ۶، ۲، ۰، جمله ۲۱ کدام است؟

۴۵۹) ۴ ۴۲۹) ۳ ۴۳۱) ۲ ۴۲۰) ۱



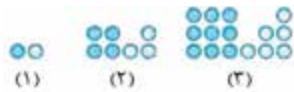
۵۴- در دنباله حسابی $t_n = an^2 + (a+3)n$ - ۲، جمله ۱۷ ام کدام است؟

۵۳) ۴

۴۹) ۳

۴۲) ۲

۴۳) ۱



۵۵- در شکل دهم اختلاف تعداد نقطه‌های رنگی و سفید کدام است؟

۵۰) ۲

۲۵) ۱

۵۵) ۴

۴۵) ۳

۵۶- یک دنباله حسابی ۳۰ جمله دارد. اگر جملات با شماره زوج دنباله را حذف کنیم، قدرنسبت دنباله حاصل ۸ می‌شود. اگر جمله سوم دنباله حاصل ۱۰ باشد، جمله دوازدهم دنباله اولیه کدام است؟

۳۸) ۴

۳۶) ۳

۳۴) ۲

۳۲) ۱

۵۷- برای محافظت از تابش‌های مضر مواد رادیواکتیو، لایه‌های محافظتی ساخته شده است که شدت تابش پس از عبور از آن‌ها نصف می‌شود. حداقل چند لایه باید استفاده شود تا شدت تابش‌ها بیش از ۹۹ درصد کاهش یابد؟

۹) ۴

۸) ۳

۷) ۲

۶) ۱

۵۸- واسطه‌های هندسی دو عدد $\sqrt{3}$ و $\sqrt{7} + \sqrt{3}$ ، جملات دوم و سوم یک دنباله حسابی افزایشی‌اند، در این دنباله حسابی، جمله دهم کدام است؟

۳۶) ۴

۳۲) ۳

۳۰) ۲

۲۸) ۱

۵۹- جمله سوم و ششم یک دنباله حسابی به ترتیب ۱۲۵ و ۱۱۳ است. چند جمله این دنباله مثبت است؟

۳۴) ۴

۳۵) ۳

۳۳) ۲

۳۲) ۱

۶۰- در یک دنباله حسابی $t_3 = 33$ و $t_1 + t_5 + t_8 = 15$ است. در این دنباله بزرگ‌ترین جمله دورقمی کدام است؟

۹۶) ۴

۹۷) ۳

۹۸) ۲

۹۹) ۱

۶۱- به ازای چند مقدار x ، دنباله $x^2 - 2x, 3x^2 - 2x, x^2 + 2x$ هم هندسی است و هم حسابی؟

۴) سه

۳) دو

۲) یک

۱) صفر

۶۲- مجموع چهار جمله اول یک دنباله هندسی صعودی $\frac{16}{81}$ برابر مجموع چهار جمله دوم است. اگر جمله اول و قدرنسبت برابر باشند، مجموع سه جمله اول کدام است؟

$\frac{3}{8}) ۴$

$\frac{3}{8}) ۳$

$\frac{5}{8}) ۲$

$\frac{1}{8}) ۱$

۶۳- در دنباله هندسی t_n می‌دانیم $t_5 + t_4 = 24$ و $t_6 - t_4 = 48$ ، جمله اول دنباله کدام است؟

$\frac{2}{9}) ۴$

$\frac{9}{2}) ۳$

$2\frac{1}{2}) ۲$

$\frac{1}{2}) ۱$

۶۴- در یک دنباله هندسی حاصل ضرب جملات چهارم تا دهم، ۱۲۸ است. اگر جمله هفتم به صورت $3k+1$ باشد، k کدام است؟

$\frac{1}{6}) ۴$

$\frac{1}{3}) ۳$

$\frac{1}{2}) ۲$

$1) ۱$

۶۵- سه جمله اول یک دنباله حسابی مفروض است. اگر جمله سوم ۱۰ باشد، به این جمله چند واحد اضافه کنیم تا سه جمله جدید تشکیل دنباله هندسی با قدرنسبت ۳ دهند؟

۱۷) ۴

۸) ۳

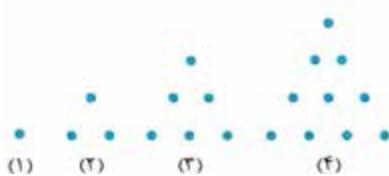
۵) ۲

-۱) ۱

نوع آزمون: به سوی ۱۰۰

موضوع: جامع فصل

صفحة کتاب درسی: پایه‌ی ۱ - فصل ۱ - صفحه ۱ تا ۱۳



۶۶- با توجه به الگوی رو به رو، تعداد دایره‌های توپر در کدام شکل برابر ۵۵ است؟

۱) نهم

۲) دهم

۳) یازدهم

۴) دوازدهم



۶۷- مجموع چهار جملة اول یک دنباله حسابی ۴ و مجموع چهار جمله دوم آن ۶۸ است. مجموع سه جمله سوم دنباله چهقدر از مجموع سه جمله اول آن بیشتر است؟

۹۶ (۴)

۸۴ (۳)

۷۲ (۲)

۵۴ (۱)

۶۸- سه عدد b و a و ۴ جملات متوالی یک دنباله هندسی‌اند. اگر $1 - b$, a , b و ۴ تشکیل دنباله حسابی دهنند، کدام می‌تواند باشد؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۹ (۲)

۴ (۱)

۶۹- دنباله اعداد طبیعی ۳ رقمی که باقی‌مانده تقسیم آن‌ها بر ۷ برابر ۳ است، مفروض است. اگر دنباله افزایشی باشد، جمله چهل و هشتم آن کدام است؟

۴۳۷ (۴)

۴۳۰ (۳)

۴۲۵ (۲)

۴۲۳ (۱)

۷۰- در یک دنباله حسابی $a_{13} = 10$, $a_3 = a_9 = 60$, قدرنسبت کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

۷۱- سه عدد $3 - p$, $2p + 1$, $4p + 1$ و p , جملات سوم، هفتم و یازدهم یک دنباله هندسی با قدرنسبت r می‌باشند. در دنباله $t_n = pr^{n-1}$, جمله

دوم کدام است؟

$\frac{4}{15}$ (۴)

$\frac{-4}{45}$ (۳)

$\frac{4}{45}$ (۲)

$\frac{-4}{15}$ (۱)

۷۲- در دنباله هندسی با جملات مثبت به صورت $\dots, x, 9, 4$ است. مجموع شش جمله اول چند برابر مجموع سه جمله اول است؟

$\frac{27}{8}$ (۴)

$\frac{35}{8}$ (۳)

$\frac{35}{4}$ (۲)

$\frac{27}{4}$ (۱)

۷۳- در یک دنباله هندسی، مجموع چهار جمله اول ۳ برابر مجموع جملات اول و سوم است. جمله چهارم دنباله، چند برابر جمله دوم است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۹ (۲)

۱۶ (۱)

۷۴- جملات اول، k برابر جمله پنجم و جمله دوم دنباله هندسی $\dots, a, b, \dots, 25, 6, a, b, \dots$ ، جملات متوالی یک دنباله حسابی‌اند. کدام است؟

۶ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۱۲ (۱)

۷۵- جملات هشتم، یازدهم و شانزدهم از یک دنباله حسابی، تشکیل یک دنباله هندسی می‌دهند، در این دنباله حسابی جمله اول چند برابر قدرنسبت است؟

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{-4}{3}$ (۳)

$\frac{-5}{2}$ (۲)

$\frac{2}{3}$ (۱)

۷۶- از جملات دنباله $t_n = 2 \times 5^{n-1}$ لگاریتم می‌گیریم. در دنباله جدید مجموع قدرنسبت و جمله اول کدام است؟

۲ (۴)

۱ (۳)

$2 \log 5$ (۲)

$2 \log 2$ (۱)

۷۷- حاصل ضرب ۳۰ جمله اول یک دنباله هندسی با قدرنسبت ۳ برابر $2^{30.5} \times 3^{40.5}$ است. جمله پنجم دنباله چهقدر از جمله سوم بیشتر است؟

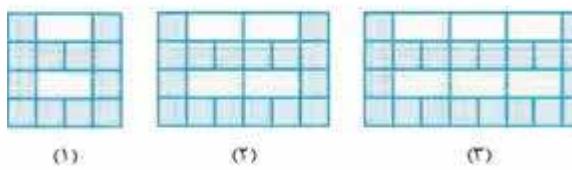
۴۸ (۴)

۵۴ (۳)

۹۶ (۲)

۱۰۸ (۱)

۷۸- در الگوی زیر، برای ۷۶ مربع رنگی چند مستطیل کوچک سفید وجود دارد؟



۳۲ (۱)

۳۴ (۲)

۳۶ (۳)

۳۸ (۴)

۷۹- در یک دنباله هندسی با ۴۰ جمله، مجموع جملات ردیف زوج $\frac{4}{\sqrt{3}}$ مجموع کل جملات است. قدرنسبت این دنباله کدام است؟

$\frac{3}{4}$ (۴)

$\frac{4}{3}$ (۳)

$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{3}{2}$ (۱)

۸۰- بین دو عدد a و b سه واسطه حسابی قرار می‌دهیم. اگر مجموع کل جملات ۲۰ و مجموع مربعات آن‌ها ۱۷۰ باشد، $|b - a|$ کدام است؟

۱۴ (۴)

۱۲ (۳)

۱۰ (۲)

۱۶ (۱)



آزمون ۱

۶- **گزینه** از خواص تفاضل می‌دانیم: $A' - B' = B - A$
 $W - N$ پس به جای $W' - N'$ می‌نویسیم:

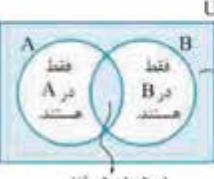
که حاصلش می‌شود $\{ \cdot \}$ و اجتماع آن با N می‌شود W .

۷- **گزینه** اجتماع دو مجموعه نامتناهی قطعاً نامتناهی است.
اما در مورد تفاضل هر حالتی امکان دارد؛ مثلاً $Z - N$ نامتناهی است
و $W - N$ متناهی. پس $A - B$ نامعلوم و $A \cup B$ نامتناهی است.

۸- **گزینه** اجتماع دو بازه $[1, 4]$ و $[a, 3]$ به صورت $[-1, b]$ است. بنابراین:
شده است. پس $a + 1 = 4$ و $b = 3$ است. $a + b = -1 + 4 = 3$

۹- **گزینه** مجموعه B باید کل بازه $[2, 3]$ را داشته و هیچ عضوی از $[2, 4)$ را نداشته باشد. با این شرط‌ها فقط \emptyset می‌خورد.

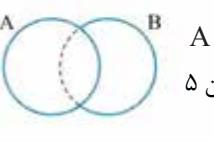
۱۰- **گزینه** وقتی A و B جدا از هم هستند، $A - B = A$ و $B - A = B$ است. پس متمم $B - A = B$ است. $(A - B) \cup (B - A) = B$ همان متمم $A \cup B$ است که طبق قانون دمگان می‌شود $A' \cap B' = A' - B$.

۱۱- **گزینه** در ناحیه رنگی اعضايی هستند که به هیچ مجموعه یا هر دو مجموعه تعلق دارند.

پس در متمم آن اعضايی را داريم که فقط به يكی از دو مجموعه تعلق دارند که می‌شود $(A \cup B) - (A \cap B)$.

۱۲- **گزینه** مجموعه افرادی که عضو تیم والیبال هستند را با V و افرادی که عضو تیم بسکتبال هستند را با B نشان می‌دهیم.
تعداد افرادی که در حداقل یک تیم هستند برابر است با:
 $n(V \cup B) = 30 - 5 = 25$
پس داریم:

$$n(V) + n(B) - n(V \cap B) = 25 \Rightarrow n(V \cap B) = 2$$

۱۳- **گزینه** $A \cup B'$ متمم $A' \cap B'$ است. سؤال به ما $n(A) = 30$ و $n(B - A) = 45$ داده است.
نمودار را ببینید:


 $A - B = A$ و $B - A = B$ جدا از هم هستند. پس $A \cup B'$ دارای $30 + 45 = 75$ عضو است و متمم آن ۵ عضو خواهد داشت.

۱۴- **گزینه** طبق قانون دمگان $(A \cup B)' = A' \cap B'$ را به صورت $A' \cap B'$ می‌نویسیم. چون A شامل اعداد طبیعی ۶ به بعد است؛
پس $\{1, 2, 3, 4, 5, 6\} = A'$ و در نتیجه:
 $(A \cup B)' = A' \cap B' = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\} \cap \{4, 5, 6, 8, 9\} = \{4, 5, 6\}$
يعني سه عضو دارد.

۱- **گزینه** \mathbb{R} شامل اعداد گنگ است. پس باید گزینه‌ای

را انتخاب کنیم که حاصل آن گویا می‌شود. چون $\sqrt{2}/25 = 1/5 = \frac{3}{2}$ این عدد گویا است. در سایر گزینه‌ها $\sqrt{2}/5$ ، $\frac{\pi}{2}$ و $\frac{\pi}{14}$ اعداد گنگ هستند.

دقت کنید که عدد π برابر $3/14$ نیست، بلکه ارقام اعشاری آن تا بی‌نهایت ادامه دارند و $\frac{\pi}{3/14}$ نمی‌شود، ۱.

۲- **گزینه** گزینه‌ها را بررسی کنیم:

۱) $[1, 2] - [-1, 4] = \emptyset$

۲) $[1, 2] - (1, 4) = \{1\}$

۳) $[1, 2] - (-2, 2) = \{2\}$

۴) $[1, 2] - [2, 3] = [1, 2]$

۳- **گزینه** در ۲) داریم: اما سایر گزینه‌ها درست هستند:

۱)  $(-\infty, 2] \cup (2, +\infty) = \mathbb{R}$

۲)  $[2, 4] - (-\infty, 3) = [3, 4]$

۳)  $(-2, 2) \cap [2, 3] = \emptyset$

۴- **گزینه** باید $-1 < a$ باشد (خود -1 هم قبول نیست) و از آن طرف $3 + a$ از ۱ بیشتر باشد (خودش هم ایرادی ندارد). پس:

$$2a - 1 < -1 \Rightarrow a < 0$$

$$a + 3 \geq 1 \Rightarrow a \geq -2$$

پس $0 \leq a < -2$ و بنابراین a در میان اعداد صحیح می‌تواند دو مقدار -1 و -2 را بپذیرد.

۵- **گزینه** در بین هر دو عدد حقیقی، بی‌شمار عدد گویا و بی‌شمار عدد گنگ داریم.

۶- **گزینه** کسرهای مثبت با صورت ۱، می‌توانند در مخرج خود هر عدد طبیعی را داشته باشند و نامتناهی‌اند.

۷- **گزینه** مجموعه تمام خطهای گذرنده از یک نقطه هم نامتناهی است، چون شبی این خطها می‌توانند هر عدد حقیقی باشد.

۸- **گزینه** اما در ۲) مجموعه مولکول‌های یک صفحه کاغذ متناهی است (مثلاً تعداد این مولکول‌ها $10^{23} \times 6$ است).



۲۰- گزینه روی محور اعداد بازه $(5, k)$ و اعداد فرد را بینید:



خب برای این که دقیقاً دو تا عدد فرد (یعنی ۷ و ۹) در بازه $(5, k)$ قرار بگیرند، باید k از ۹ بیشتر باشد اما از ۱۱ بیشتر نشود (که خود ۱۱ را نگیرد); پس $9 < k \leq 11$ مناسب است.

۲۱- گزینه با توجه به بازه $[-2, 2] = A$ و این که دو عضوی است، تها راه این است که بازه B به صورت $(-2, 2)$ باشد و متمم آن $\mathbb{R} - (-2, 2)$ است که یک عدد طبیعی ($x = 1$) را شامل نمی‌شود.

۲۲- گزینه $A \cap B$ بازه‌ای متناهی است، پس به یکی از صورت‌های (α, β) یا $[\alpha, \beta]$ یا $[\alpha, \beta)$ یا $(\alpha, \beta]$ خواهد بود.

حالا $\mathbb{R} - (A \cap B)$ را بینید:

$$\mathbb{R} - (\alpha, \beta) = (-\infty, \alpha] \cup [\beta, +\infty)$$

موافق هستید که از اجتماع دو بازه ساخته شده است؟

حالا چرا سؤال گفته «حداکثر چند بازه؟ خب چون بازه‌ها را می‌توانیم به صورت اجتماع بازه‌های کوچک‌تری هم بنویسیم. مثلاً به جای $(-\infty, 1) \cup [1, +\infty)$ بنویسیم:

$$(-\infty, 1) \cup [1, 2) \cup [2, 3) \cup [3, 4) \cup [4, +\infty)$$

۲۳- گزینه ۲ $\in A$ یعنی $2 < n - 1 < 2 < 3 < -n$ و $-1 < n - 1 \leq -2$. دقت کنید که بازه شامل ۲ است. پس شرط $3 - 2n \leq -1$ امکان ندارد.

وقتی x در بازه (a, b) نیست، دو حالت داریم. یا $a \leq x \leq b$ یا $x \geq b$. از شرط‌های بالا داریم:

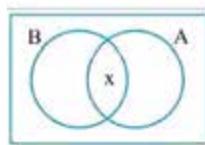
$$3 - 2n > 2 \Rightarrow n < \frac{1}{2}$$

$$n - 1 < 2 \Rightarrow n < 3$$

$$-1 \leq n - 1 \Rightarrow n \geq 0$$

پس حدود n به صورت $(\frac{1}{2}, 3)$ است.

۲۴- گزینه در مورد $A \cup C$ (بازه $(A \cup C) \cap B$) می‌دانیم نامتناهی است و B هم نامتناهی است. اما برای اشتراک آن‌ها نظری نمی‌توان داد. در دومی اجتماع مجموعه نامتناهی B با هر مجموعه دیگر حتماً نامتناهی است.



$$n(A \cap B) = x \quad \text{اگر}$$

$$n(B) = 4x - 5 \quad \text{و}$$

خواهد بود و داریم:

$$n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$\Rightarrow 30 = 4x + (4x - 5) - x \Rightarrow 30 = 7x - 5 \Rightarrow x = 5$$

پس مجموعه A دارای $20 = 4x$ عضو است که اتای آن‌ها فقط در A هستند.

۱۵- گزینه صورت سؤال می‌گوید:

$$n(U) = 100, n(A) = 60, n(B) = 45$$

$$n(A - B) = 4n(A' \cap B')$$

هیچ‌یک از دو محصول را نخریده‌اند یعنی $A' \cap B'$ و

نه $(B - A)$ اگر x بگیریم، داریم:

$$n(A - B) = n(A) - n(A \cap B) = 60 - x$$

$$= n(U) - (n(A) + n(B) - n(A \cap B))$$

$$n(A' \cap B') = n(A \cup B)'$$

$$= 100 - (60 + 45 - x) = x - 5$$

پس معادله صورت سؤال به صورت $60 - x = 4(x - 5)$ می‌شود که از آن $x = 16$ به دست می‌آید.

$$n(A - B) + n(B - A)$$

تعداد افرادی که فقط یکی از دو محصول را می‌خرند

$$= n(A) - n(A \cap B) + n(B) - n(A \cap B)$$

$$= 60 - x + 45 - x = 105 - 2x \xrightarrow{x=16} = 73$$

آزمون ۲

۱۶- گزینه اول نامساوی B را ساده‌تر کنیم:

$$-1 \leq 1 - x < 2 \xrightarrow{\text{قرینه}} 2 \geq x < 1 \xrightarrow{\text{منهای ۱}} -2 \leq -x < 1 \xrightarrow{\text{منهای ۱}} 1 \leq x < 2$$

پس داریم:

$$B = (-1, 2)$$

$$A - B = (2, 3]$$

$$A \cap B = [0, 2]$$

$$A \cup B = (-1, 3]$$

و فقط درست می‌گوید. (دقت کنید که $-\sqrt{3} \approx -1.73$).

۱۷- گزینه مجموعه B فقط شامل عدد ۲ است. (تنها عدد اول زوج و بزرگ‌تر از یک) حالا $\mathbb{N} - (A' \cup B)$ را ساده‌تر کنیم. (مجموعه مرجع است).

$$\mathbb{N} - (A' \cup B) = \mathbb{U} - (A' \cup B) = (A' \cup B)'$$

$$= A \cap B' = A - B$$

پس جواب می‌شود $\{1, 5\} - \{2\} = \{1, 2, 5\}$ که دو عضو دارد.

۱۸- گزینه اشتراک A و B ، اعداد حقیقی در فاصله $(-1, 1)$ هستند. محور را بینید:

اعداد صحیح در این بازه، -1 و صفر هستند. یعنی $A \cap B$ شامل ۲ عدد صحیح است.

۱۹- گزینه با توجه به محور داریم:

$$A - B = (2, 4)$$

و متمم آن بازه $[-1, 2]$ بسته است.

و داریم: $t_n = t_1 + (n-1)d = 4 + (n-1)6 = 6n - 2$
 حالا دنبال ۹۴ چوب کبریت هستیم:
 $t_n = 6n - 2 = 94 \Rightarrow 6n = 96 \Rightarrow n = 16$

۳۳- گلینه

مرحله	۱	۲	۳	...	n
تعداد سفید	۰	۱	۴	...	$(n-1)^2$
تعداد سیاه	۴	۸	۱۲	...	$(n+1)^2 - (n-1)^2 = 4n$
اختلاف	۴	۷	۸	...	

پس تعداد مربع‌های سفید به اندازه $4n - (n-1)^2$ از مربع‌های سیاه بیشتر است و داریم:
 $(n-1)^2 - 4n = 17 \Rightarrow n^2 - 2n + 1 - 4n = 17$
 $= n^2 - 6n - 16 = 0$
 $\Rightarrow (n-8)(n+2) = 0 \xrightarrow{n \in \mathbb{N}} n = 8$

۳۴- گلینه $n^2 - 8n + 3$ بر حسب n یکتابع درجه‌دوم است و چون ضریب n^2 مثبت است، در نقطه رأس سهمی مینیمیم دارد:
 $y = x^2 - 8x + 3 \Rightarrow x_s = \frac{-b}{2a} = \frac{(-8)}{2 \times 1} = 4$
 یعنی جمله چهارم کمترین جمله است.

۳۵- گلینه الگوی خطی را به صورت $t_n = an + b$ در نظر می‌گیریم و داریم:
 $t_4 = 4a + b = 17$
 $t_{10} - t_4 = (10a + b) - (4a + b) = 4a = 12 \Rightarrow a = 3$
 $\xrightarrow{\text{در اولی قرار دهیم}} 12 + b = 17 \Rightarrow b = 5$
 $t_{15} = 3 \times 15 + 5 = 50$ جمله پانزدهم برابر است با:

۳۶- گلینه $\begin{cases} t_1 = 1 \Rightarrow a(1)^2 + b(1) = 1 \\ t_2 = 6 \Rightarrow a(2)^2 + b(2) = 6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a + b = 1 \\ 4a + 2b = 6 \end{cases}$

معادله دوم را در $\frac{1}{2}$ ضرب کنیم:
 $2a + b = 3$

پس داریم: $a = 2$ و $b = -1$ و در نتیجه 3 . در الگوی درجه‌دوم، ضریب n^2 ، نصف قدرنسبت افزایش‌ها است: $4 - 5 = 9 - 6 = 3$ قدرنسبت افزایش $\Rightarrow 1, 6, 15, 24$: افزایش $+5$

$\Rightarrow a = \frac{4}{2} = 2$
 حالا با قراردادن $1 = n$ می‌توانیم b را حساب کنیم:
 $t_1 = a + b = 1 \Rightarrow b = -1$

۲۶- گلینه تعداد اعضای A' را بدیم:

$$n(A') - n(B) = \underbrace{40 - n(A)}_{n(A')} - n(B) = 40 - (n(A) + n(B))$$

$$\xrightarrow{\text{و جدای هم هستند}} = 40 - n(A \cup B) = 34$$

۲۷- گلینه **خطوه** برای دو مجموعه جدای هم

۲۷- گلینه اگر جمعیت کل کلاس 100 نفر باشد، سؤال

$$\cdot n(A \cap B) = 85 \quad \text{و} \quad n(A \cup B)' = 60$$

۲۸- گلینه تعداد اعضای که در حداقل یکی از دو مجموعه هستند، یعنی

$$\cdot n(A \cap B) \quad \text{تعداد اعضایی که در هر دو مجموعه نیستند و می‌شود}'$$

پس داریم:

$$n(A \cap B)' = 100 - 60 = 40$$

حالا تعداد اعضایی که در فقط یکی از دو مجموعه هستند، برابر است با:

$$n(A \cup B) - n(A \cap B) = 85 - 40 = 45$$

۲۸- گلینه تعداد عضوهای $A' \cup B'$ برابر است با:

$$n(A' \cup B') = n(A') + n(B') - n(A' \cap B')$$

$$80 = (120 - 70) + (120 - 50) - n(A' \cap B')$$

$$\Rightarrow n(A' \cap B') = 40$$

۲۹- گلینه هر چه اشتراک A و B کمتر پاشد، تعداد اعضای $A - B$ بیشتر

خواهد بود. اگر تعداد عضوهای مشترک را

X فرض کنیم، مطابق شکل داریم:

$$(17 - X) + X + (12 - X) \leq 22 \Rightarrow 29 - X \leq 22 \Rightarrow X \geq 7$$

یعنی X حداقل 7 است پس حداقل $A - B$ برابر است با:

$$17 - X = 17 - 7 = 10$$

۳۰- گلینه وقتی اجتماع یک بازه باز با یک مجموعه تک‌عضوی،

بازه‌ای نیم‌باز می‌شود، حتماً عضو آن مجموعه، ابتدا یا انتهای بازه بوده

$$\text{پس باید } 1 = a^2 - 3 \quad \text{یا } a = 1$$

اما به ازای $a = 1$ بازه به شکل $(1, -2)$ معنی است. برای $a = 2$

هم همین ایراد هست و بازه $(2, 1)$ نداریم. پس تنها جواب

است. ببینید: $[-2, 1] = (-2, 1) \cup (1, 1)$

در اولی عتا پاره خط داریم و در هر مرحله پنج

پاره خط اضافه می‌شود. پس الگوی حسابی با $t_1 = 6$ و $d = 5$ داریم:

$$t_n = t_1 + (n-1)d = 6 + 5(n-1) = 5n + 1$$

و در شکل دوازدهم:

۳۲- گلینه در اولی $t_1 = 4$ چوب کبریت داریم و در هر مرحله

۳۲- گلینه ۲ تا چوب کبریت افقی و ۴ تا به شکل لوزی اضافه می‌شوند، پس $d = 6$



حالا دنبال جمله منفی هستیم:

$$t_n < 0 \Rightarrow 57 - 4n < 0 \Rightarrow 57 < 4n \Rightarrow n > \frac{57}{4}$$

$\frac{57}{4}$ می شود $14 / 25$ ، پس اولین جمله منفی در $n = 15$ است:
 $t_{15} = 57 - 4 \times 15 = -3$

سوال می گوید: $t_1 + t_4 = 8$ و $t_2 + t_7 = 0$. برحسب d داریم:

$$t_1 + t_1 + 3d = 0, t_1 + d + t_1 + 6d = 8$$

دستگاه را حل می کنیم:

$$\begin{cases} 2t_1 + 3d = 0 \\ 2t_1 + 7d = 8 \end{cases} \xrightarrow{(-)} 4d = 8$$

$$\Rightarrow d = 2 \quad \text{جایگذاری} \quad t_1 = -3$$

جمله دهم برابر است با:

$$t_{10} = t_1 + 9d = -3 + 9(2) = 15$$

۴۳- گزینه می دانیم وقتی اضلاع مثلث قائم الزاویه دنباله حسابی می سازند، حتماً $3k$ و $4k$ و $5k$ هستند. مساحت مثلث برابر است با:

$$S = \frac{3k \times 4k}{2} = 6k^2 = 24 \Rightarrow k^2 = 4 \Rightarrow k = 2$$

پس طول اضلاع $6, 8$ و 10 هستند و اختلاف وتر با ضلع کوچکتر است.

۴۴- گزینه این دنباله حسابی ساخته می شود:

$$f, a_1, a_2, \dots, a_{k+1}, \dots$$

$$. a_{k+1} - 3a_2 = 7$$

$$a_{k+2} - a_1 = 31 - 4 = (k+1)d = 27 \quad \text{پس داریم:}$$

$$a_{k+1} - 3a_2 = (31 - d) - 3(4 + d)$$

$$= 31 - d - 12 - 3d = 19 - 4d = 7 \Rightarrow d = 3$$

این مقدار d را در معادله اول قرار دهیم:

$$(k+1)(3) = 27 \Rightarrow k+1 = 9 \Rightarrow k = 8$$

۴۵- گزینه جمله ها را ادامه می دهیم تا به اولین جمله مشترک

$$a_n : 1, 5, 9, 13, \dots$$

$$b_n : 7, 13, \dots$$

بررسیم:

خب پیدا شد. اولین جمله مشترک $t_1 = 13$ است.
 می دانیم که قدرنسبت جملات مشترک برابر کم قدرنسبت ها است.
 $d = 6, 4 \Rightarrow k = 12$

پس جملات مشترک از دنباله حسابی $t_1 = 13$ و $d = 12$ به دست می آیند:
 $t_n = t_1 + (n-1)d = 13 + 12(n-1) = 12n + 1$

اولین جمله مشترک سه رقمی به ازای $n = 9$ برابر است با:

$$t_9 = 12 \times 9 + 1 = 108 + 1 = 109 \Rightarrow 10 = \text{جمع ارقام}$$

۴۷- گزینه هر جمله از ۲ برابر قبلی اش ۲ واحد کمتر است:

$$3 \xrightarrow{-2} 4 \xrightarrow{-2} 6 \xrightarrow{-2} 10 \xrightarrow{-2} 18$$

$$18 \xrightarrow{-2} 34 \xrightarrow{-2} 66 \xrightarrow{-2} 130 \Rightarrow a_8 = 130$$

اگر دلتان کارهای عجیب و غریب خواست، با دقت به اعداد $3, 4, 6, 10, 18, \dots$ شاید حسن کنید که $a_n = 2^{n-1} + 2$ و بعد از روی آن جمله هشتم را پیدا کنید.

۴۸- گزینه جمله عمومی را $c + bn + an^2$ می گیریم:

$$\xrightarrow{n=2} a_2 = 4a + 2b + c = 2$$

$$\xrightarrow{n=3} a_3 = 9a + 3b + c = 1$$

$$\xrightarrow{n=4} a_4 = 16a + 4b + c = -1$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 5a + b = -1 \\ 7a + b = -2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow a = \frac{-1}{2}, b = \frac{3}{2} \xrightarrow{\text{در معادله اول}} c = 1$$

$$a_1 = \frac{-1}{2} + \frac{3}{2} + 1 = -34 \quad \text{پس: } a_n = \frac{-1}{2}n^2 + \frac{3}{2}n + 1$$

$$a_1 = \frac{-1}{2} + \frac{3}{2} + 1 = -34$$

۴۹- گزینه این دنباله جذر جملات دنباله فیبوناتچی است. در دنباله فیبوناتچی هر جمله جمع دوتای قبلی است و دو جمله اول $F_n : 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, \dots$ هستند:

$$a_n = \sqrt{F_n} : 1, 1, \sqrt{2}, \sqrt{3}, \sqrt{5}, \sqrt{8}, \sqrt{13}, \sqrt{21}, \sqrt{34}$$

$$\sqrt{55}, \sqrt{89}, \sqrt{144}, \dots$$

$$\text{پس: } a_{12} = \sqrt{144} = 12$$

۵۰- گزینه جمع کردن بیست عدد کسری با مخرج های مختلف

سخت است. پس سعی می کنیم قیافه a_n را تغییر بدهیم:

$$a_n = \frac{1}{n^2 + n} = \frac{1}{n(n+1)} = \frac{(n+1)-n}{n(n+1)} = \frac{1}{n} - \frac{1}{n+1}$$

$$a_1 = \frac{1}{1} - \frac{1}{2}, a_2 = \frac{1}{2} - \frac{1}{3}, \dots$$

حالا در جمع بیست جمله اول، تمام اعداد به جز $\frac{1}{21}$ و $\frac{1}{2}$ ساده می شوند:

$$a_1 + a_2 + \dots + a_{20} = \frac{1}{1} - \frac{1}{2} + \frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \dots$$

$$+ \dots + \frac{1}{19} - \frac{1}{20} + \frac{1}{20} - \frac{1}{21} = \frac{1}{1} - \frac{1}{21} = \frac{20}{21}$$

آزمون ۴

۴۱- گزینه جمله اول $t_1 = 53 = -4$ و قدرنسبت

است. پس جمله عمومی را داریم:

$$\Rightarrow t_n = 53 + (n-1)(-4) = -4n + 57$$





۵۲- گزینه در مرحله (۱) از مربع 3×3 ، دو تا نقطه برداشته شده، در مرحله (۲) از مربع 4×4 ، دو تا نقطه برداشته شده، همین نظم در مرحله (۳) هم است. پس الگوی مرحله n ام $(n+2)(n+2) - 2$ یا $2^2 - 2 = 2^2 - 2^n$ است. پس شکل‌های دهم و نهم به ترتیب $2^3 - 2^6$ و $2^4 - 2^8$ نقطه دارند و اختلافشان می‌شود: $2^3 - 2^6 = 142 - 119 = 23$.

۵۳- گزینه جمله عمومی دنباله $(-1)^n(n)$ با کمی دقت قابل تعیین است. ولی راه عادی را می‌رویم:

$$a_n = an^2 + bn + c \quad a_1 = a + b + c = 0$$

$$a_2 = 4a + 2b + c = 2 \quad a_3 = 9a + 3b + c = 6$$

از تفاضل معادله‌ها داریم:

$$\begin{cases} a_2 - a_1 \Rightarrow 3a + b = 2 \\ a_3 - a_2 \Rightarrow 5a + b = 4 \end{cases} \xrightarrow{(-)} 2a = 2$$

$$\Rightarrow a = 1 \Rightarrow b = -1 \Rightarrow c = 0$$

پس $a = 1$ و $b = -1$ و $c = 0$ داریم:

$$a_{21} = 21^2 - 21 = 420$$

۵۴- گزینه در دنباله حسابی n نداریم (جمله عمومی درجه‌اول است) پس $a = 0$ و بنابراین $t_n = 3n - 2$ و داریم:

$$t_{17} = 3 \times 17 - 2 = 51 - 2 = 49$$

۵۵- گزینه در هر مرحله تعداد سیاه‌ها n^2 و تعداد سفیدها $\frac{n(n+1)}{2}$ است، پس اختلاف آن‌ها در شکل دهم برابر است با:

$$n^2 - \frac{n(n+1)}{2} = 10^2 - \frac{10(11)}{2} = 100 - 55 = 45$$

۵۶- گزینه وقتی جملات با شماره زوج را حذف می‌کنیم، دنباله به شکل a_1, a_3, a_5, \dots می‌ماند. پس قدرنسبت آن $a_3 - a_1 = 2d$ و جمله سوم آن $a_3 = 10$ است. بنابراین داریم: $2d = 8 \Rightarrow d = 4$

$$a_5 = a_1 + 4d = 10 \xrightarrow{d=4} a_5 = -6$$

و جمله دوازدهم دنباله اولیه برابر است با:

$$a_{12} = a_1 + 11d = -6 + 11 \times 4 = 38$$

۵۷- گزینه شدت تابش بیش از ۹۹ درصد کاهش یابد. یعنی کمتر از $\frac{1}{100}$ مقدار اولیه شود. یعنی اگر تعداد لایه‌ها n باشد، داریم:

$$\underbrace{\frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \dots \times \frac{1}{2}}_{\text{تا } n} < \frac{1}{100} \Rightarrow \frac{1}{2^n} < \frac{1}{100}$$

۵۸- گزینه واسطه‌های هندسی اعداد $\sqrt{7}$ و $\sqrt{3}$ را در نظر می‌گیریم. پس داریم:

$$B^2 = AC \Rightarrow B = \sqrt{7} + \sqrt{3} \quad \text{به دست می‌آید:}$$

$$B^2 = (\sqrt{7} + \sqrt{3})(\sqrt{7} - \sqrt{3}) = 7 - 3 = 4 \Rightarrow B = \pm 2$$

۴۶- گزینه $\xrightarrow{n=1} t_1 = \left(\frac{3}{2}\right)^{2 \times 1 + 1} = \left(\frac{3}{2}\right)^3$

$$r = \frac{t_2}{t_1} = \frac{\left(\frac{3}{2}\right)^5}{\left(\frac{3}{2}\right)^3} = \left(\frac{3}{2}\right)^2$$

پس نسبت $\frac{r}{t_1}$ می‌شود.

می‌توانیم بگوییم r برابر پایه n است:

$$t_n = \left(\frac{3}{2}\right)^{2n+1} \Rightarrow n = \text{پایه } \frac{3}{2}$$

۴۷- گزینه $t_1 = 3, t_9 = 192$

$$r^8 = \frac{t_9}{t_1} = \frac{192}{3} = 64 \Rightarrow r = (64)^{\frac{1}{8}}$$

چهارمین عدد نوشته شده، جمله پنجم است:

$$t_5 = t_1 r^4 = 3 \times ((64)^{\frac{1}{8}})^4 = 3 \times 64^{\frac{1}{2}} = 3 \times 8 = 24$$

۴۸- گزینه حاصل ضرب جملات یک دنباله هندسی اگر تعداد جملات فرد باشد، برابر است با:

در جملات اول تا نهم جمله پنجم، جمله وسط است و داریم: $t_1 \times t_2 \times \dots \times t_9 = (t_5)^9 = 2^9$

۴۹- گزینه قدرنسبت دنباله هندسی می‌شود:

$$r = \frac{t_2}{t_1} = \frac{t_1 - \frac{k}{100} t_1}{t_1} = 1 - \frac{k}{100}$$

حالا داریم:

$$\frac{t_4}{t_1} = r^3 \Rightarrow \frac{67/5}{160} = \frac{27}{64} = \left(\frac{3}{4}\right)^3 = r^3$$

بنابراین $\frac{k}{100} = 1 - \frac{3}{4}$ پس $k = 25$

۵۰- گزینه با استفاده از جمله عمومی داریم:

$$\begin{cases} t_4 + t_6 = t_1 r^3 + t_1 r^5 = 28 \\ t_7 - t_3 = t_1 r^6 - t_1 r^2 = 42 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{\text{تقسیم}} \frac{t_1(r^6 - r^2)}{t_1(r^5 + r^3)} = \frac{42}{28}$$

$$\Rightarrow \frac{r^2(r^4 - 1)}{r^2(r^4 + 1)} = \frac{(r^2 - 1)}{r^2} = \frac{3}{2} \xrightarrow{\text{یه کم دقت}} r = 2$$

آزمون ۵

۵۱- گزینه الگوی خطی را به صورت $t_n = an + b$ در نظر

می‌گیریم. پس داریم: $t_5 = 5a + b = 13$

$$t_8 = 8a + b = 22$$

از حل این دستگاه داریم:

$$\xrightarrow{(-)} 3a = 9 \Rightarrow a = 3 \xrightarrow{\text{جای گذاری}} b = -2$$

پس جمله اول برابر است با:



۶۳- گزینه از رابطه $t_n = t_1 r^{n-1}$ داریم:

$$\begin{cases} t_6 - t_4 = 48 \\ t_5 + t_4 = 24 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} t_1 r^5 - t_1 r^3 = 48 \\ t_1 r^4 + t_1 r^3 = 24 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t_1 r^3 (r^2 - 1) = 48 \\ t_1 r^3 (r + 1) = 24 \end{cases} \Rightarrow \frac{t_1 r^3 (r^2 - 1)}{t_1 r^3 (r + 1)} = \frac{48}{24} = 2$$

$$\Rightarrow \frac{r^2 - 1}{r + 1} = 2 \Rightarrow \frac{(r+1)(r-1)}{r+1} = 2 \Rightarrow r-1=2 \Rightarrow r=3$$

از جایگذاری $r=3$ در هر کدام از اطلاعات مسئله، به $t_1 = \frac{2}{9}$ دست می‌آید.

۶۴- گزینه حاصل ضرب جملات چهارم تا دهم را بینید:

$$a_1 r^3 \times a_1 r^4 \times a_1 r^5 \times a_1 r^6 \times a_1 r^7 \times a_1 r^8 \times a_1 r^9$$

$$= a_1^7 r^{3+4+\dots+9} = a_1^7 r^{42} = (a_1 r^6)^7 = 128 = 2^7$$

$$\Rightarrow a_1 r^6 = 2 \Rightarrow a_7 = 2$$

اما سؤال گفته a_7 به صورت $3k+1$ است؛ پس:
 $2 = 3k+1 \Rightarrow k = \frac{1}{3}$

۶۵- گزینه قرار است دنباله $A, B, 10+x$ حسابی و دنباله $A, B, 10+x$ هندسی با قدرنسبت ۳ باشد؛ پس داریم:

$$\begin{cases} 2B = A + 10 \\ \frac{B}{A} = \frac{10+x}{B} = 3 \end{cases} \Rightarrow B = 3A$$

در اولی $\rightarrow 2(3A) = A + 10 \Rightarrow A = 2$

$$\Rightarrow B = 6 \Rightarrow \frac{10+x}{6} = 3 \Rightarrow x = 8$$

کنترل هم بکنیم: دنباله $2, 6, 10$ حسابی و دنباله $2, 6, 18$ هندسی با قدرنسبت ۳ است.

آزمون

۶۶- گزینه تعداد دایره‌ها در شکل‌ها به ترتیب $1+2, 1+2+3+4+1+2+3$ و ... است. می‌دانیم این مجموع از $\frac{n(n+1)}{2}$ به دست می‌آید؛ پس:

$$\frac{n(n+1)}{2} = 55 \Rightarrow n(n+1) = 110 = 10 \times 11 \Rightarrow n = 10$$

۶۷- گزینه صورت سؤال می‌گوید: $a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 4$ و $a_5 + a_6 + a_7 + a_8 = 68$ و نیز:

$a_m - a_n = (m-n)d$ طبق ویژگی دنباله حسابی می‌دانیم: $a_5 - a_1 = a_6 - a_2 = a_7 - a_3 = a_8 - a_4 = 4d$ پس: $4 \times 4d = 64 \Rightarrow d = 4$ و اگر معادله دوم را منهای اولی کنیم: اختلاف مجموع ۳ جمله سوم و ۳ جمله اول برابر است با:

$$(a_7 + a_8 + a_9) - (a_1 + a_2 + a_3) = 3 \times 6d$$

$$= 18d = 18 \times 4 = 72$$

پس دنباله حسابی افزایشی مورد نظر ...
 $x = -2, -1, 0, 1, 2, 3$ است.

قدر نسبت آن ۴ و جمله اولش $-6 = -2 - 4 = -6$ است و داریم: $a_{10} = a_1 + 9d = -6 + 9 \times 4 = 30$

۵۹- گزینه جمله سوم و ششم عبارت اند از:

$$\begin{cases} a_3 = a_1 + 2d = 125 \\ a_6 = a_1 + 5d = 113 \end{cases}$$

$$\xrightarrow{(-)} 3d = 113 - 125 = -12 \Rightarrow d = -4$$

$$\xrightarrow{\text{در معادله اول}} a_1 - 8 = 125 \Rightarrow a_1 = 133$$

پس جمله عمومی $a_n = 137 - 4n$ یا $a_n = 133 - 4(n-1)$ است و ما تعداد جمله‌های مثبت را می‌خواهیم:

$$a_n > 0 \Rightarrow 137 - 4n > 0 \Rightarrow \frac{137}{4} > n \Rightarrow n_{\max} = 34$$

یعنی ۳۴ جمله مثبت داریم.

۶۰- گزینه با توجه به ویژگی واسطه حسابی می‌نویسیم:

$$t_2 + t_5 + t_8 = 3t_5 = 33 \Rightarrow t_5 = 11 = t_1 + 4d$$

$$t_1 + t_3 + t_5 = 3t_3 = 15 \Rightarrow t_3 = 5 = t_1 + 2d$$

بنابراین: $d = 3$ و $t_1 = -1$.

و جمله عمومی $t_n = t_1 + (n-1)d$ است. بزرگترین جمله دورقی به ازای $n = 34$ به دست می‌آید: $t_{34} = -1 + 3(34-1) = -1 + 99 = 98$ (از کجا آوردهیم؟)

۶۱- گزینه باید سه عدد مساوی هم باشند:

$$x + 2 = x^2 - 2x = 3x + 4$$

از تساوی اولی و سومی داریم:

$$x + 2 = 3x + 4 \Rightarrow 2x = -2 \Rightarrow x = -1$$

با کنترل $-1 = x$ داریم: $x = -1, x^2 - 2x = 3, 3x + 4 = 1$ پس $x = -1$ سه عدد مساوی ایجاد نکرد و قبول نیست.

۶۲- گزینه نسبت مجموع ۴ جمله اول به ۴ جمله دوم را بینید:

$$\frac{a_1 + a_2 + a_3 + a_4}{a_5 + a_6 + a_7 + a_8} = \frac{1}{q^4} = \frac{16}{81} \Rightarrow q^4 = \frac{81}{16} = \left(\frac{3}{2}\right)^4$$

$$\xrightarrow{\text{صعودی } q > 0} q = \frac{3}{2}$$

دقیق می‌کنید که $\frac{a_1}{a_5} = \frac{a_2}{a_6} = \frac{a_3}{a_7} = \frac{a_4}{a_8} = \frac{1}{q^4} = \frac{1}{\left(\frac{3}{2}\right)^4}$

سؤال می‌گوید a_1 هم با q برابر است. پس:

$$a_1 = q = \frac{3}{2} \Rightarrow a_2 = \frac{9}{4}, a_3 = \frac{27}{8}$$

$$\xrightarrow{\text{جمع سه تای اول}} \frac{3}{2} + \frac{9}{4} + \frac{27}{8} = \frac{12+18+27}{8}$$

$$\xrightarrow{\text{}} \frac{57}{8} = \frac{56+1}{8} = \frac{57}{8}$$



سؤال می‌گوید: ۷۳

$$a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = 3(a_1 + a_3)$$

پس داریم:

$$a_1 + a_1 r + a_1 r^2 + a_1 r^3 = 3(a_1 + a_1 r^2)$$

$$\xrightarrow{\text{اولی و سومی را با همو} \atop \text{دومی و چهارمی را با هم بگیریم}} (a_1 + a_1 r^2) + r(a_1 + a_1 r^2)$$

$$= 3(a_1 + a_1 r^2) \xrightarrow{\text{رابزینیم}} a_1 + a_1 r^2 \Rightarrow 1 + r = 3 \Rightarrow r = 2$$

حالا نسبت جمله چهارم به دوم را می‌خواهیم:

$$\frac{a_4}{a_2} = r^2 = 4$$

$$\text{در این دنباله } a_1 = \frac{3}{4} \text{ و } a_4 = 6 \text{ است و داریم: ۷۴}$$

$$a_4 = a_1 r^3 \Rightarrow \frac{3}{4} = 6r^3 \Rightarrow r^3 = \frac{1}{8} \Rightarrow r = \frac{1}{2}$$

$$\text{پس جمله اول و جمله پنجم و جمله دوم به ترتیب } 6, \frac{1}{2}, \frac{1}{4} \text{ و } \frac{1}{2} \text{ هستند و می‌خواهیم اعداد } 6, \frac{1}{2}, \frac{1}{4} \text{ و } \frac{1}{8} \text{ دنباله حسابی سازند، پس:}$$

$$\frac{6k}{16} = \frac{3+6}{2} = \frac{9}{2} \Rightarrow \frac{3k}{8} = \frac{9}{2} \Rightarrow k = 12$$

جملات هشتم و یازدهم و شانزدهم به ترتیب $a_1 + 15d$ و $a_1 + 16d$ هستند و داریم:

$$\xrightarrow{\text{هندرسی}} (a_1 + 10d)^2 = (a_1 + 7d)(a_1 + 13d)$$

$$\Rightarrow a_1^2 + 20a_1 d + 100d^2 = a_1^2 + 22a_1 d + 105d^2$$

$$\Rightarrow 0 = 2a_1 d + 5d^2 \Rightarrow 2a_1 d = -5d^2 \Rightarrow \frac{a_1}{d} = -\frac{5}{2}$$

$$\text{دنباله } b_n = \log t_n = \log 2 \times 5^{n-1} \text{ است. ۷۶}$$

این دنباله حسابی است. ببینید:

$$b_n = \underbrace{\log 2}_{b_1} + \underbrace{(n-1)}_{d} \underbrace{\log 5}_d$$

پس: $b_1 + d = \log 2 + \log 5$ و قدرنسبت

. $\log 10 = 1$ دنباله جدید می‌شود.

حاصل ضرب 10^3 جمله اول دنباله هندسی برابر است با:

$$a_1 a_2 \dots a_{10} = a_1 \times a_1 r \times a_1 r^2 \times \dots \times a_1 r^9$$

$$\xrightarrow{r=3} a_1^{30} \times 3^{1+2+\dots+9} = a_1^{30} \times 3^{\frac{29 \times 30}{2}}$$

$$= a_1^{30} \times 3^{45} = 2^{30} \times 2^{40} \xrightarrow{\div 2^{40}} a_1^{30} \times 2^{-10} = 2^{30} \times 1$$

$$\Rightarrow a_1 = \frac{2}{3}$$

$$a_5 = \frac{2}{3} \times 3^4, a_3 = \frac{2}{3} \times 3^2 \Rightarrow a_5 - a_3 = 54 - 6 = 48$$

شرط تشکیل دنباله‌ها را می‌نویسیم: ۶۸

$$4, a, b, \dots \xrightarrow{\text{هندرسی}} a^2 = 4 \times b$$

$$4, a, b-1, \dots \xrightarrow{\text{حسابی}} 2a = 4 + b - 1 \Rightarrow a = \frac{b+3}{2}$$

با جایگذاری a در معادله اول داریم:

$$(\frac{b+3}{2})^2 = 4b \Rightarrow \frac{b^2 + 6b + 9}{4} = 4b$$

$$\Rightarrow b^2 + 6b + 9 = 16b$$

$$b^2 - 10b + 9 = 0 \Rightarrow b = 1 \text{ یا } 9$$

در گزینه‌ها فقط ۹ را داریم.

اولین عدد سه‌رقمی که بر 7 باقی‌مانده 3 دارد، برابر است با: ۶۹

$$a_1 = 14 \times 7 + 3 = 98 + 3 = 101$$

قدر نسبت افزایش این عددها 7 است.

جمله چهل و هشتم برابر است با:

$$a_{48} = a_1 + (48-1)d = 101 + 47 \times 7 = 101 + 329 = 430$$

برای $a_{16} - a_{10}$ اتحاد مزدوج می‌زنیم: ۷۰

$$(a_{16} - a_{10})(a_{16} + a_{10}) = 6d \times 20 = 60$$

$$\Rightarrow 6d = 3 \Rightarrow d = \frac{1}{2}$$

$a_{16} + a_{10} = 2a_{13}$ در وسط a_{10} و a_{16} است. پس:

نسبت جمله سوم به هفتم و نیز هفتم به یازدهم: ۷۱

برابر $\frac{1}{r^4}$ است. پس این سه عدد نسبت افزایش ثابتی دارند و دنباله هندسی می‌سازند. یعنی باید داشته باشیم:

$$(2p+1)^2 = (4p+3)(p-1) \Rightarrow 4p^2 + 4p + 1$$

$$= 4p^2 + 3p - 4p - 3 \Rightarrow p = \frac{-4}{5}$$

پس این اعداد $a_{11} = \frac{-9}{5}$, $a_7 = \frac{-3}{5}$, $a_3 = \frac{-1}{5}$ هستند و قدر نسبت

دنباله هندسی اولیه، $\frac{1}{3} = 3^r$ است. حالا در دنباله t_n داریم:

$$t_7 = p \times r^{4 \times 2} = \frac{-4}{5} \times (\frac{1}{3})^2 = \frac{-4}{45}$$

در این دنباله هندسی 4 و $a_3 = 9$ است.

پس $\frac{q^2}{4} = \frac{9}{5}$ و در نتیجه $q = \sqrt{\frac{9}{5}}$ (چون جملات مثبتاند).

حالا نسبت مجموع شش جمله اول به مجموع سه جمله اول را می‌خواهیم:

$$\frac{a_1 + a_2 + \dots + a_6}{a_1 + a_2 + a_3} = \frac{a_1 + a_2 + a_3 + q^2(a_1 + a_2 + a_3)}{a_1 + a_2 + a_3}$$

$$= 1 + q^2 = 1 + (\frac{9}{5})^2 = 1 + \frac{81}{25} = \frac{35}{25}$$



۷۸- گزینه در هر مرحله تعداد مستطیل‌های سفید ۲ تا افزایش می‌یابد و تعداد مربع‌های رنگی ۴ تا اضافه می‌شود. پس دنباله تعداد مربع‌های سفید و رنگی را داریم:

$$a_n, a_1 = 2 \xrightarrow{d=2} a_n = 2 + 2(n-1) = 2n$$

$$b_n, b_1 = 12 \xrightarrow{d=4} b_n = 12 + 4(n-1) = 4n + 8$$

به ازای $b_n = 76$ داریم:

$$4n + 8 = 76 \Rightarrow n = \frac{76 - 8}{4} = \frac{68}{4} = 17$$

پس: $a_{17} = 34$

۷۹- گزینه جملات ردیف زوج a_2, a_4, \dots, a_{4n} هستند.

مجموع کل جملات برابر است با: $a_1 + a_2 + \dots + a_{39} + a_{40}$.

$$= \underbrace{(a_1 + a_3 + \dots + a_{39})}_{\text{مجموع زوجها}} + \underbrace{(a_2 + a_4 + \dots + a_{40})}_{\text{مجموع فردان}}$$

اما می‌دانیم هر جمله ردیف زوج، r برابر جمله ردیف فرد قبلی است.

پس جمع جملات زوج r برابر جمع جملات فرد است:

$$S_{\text{زوج}} = rS_{\text{فرد}} \Rightarrow S_{\text{زوج}} = \frac{1}{r} S_{\text{فرد}}$$

$$\Rightarrow S_{\text{کل}} = S_{\text{فرد}} + S_{\text{زوج}} = \frac{1}{r} S_{\text{فرد}} + S_{\text{زوج}} = \frac{1+r}{r} S_{\text{زوج}}$$

$$S_{\text{کل}} = \frac{1+r}{r} \underbrace{\left(\frac{4}{2} S_{\text{زوج}} \right)}_{S_{\text{زوج}}} \quad \text{پس سؤال می‌گوید:}$$

$$\text{بنابراین: } r = \frac{1+r}{r} = \frac{7}{4} \quad \text{و در نتیجه: } r = \frac{4}{3}$$

۸۰- گزینه دنباله حسابی به صورت a, x, y, z, b ساخته می‌شود. قدرتیب است با:

$$d = \frac{t_5 - t_1}{5-1} = \frac{b-a}{4}$$

جمله‌ها را ببینید:

$$a, a+d, a+2d, a+3d, \underbrace{a+4d}_b$$

جمع آن‌ها برابر است با:

$$5a + 10d = 20 \xrightarrow{d=4} a + 2d = 4$$

حالا دقت کنید که:

$$a + b = t_1 + t_5 = 2t_3 = 2(a + 2d) = 8$$

تا اینجا جمله وسطی ۴ شده است، پس داریم:
 $4 - 2d, 4 - d, 4, 4 + d, 4 + 2d$

مجموع مربعات این‌ها می‌شود:

$$(4 - 2d)^2 + (4 - d)^2 + 4^2 + (4 + d)^2 + (4 + 2d)^2$$

$$= 16 + 4d^2 + 16 + d^2 + 16 + 16 + d^2 + 16 + 4d^2$$

دقت کنید که جملات $16d$ و $\pm 8d$ با هم ساده شدند. پس:

$$= 80 + 10d^2 = 170 \Rightarrow 10d^2 = 90 \Rightarrow d = 3$$

اگر $d = -3$ بگیریم، جای جملات عوض می‌شود.
 $-2, 1, 4, 7, 10$ جمله‌ها عبارت‌اند از:

و اختلاف بیشترین و کمترین می‌شود: ۱۲

