

دیوید هالیدی – رابرт رزنيک

جرل واکر

# مبانی فیزیک هالیدی

ویرایش یازدهم (سال ۲۰۱۹)

جلد اول – مکانیک

ترجمه و تلخیص: دکتر محمود بهار

# به نام خدا

## فهرست

صفحه	عنوان	صفحه	عنوان
۱۹	۲-۲ سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای	..... (هشت)	پیشگفتار
۱۹	سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای		
۲۱	۳-۲ شتاب		
۲۱	شتاب		
۲۴	۴-۲ شتاب ثابت		
۲۴	شتاب ثابت: حالتی ویژه از شتاب		
۲۶	نگاهی دیگر به شتاب		
۲۷	۵-۲ شتاب سقوط آزاد		
۲۷	شتاب سقوط آزاد		
۲۹	۶-۲ انگرال ترسیمی در تحلیل حرکت		
۲۹	انگرال ترسیمی در تحلیل حرکت		
۳۲	مرور و چکیده‌ی مطالب		
۳۳	مسئله‌ها		

## فصل ۱

### اندازه‌گیری

#### ۱-۱ اندازه‌گیری کمیت‌ها

۱	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟
۱	اندازه‌گیری اجسام
۲	دستگاه بین‌المللی یکاها
۳	تبديل یکاها
۴	طول
۴	رقم‌های با معنی و رقم‌های اعشاری
۶	۲-۱ استاندارد زمان
۶	زمان
۷	۳-۱ استاندارد جرم
۷	جرم
۹	مرور و چکیده‌ی مطالب
۱۰	مسئله‌ها

## فصل ۳

۳۷	بردارها
۳۷	۱-۳ بردارها و مؤلفه‌های آن‌ها
۳۷	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟
۳۸	بردارها و ترده‌ای‌ها
۳۸	جمع کردن بردارها به روش هندسی
۴۰	مؤلفه‌های بردارها
۴۳	۲-۳ بردارهای یکه، جمع کردن بردارها به کمک مؤلفه‌ها
۴۴	بردارهای یکه
۴۵	جمع کردن بردارها به کمک مؤلفه‌ها

## فصل ۲

### حرکت در طول خط راست

۱۳	۱-۲ مکان، جابه‌جایی، و سرعت متوسط
۱۳	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟
۱۴	حرکت
۱۴	مکان و جابه‌جایی
۱۵	سرعت متوسط و تندی متوسط

صفحه	عنوان	صفحه	عنوان
۸۸	مکانیک نیوتونی .....	۴۶	بردارها و قوانین فیزیک .....
۸۹	قانون اول نیوتون .....	۴۹	<b>۳-۳ ضرب کرن بردارها</b>
۸۹	نیرو .....	۵۰	ضرب کردن بردارها .....
۹۱	جرم .....	۵۵	مرور و چکیده‌ی مطالب .....
۹۲	قانون دوم نیوتون .....	۵۶	مسئله‌ها .....
۹۷	<b>۲-۵ معرفی برخی نیروهای خاص</b>		
۹۷	معرفی برخی نیروهای خاص .....		
۱۰۲	<b>۳-۵ کاربرد قانون‌های نیوتون</b>	۵۹	<b>حرکت‌های دوبعدی و سهبعدی</b>
۱۰۲	قانون سوم نیوتون .....	۵۹	<b>۱-۴ مکان و جابه‌جایی</b>
۱۰۴	کاربرد قوانین نیوتون .....	۵۹	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....
۱۱۱	مرور و چکیده‌ی مطالب .....	۶۰	مکان و جابه‌جایی .....
۱۱۲	مسئله‌ها .....	۶۲	<b>۲-۴ سرعت متوسط و سرعت لحظه‌ای</b>

## فصل ۳

۱۱۷	<b>نیرو و حرکت - ۲</b>	۱۱۷
۱۱۷	<b>۱-۶ اصطکاک</b>	۱۱۷
۱۱۷	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....	۱۱۷
۱۱۸	اصطکاک .....	۱۱۸
۱۲۱	خواص نیروی اصطکاک .....	۱۲۱
۱۲۵	<b>۲-۶ نیروی پسار و تندری حد</b>	۱۲۵
۱۲۵	نیروی پسار و تندری حد .....	۱۲۵
۱۲۸	<b>۳-۶ حرکت دایره‌ای یکنواخت</b>	۱۲۸
۱۲۸	حرکت دایره‌ای یکنواخت .....	۱۲۸
۱۳۴	مرور و چکیده‌ی مطالب .....	۱۳۴
۱۳۵	مسئله‌ها .....	۱۳۵

## فصل ۶

۱۴۱	<b>انرژی جنبشی و کار</b>	۱۴۱
۱۴۱	<b>۱-۷ انرژی جنبشی</b>	۱۴۱
۱۴۹	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....	۱۴۹
۱۴۱	انرژی چیست؟ .....	۱۴۱

## فصل ۴

۶۵	<b>۱-۴ حرکت پرتابی</b>	۶۵
۶۷	حرکت پرتابی .....	۶۷
۷۳	<b>۵-۴ حرکت دایره‌ای یکنواخت</b>	۷۳
۷۳	حرکت دایره‌ای یکنواخت .....	۷۳
۷۶	<b>۶-۴ حرکت نسبی یک بعدی</b>	۷۶
۷۶	حرکت نسبی یک بعدی .....	۷۶
۷۸	<b>۷-۴ حرکت نسبی دوبعدی</b>	۷۸
۸۰	حرکت نسبی دوبعدی .....	۸۰
۸۱	مرور و چکیده‌ی مطالب .....	۸۱
۸۷	مسئله‌ها .....	۸۱

## نیرو و حرکت - ۱

۸۷	<b>۱-۵ قانون‌های اول و دوم نیوتون</b>	۸۷
۸۷	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....	۸۷

صفحه	عنوان	صفحه	عنوان		
۱۹۲	۵-۸ پایستگی انرژی	۱۴۲	انرژی جنبشی .....		
۱۹۲	پایستگی انرژی .....	۱۴۳	۲-۷ کار و انرژی جنبشی		
۱۹۸	مرور و چکیدهی مطالب .....	۱۴۴	کار .....		
۱۹۹	مسئله‌ها .....	۱۴۴	کار و انرژی جنبشی .....		
<b>فصل ۹</b>					
۲۰۵	مرکز جرم و تکانه‌ی خطی	۱۴۹	۳-۷ کار انجام شده توسط نیروی گرانشی		
۲۰۵	۱-۹ مرکز جرم	۱۵۰	کار انجام شده توسط نیروی گرانشی .....		
۲۰۵	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....	۱۵۴	۴-۷ کار انجام شده توسط نیروی فنر		
۲۰۶	مرکز جرم .....	۱۵۴	کار انجام شده توسط نیروی فنر .....		
۲۱۲	۲-۹ قانون دوم نیوتون درباره‌ی دستگاه ذرات	۱۵۸	۵-۷ کار انجام شده توسط یک نیروی متغیر		
۲۱۲	قانون دوم نیوتون درباره‌ی دستگاه ذرات .....	۱۵۸	کار انجام شده توسط یک نیروی متغیر .....		
۲۱۶	۳-۹ تکانه‌ی خطی	۱۶۲	۶-۷ توان		
۲۱۶	تکانه‌ی خطی .....	۱۶۲	توان .....		
۲۱۷	تکانه‌ی خطی دستگاه ذرات .....	۱۶۴	مرور و چکیدهی مطالب .....		
۲۱۸	۴-۹ برخورد و ضربه	۱۶۶	مسئله‌ها .....		
۲۱۹	برخورد و ضربه .....				
۲۲۳	۵-۹ پایستگی تکانه‌ی خطی	۱۷۱	انرژی پتانسیل و پایستگی انرژی		
۲۲۳	پایستگی تکانه‌ی خطی .....	۱۷۱	۱-۸ انرژی پتانسیل		
۲۲۶	۶-۹ تکانه و انرژی جنبشی در برخوردها	۱۷۱	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....		
۲۲۶	تکانه و انرژی جنبشی در برخوردها .....	۱۷۲	کار و انرژی پتانسیل .....		
۲۲۷	برخوردهای ناکشسان یک بعدی .....	۱۷۴	وابسته نبودن نیروهای پایستار به مسیر حرکت ....		
۲۳۱	۷-۹ برخوردهای کشسان یک بعدی	۱۷۶	تعیین مقادیر انرژی پتانسیل .....		
۲۳۱	برخوردهای کشسان یک بعدی .....	۱۷۹	۲-۸ پایستگی انرژی مکانیکی		
۲۳۵	۸-۹ برخوردهای دو بعدی	۱۷۹	پایستگی انرژی مکانیکی .....		
۲۳۵	برخوردهای دو بعدی .....	۱۸۳	۳-۸ خواندن منحنی انرژی پتانسیل		
۲۳۶	۹-۹ دستگاه‌های با جرم متغیر: موشک	۱۸۳	خواندن منحنی انرژی پتانسیل .....		
۲۳۶	دستگاه‌های با جرم متغیر: موشک .....	۱۸۸	۴-۸ کار انجام شده روی یک دستگاه توسط نیروی خارجی		
۲۳۹	مرور و چکیدهی مطالب .....	۱۸۸	کار انجام شده روی یک دستگاه توسط نیروی خارجی .....		
۲۴۱	مسئله‌ها .....	۱۸۸	خارجی .....		

## عنوان

**فصل ۱**

## دوران

صفحه	عنوان	صفحه
۲۸۶	<b>۲-۱۱ نیروها و انرژی جنبشی در حرکت غلتشی</b>	۲۴۷
۲۸۶	انرژی جنبشی در حرکت غلتشی .....	۲۴۷
۲۸۷	نیروها در حرکت غلتشی .....	۲۴۷
۲۹۱	<b>۳-۱۱ طرز کار یویو</b>	۲۴۷
۲۹۱	طرز کار یویو .....	۲۴۷
۲۹۲	<b>۴-۱۱ مروری بر گشتاور نیرو</b>	۲۴۸
۲۹۲	مروری بر گشتاور نیرو .....	۲۴۸
۲۹۵	<b>۵-۱۱ تکانه‌ی زاویه‌ای</b>	۲۵۴
۲۹۶	تکانه‌ی زاویه‌ای .....	۲۵۶
۲۹۸	<b>۶-۱۱ شکل زاویه‌ای قانون دوم نیوتون</b>	۲۵۶
۲۹۸	شکل زاویه‌ای قانون دوم نیوتون .....	۲۵۶
۳۰۱	<b>۷-۱۱ تکانه‌ی زاویه‌ای یک جسم صلب</b>	۲۵۸
۳۰۱	تکانه‌ی زاویه‌ای دستگاه ذرات .....	۲۵۸
	تکانه‌ی زاویه‌ای جسم صلب چرخنده به دور محور	
۳۰۲	ثابت .....	
۳۰۳	<b>۸-۱۱ پایستگی تکانه‌ی زاویه‌ای</b>	۲۶۳
۳۰۴	پایستگی تکانه‌ی زاویه‌ای .....	۲۶۳
۳۰۸	<b>۹-۱۱ حرکت تقدیمی ژیروسکوپ</b>	۲۶۵
۳۰۸	حرکت تقدیمی ژیروسکوپ .....	۲۶۵
۳۱۰	مرور و چکیده‌ی مطالب .....	۲۶۹
۳۱۱	مسئله‌ها .....	۲۶۹

**فصل ۱۲**

تعادل و کشسانی	تعادل
۳۱۷	<b>۱-۱۲ تعادل</b>
۳۱۷	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....
۳۱۸	تعادل .....
۳۲۰	شرط‌های لازم تعادل .....
۳۲۱	گرانیگاه .....
۳۲۳	<b>۲-۱۲ چند مثال درباره‌ی تعادل ایستا</b>
۳۲۳	چند مثال درباره‌ی تعادل ایستا .....

**فصل ۱۱**

غلتش، گشتاور نیرو و تکانه‌ی زاویه‌ای	۳
<b>۱-۱۱ حرکت غلتشی به صورت ترکیبی از حرکت‌های انتقالی و دورانی</b>	۲۸۳
فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....	۲۸۳
حرکت غلتشی به صورت ترکیبی از حرکت‌های انتقالی و دورانی .....	۲۸۴

صفحه	عنوان	صفحه	عنوان
۳۵۹	<b>۶-۱۳ سیاره‌ها و ماهواره‌ها: قانون‌های کپلر</b>	۳۲۹	<b>۱۲-۳ کشسانی</b>
۳۵۹	سیاره‌ها و ماهواره‌ها: قانون‌های کپلر .....	۳۲۹	ساختارهای نامعین .....
۳۶۳	<b>۷-۱۳ مدارها و انرژی ماهواره‌ها</b>	۳۳۰	کشسانی .....
۳۶۳	مدارها و انرژی ماهواره‌ها .....	۳۳۴	مرور و چکیده‌ی مطالب .....
۳۶۵	<b>۸-۱۳ اینشتین و گرانش</b>	۳۳۵	مسئله‌ها .....
۳۶۵	اینشتین و گرانش .....	۳۴۱	
۳۶۸	مرور و چکیده‌ی مطالب .....	۳۴۱	<b>۱-۱۳ قانون گرانش نیوتون</b>
۳۶۹	مسئله‌ها .....	۳۴۱	فیزیک در این باره چه می‌گوید؟ .....

صفحه	عنوان
۳۷۵	<b>پیوست‌ها</b>
۳۷۵	پیوست الف .....
۳۷۷	پیوست ب .....
۳۷۸	پیوست پ .....
۳۷۹	پیوست ت .....
۳۸۳	پیوست ث .....
۳۸۶	پیوست ج .....
۳۹۰	پیوست چ .....
۳۹۱	پاسخ‌ها

## فصل ۱۳

### گرانش

۳۴۱	<b>۱-۱۳ قانون گرانش نیوتون</b>
۳۴۱	قانون گرانش نیوتون .....
۳۴۲	
۳۴۵	<b>۲-۱۳ گرانش و اصل برهم نهی</b>
۳۴۵	گرانش و اصل برهم نهی .....
۳۴۸	<b>۳-۱۳ گرانش در نزدیکی سطح زمین</b>
۳۴۸	گرانش در نزدیکی سطح زمین .....
۳۵۱	<b>۴-۱۳ گرانش در درون زمین</b>
۳۵۲	گرانش در درون زمین .....
۳۵۳	<b>۵-۱۳ انرژی پتانسیل گرانشی</b>
۳۵۴	انرژی پتانسیل گرانشی .....

## پیشگفتار

پس از سال‌ها تدریس دروس پیشرفته‌ی فیزیک، کسب تجربیات آموزشی و پژوهشی ارزنده و تألیف کتاب‌های تخصصی فیزیک در زمینه‌های مکانیک کوانتومی، نسبیت، فیزیک نوین، اپتیک و ترمودینامیک، دست به تألیف کتاب‌های فیزیک در سطح عمومی و پایه زده‌اند.

مؤلفان کتاب مبانی فیزیک به منظور توجه به اهمیت محتوای کتاب‌های فیزیک پایه، تقریباً هر دو سه سال یک بار ویرایش تازه‌ای شامل تغییرات اساسی در جهت تکامل و ارتقای سطح آموزشی کتاب به خوانندگان و دانشجویان عرضه کرده‌اند. سرعت عرضه‌ی ویرایش‌های جدید چنان بود که مؤلفان با انتشار کتاب اصول فیزیک، ویرایش نهم (۲۰۱۱)، عنوان تازه‌ای به کتاب‌های ارزشمند و پرمحتوای خود افزودند. خوشبختانه، اینجانب موفق شدیم ترجمه‌ی جلد‌های ۱، ۲ و ۳ این کتاب را به دوستداران گرامی فیزیک تقدیم کنیم.

به دنبال ترجمه‌ی چهار دوره کتاب‌های فیزیک، مبانی فیزیک و اصول فیزیک توفیق یافته‌یم که برای پنجمین دوره به ترجمه‌ی کتاب مبانی فیزیک (ویرایش دهم، سال ۲۰۱۴)، تألیف دیوید هالیدی، رابرت رزنیک و جرل واکر، پردازیم و آن را به دانشجویان عزیز رشته‌های علوم پایه و مهندسی تقدیم کنیم.

این کتاب نسبت به کتاب‌های پیشین مؤلفان دارای تغییرات و همراه با اصلاحات قابل توجه و آموزنده‌ای بود که به طور خلاصه عبارت بودند از: هدف‌های آموزشی، نکته‌های کلیدی، فیزیک در این باره چه می‌گوید؟، خودآزمایی‌ها، مسئله‌های نمونه، نکته‌های کلیدی در مسئله‌های نمونه، مرور و چکیده‌ی مطالب، پرسش‌ها، مسئله‌ها، مسئله‌های بیشتر، مطالب مهم کتاب، شرح روی شکل‌ها و ...، که این امر باعث افزایش قابل ملاحظه‌ی صفحات کتاب شده بود.

افزایش حجم کتاب، تعداد زیاد مسئله‌ها و از طرفی تعداد واحدهای درسی فیزیک در دانشگاه‌ها و ساعت اختصاص یافته برای آنها، علاوه بر آن، افزایش قیمت کتاب، مرا بر آن داشت که با حفظ مطالب فیزیکی اصلی و عمدی، به خلاصه یا حذف کردن پاره‌ای از موضوعات، و خصوصاً مسئله‌ها، پردازم تا علاقه‌ی استادها و دانشجویان نسبت به مطالعه‌ی کتاب کم نشود. ترجمه و

برنامه‌ریزی منطبق با نیازهای دانش و فناوری امروزی کشور، هماهنگ کردن برنامه‌های آموزشی در دانشگاه‌ها و مؤسسه‌های آموزش عالی و معرفی و پیشنهاد منابع درسی ارزنده و معتبر از جمله هدف‌های اساسی شورای عالی برنامه‌ریزی و کمیته‌های تخصصی وابسته به آن را تشکیل می‌دهد. بدین جهت، کتاب مبانی فیزیک، تألیف دیوید هالیدی و رابرت رزنیک، به عنوان کتاب مرجع برای تدریس فیزیک پایه در رشته‌های علوم پایه و مهندسی انتخاب شده است.

اینجانب و زنده‌یاد آقای دکتر نعمت‌الله گلستانیان همواره امیدوار بوده‌ایم که بتوانیم در همکاری و همگامی با هدف‌های مرکز نشر دانشگاهی برای تأمین منابع درسی معتبر و مورد تأیید صاحب‌نظران و استادان محترم دانشگاه‌ها سهمی داشته باشیم. ترجمه‌ی سه جلد کتاب فیزیک، تألیف هالیدی - رزنیک (۱۹۷۷) و چاپ و انتشار آن‌ها توسط مرکز نشر دانشگاهی در سال ۱۳۶۶ سرآغازی برای تحقق یافتن این آرزوها بوده است.

پس از انتشار این کتاب‌ها تصمیم گرفته شد کار ادامه پیدا کند و از این رو برای ترجمه‌ی ویرایش دوم (۱۹۸۶)، ویرایش سوم (۱۹۹۰) و ویرایش ششم (۲۰۰۱) کتاب مبانی فیزیک، تألیف هالیدی، رزنیک و واکر اقدام شد و خوشبختانه، توانستیم برگردان فارسی مبانی فیزیک را در چهار جلد به مرحله‌ی چاپ و انتشار برسانیم. استقبال خوانندگان عزیز از کتاب‌ها چنان بوده که برخی مجلدات این رشته‌ها، در مجموع ویرایش‌های مختلف، تاکنون بیش از ۹۲ بار تجدید چاپ شده است.

امروزه اهمیت کتاب‌های فیزیک پایه به حدی است که گویی ناشران و مؤلفان بزرگ دنیا در زمینه‌ی بالا بردن کیفیت و روزآمد کردن این کتاب‌ها با هم به رقابت پرداخته‌اند. در اهمیت تدوین این گونه کتاب‌ها همین قدر می‌توان گفت که فیزیکدانان و مؤلفان صاحب نامی، چون مارک زیمانسکی<sup>۱</sup>، فرانسیس سیرز<sup>۲</sup>، هانس اوهانیان<sup>۳</sup>، رابرت رزنیک<sup>۴</sup>، ریموند سروی<sup>۵</sup>، استفن گاسیور و ویچ<sup>۶</sup>، اوژن هشت<sup>۷</sup>، ریچارد ویدنر<sup>۸</sup>، ریچارد فایمن<sup>۹</sup>، و بسیاری دیگر،

1. Mark W.Zemansky

3. Hans C.Ohanian

5. Raymond A.Serway

7. Eugen Hecht

9. Richard P.Feynman

2. Francis W.Sears

4. Robert Resnick

6. Stephen Gasiorowicz

8. Richard T.Weidner

چاپ و نشر این کتاب توسط شرکت آموزشی و فرهنگی مبتکران صورت گرفته است و بجا است از مدیر کارдан و اهل دانش و فرهنگ این شرکت جناب آقای یحیی دهقانی، که در نهایت سخاوتمندی اندوخته‌ی مادی و معنوی خویش را در راه تعالی و ترقی ارزش‌های آموزشی، علمی و فرهنگی کشور به کار گرفته است، تشکر و قدردانی کنم.

هم‌چنان، از کارکنان شرکت آموزشی و فرهنگی مبتکران، بهویژه خانم‌ها لیلا مهرعلی‌پور و حمیده نوروزی، به‌خاطر حروف‌نگاری دقیق متن، صفحه‌آرایی مناسب و شایسته و دقت در انتقال و آرایش شکل‌های کتاب، آقای خدایار مبین به‌خاطر راهنمایی در انتخاب شیوه‌ی حروف‌نگاری مناسب و تهیی‌ی امکانات لازم برای چاپ و نظارت فنی بر تولید کتاب، خانم‌ها سمیرا ایمان‌فرد و سمانه ایمان‌فرد، به‌خاطر انتقال دقیق شکل‌ها و تنظیم مناسب نوشتۀ‌های روی شکل‌ها، خانم ملیحه محمدی، به‌خاطر اسکن کردن برخی شکل‌های کتاب، خانم مینا هرمزی، به‌خاطر طراحی ماهرانه و زیبایی جلد کتاب و خانم کبری مرادی، به‌خاطر نظارت بر آماده‌سازی امکانات و نظارت برچاپ کتاب، صمیمانه سپاسگزارم.

محمد بهار

عضو هیئت علمی دانشکده‌ی فیزیک دانشگاه خوارزمی

تهران، بهمن ۱۳۹۷

تلخیص مطالب علاوه بر ویرایش‌های قبلی، با توجه به ویرایش یازدهم (سال ۲۰۱۹) کتاب مبانی فیزیک صورت گرفته است.

در ترجمه‌ی کتاب با تکیه بر تجربه‌های کسب شده به مدت نزدیک به ۴۵ سال در زمینه‌ی ترجمه و تألیف کتاب‌های عمومی و تخصصی فیزیک، تدریس فیزیک پایه و تخصصی و همکاری با مؤسسه‌های علمی و فرهنگی گوناگون، تلاش شده است روانی و شیوازی مطالب همراه با مفهوم و ارزش علمی آن‌ها حفظ شود و تازه‌ترین شیوه‌های نگارش و برابر نهاده‌های واژه‌ها و اصطلاحات انگلیسی با توجه به مصوبه‌های فرهنگستان زبان و ادب فارسی به کار رود.

با اعتقاد به اینکه در ترجمه‌ی متن‌های علمی باید بیشتر انتقال علم مورد نظر باشد تا انتقال فرهنگ، تلاش شده است تا حد امکان به جنبه‌های فرهنگی متن فارسی کتاب چهره‌ای آشناتر داده شود. از این‌رو، ضمن تلاش در تحقق این باور در ابعاد گوناگون، در موارد مقتضی به جای نام‌های اشخاص و مکان‌های مندرج در متن اصلی از نام‌های ایرانی استفاده شده است.

اینجانب ضمن گرامی داشتن یاد استاد فقید آقای دکتر نعمت‌الله گلستانیان به خاطر خدمات دانشگاهی بی‌شائبه و ارزشمند نامبرده در امر تدریس، ترجمه و تألیف مطالب فیزیکی، و همکاری صمیمانه‌ی «۴۴ ساله‌ی» ما در زمینه ترجمه و تألیف کتاب‌های فیزیک، امیدوارم فرهنگ مکتب فیزیک در کشور ایران به خوبی حفظ شود.



# فصل ا

## اندازه‌گیری

### ۱-۱ اندازه‌گیری کمیت‌ها

#### نکته‌های کلیدی

- دانش فیزیک مبتنی بر اندازه‌گیری کمیت‌های فیزیکی است. کمیت‌های فیزیکی ویژه‌ای به عنوان کمیت‌های اصلی (مانند طول، زمان و جرم) انتخاب شده‌اند؛ هر یک از این کمیت‌ها بر حسب یک استاندارد تعریف شده و دارای یکای اندازه‌گیری (مانند متر، ثانیه و کیلوگرم) است. کمیت‌های فیزیکی دیگر بر حسب کمیت‌های اصلی و استانداردها و یکاهای آن‌ها تعریف می‌شوند.
- تبدیل یکاهای را با استفاده از تبدیل‌های زنجیری، می‌توان انجام داد. برای این کار، یکاهای مانند کمیت‌های جبری آنقدر دستکاری می‌شوند تا فقط یکاهای مورد نظر باقی بمانند.
- متر به صورت مسافت پیموده شده توسط نور در یک بازه زمانی خاص، تعریف می‌شود.
- دستگاه یکای مورد تأکید در این کتاب، دستگاه بین‌المللی یکاهای (SI) است. سه کمیت فیزیکی درج شده در جدول ۱-۱ در

#### فیزیک در این باره چه می‌گوید؟

پایه‌ی دانش و مهندسی، اندازه‌گیری و مقایسه است. بنابراین، برای پی بردن به چگونگی اندازه‌گیری اجسام و مقایسه کردن آن‌ها به چند قاعده نیاز داریم و برای تعیین یکاهای مربوط به این اندازه‌گیری‌ها و مقایسه‌ها باید آزمایش‌هایی انجام دهیم. یکی از هدف‌های فیزیک (و نیز مهندسی)، طراحی و به پیش بردن این آزمایش‌ها است.

برای مثال، فیزیکدان‌ها می‌کوشند ساعت‌های دقیق‌تری بسازند، تا بتوانند هر زمان یا هر بازه‌ی زمانی را با دقت بسیار زیاد، اندازه‌گیری و مقایسه کنند. شما ممکن است بپرسید که آیا چنین دقتی لازم است؟ در جواب باید گفت که بدون داشتن ساعت‌های خیلی دقیق، سیستم مکان‌یابی جهانی (GPS<sup>۱</sup>) مورد استفاده در ناویگیشن سراسر دنیا بی‌فایده خواهد بود.

#### اندازه‌گیری اجسام

ما با آموختن چگونگی اندازه‌گیری کمیت‌های مربوط به فیزیک، دانش فیزیک را یاد می‌گیریم. از جمله‌ی این کمیت‌ها می‌توان طول، زمان، جرم، دما، فشار، و جریان الکتریکی را نام برد.

1. Global Positioning System (GPS)

هر کمیت فیزیکی از راه مقایسه با یک استاندارد بر حسب یکاهای آن کمیت اندازه‌گیری می‌شود. یکا نام یگانه‌ای است که به اندازه‌های یک کمیت نسبت می‌دهیم - چنان‌که متر (با نماد m) را برای کمیت طول در نظر می‌گیریم. یک استاندارد، درست متناظر با  $1/0$  برابر یکای کمیت است. مثلاً استاندارد طول، که درست متناظر با  $1/0$  متر است، مسافتی است که نور در خلاء در کسر معینی از ثانیه طی می‌کند.

وقتی استاندارد را، مثلاً برای طول، در نظر گرفتیم باید روش‌هایی به کار ببریم که به کمک آن‌ها بتوان هر طولی، مانند شعاع اتم هیدروژن، فاصله‌ی میان چرخ‌های خودرو، یا فاصله‌ی یک ستاره از زمین را بر حسب این استاندارد بیان کرد. خطکش، که وسیله‌ای برای برآورد استاندارد طول است، یکی از این ابزارهای اندازه‌گیری طول است. اما در برخی استانداردهای طول از روش‌های غیرمستقیم استفاده کرد. زیرا به عنوان مثال برای اندازه‌گیری شعاع اتم، یا فاصله‌ی یک ستاره از زمین، نمی‌توان از خطکش استفاده کرد.

**کمیت‌های اصلی.** تعداد کمیت‌های فیزیکی بسیار زیاد است، اما خوب‌بختانه این کمیت‌ها از هم مستقل نیستند. به عنوان مثال، تندی برابر با نسبت طول به زمان است. بنابراین، باید تعدادی کمیت فیزیکی، مانند طول و زمان را با توافق بین‌المللی انتخاب کنیم و فقط برای آن‌ها استانداردهایی را در نظر بگیریم. آنگاه، کمیت‌های فیزیکی دیگر را بر حسب این کمیت‌های اصلی و استانداردهای آن‌ها (به نام استانداردهای اصلی) تعریف کنیم.

استانداردهای اصلی باید دسترس‌پذیر و تغییرناپذیر باشند. اگر استاندارد طول را به صورت فاصله‌ی میان بینی یک شخص تا نوک انگشت اشاره، در حالت کشیده بودن کامل بازو، تعریف کنیم استانداردی خواهیم داشت که به طور مسلم دسترس‌پذیر است، اما تغییرناپذیر نیست و از شخصی به شخص دیگر تغییر می‌کند.

## دستگاه بین‌المللی یکاهای

در سال ۱۹۷۱/۱۳۵۰<sup>\*</sup> چهاردهمین مجمع عمومی اوزان و مقیاس‌ها هفت کمیت اصلی را انتخاب کرد، که اساس دستگاه بین‌المللی یکاهای\*\* (با نماد SI با توجه به سرnamهای عبارت فرانسوی آن) یا دستگاه متريک، را تشکيل می‌دهند. جدول ۱-۱ یکاهای مربوط به سه کمیت اصلی - طول، زمان و جرم - را نشان می‌دهد.

برخی یکاهای فرعی SI بر حسب این سه یکا تعریف می‌شوند. مثلاً، یکای توان در SI، به نام وات (با نماد W)، بر حسب یکاهای مربوط به جرم، طول و زمان نوشته می‌شود. بنابراین، می‌توان نوشت

$$(1-1) \quad 1\text{W} = 1\text{kg} \cdot \text{m}^3 / \text{s}^3 \quad (\text{وات})$$

که در آن یکای جمله‌ی سمت راست به صورت کیلوگرم - مترمربع بر مکعب ثانیه، خوانده می‌شود.

نماد یکا	نام یکا	کمیت	اصلی SI
m	متر	طول	
s	ثانیه	زمان	
kg	کیلوگرم	جرم	

\* عدد سمت راست ممیز نماینده‌ی سال هجری شمسی و عدد سمت چپ نماینده‌ی سال میلادی است. - م.

\*\* دستگاه بین‌المللی یکاهای با توجه به سرnamهای عبارت فرانسوی Le Système International d'unités با نماد SI نوشته می‌شود. - م.

## جدول ۲-۱ پیشوندهای مربوط به

### یکاهای SI

نام	دیسی	پیشوند*	ضریب
d	سانتی	۱۰ <sup>-۱</sup>	
c	میلی	۱۰ <sup>-۲</sup>	
m	میکرو	۱۰ <sup>-۳</sup>	
μ	نانو	۱۰ <sup>-۶</sup>	
n	پیکو	۱۰ <sup>-۹</sup>	
p	فیتو	۱۰ <sup>-۱۲</sup>	
f	آتو	۱۰ <sup>-۱۵</sup>	
a	زیتو	۱۰ <sup>-۱۸</sup>	
z	یوکتو	۱۰ <sup>-۲۱</sup>	
y	یوتا	۱۰ <sup>-۲۴</sup>	
Y	زتا	۱۰ <sup>-۲۷</sup>	
Z	اکزا	۱۰ <sup>-۳۰</sup>	
E	پتا	۱۰ <sup>-۳۳</sup>	
P	ترتا	۱۰ <sup>-۳۶</sup>	
T	گیگا	۱۰ <sup>-۳۹</sup>	
G	مگا	۱۰ <sup>-۴۲</sup>	
M	کیلو	۱۰ <sup>-۴۵</sup>	
k	هیکتو	۱۰ <sup>-۴۸</sup>	
h	دیکا	۱۰ <sup>-۵۱</sup>	
da			

\* پیشوندهای با کاربرد متداول‌تر با حروف سیاه نشان داده شده‌اند.

برای نشان دادن مقادیر بسیار بزرگ، یا بسیار کوچک، از نمادگذاری علمی با به کار بردن توان‌های ۱۰ استفاده می‌شود. با این نمادگذاری می‌توان نوشت

$$356000000m = 3,56 \times 10^9 m \quad (2-1)$$

و

$$0,000000492s = 4,92 \times 10^{-7} s \quad (3-1)$$

نمادهای علمی یاد شده را در کاربردهای کامپیوتری، اغلب به صورت  $3/56E9$  و  $4,92E-7$  می‌نویستند، که در آن E نشان‌دهنده‌ی «نمای ۱۰» است. در برخی حسابگرها نمادها را باز هم مختصرتر می‌کنند و E را با فاصله‌ی خالی نشان می‌دهند.

در جاهایی که با مقادیر بسیار بزرگ، یا بسیار کوچک، سروکار داریم از پیشوندهای درج شده در جدول ۲-۱ استفاده می‌کنیم. در این جدول، هر پیشوند نشان‌دهنده‌ی توان معینی از ۱۰ به صورت یک ضریب است. قرار گرفتن پیشوند در جلو یکی از یکاهای SI به این معنی است که آن یکا باید در ضریب وابسته به پیشوند ضرب شود. بدین ترتیب، مقدار یک توان الکتریکی معین را می‌توان به صورت زیر بیان کرد

$$1,27 \times 10^9 = 1,27 \text{ GW} \quad (4-1)$$

یا، مقدار یک بازه‌ی زمانی معین را می‌توان چنین نوشت

$$2,35 \times 10^{-9} s = 2,35 \text{ ns} \quad (5-1)$$

## تبديل یکاهای

گاهی لازم است که یک کمیت فیزیکی داده شده با یک یکا را بحسب یکای دیگر بیان کنیم. برای این کار از روشی به نام تبدیل‌های زنجیری استفاده می‌شود. در این روش مقدار اصلی کمیت را در یک ضریب تبدیل (یعنی نسبتی از یکاهایی که برابر با واحد است) ضرب می‌کنیم. به عنوان مثال، چون یک دقیقه و ۶۰ ثانیه بازه‌های زمانی یکسانی هستند، داریم

$$\frac{60s}{1min} = 1 \quad \text{و}$$

بنابراین، نسبت‌های  $(60s)/(1min)$  و  $(1min)/(60s)$  را می‌توان به عنوان ضریب‌های تبدیل

به کار برد. توجه کنید که نوشتمن این رابطه‌ها به صورت  $\frac{1}{60} = 1$  یا  $1 = 60$  درست نیست.

عدد و یکای مربوط به هر کمیت باید همیشه با هم نوشتند.

چون با ضرب کردن هر کمیت در واحد، مقدار کمیت تغییر نمی‌کند ضریب‌های تبدیل را در هر جا و به هر اندازه که مفید باشند می‌توان به کاربرد. در تبدیل زنجیری باید از ضریب‌ها به گونه‌ای استفاده شود که یکاهای ناخواسته حذف شوند. مثلاً، برای تبدیل ۲ دقیقه به ثانیه، داریم

$$2 \text{ min} = (2 \text{ min})(1) = (2 \text{ min})\left(\frac{60s}{1min}\right) = 120s \quad (6-1)$$

در پیوست ت در پایان کتاب، ضریب‌های تبدیل میان SI و دستگاه‌های یکاهای غیر SI که هنوز در ایالات متحده‌آمریکا به کار می‌روند، درج شده است.

## طول

در سال ۱۷۹۲/۱۱۷۱ جمهوری فرانسه دستگاه اوزان و مقیاس‌های جدیدی را بنا نهاد. شالوده‌ی این دستگاه متر بود که برابر با یک ده میلیونیم فاصله‌ی میان قطب شمال تا استوا تعریف می‌شد. بعدها، متر به صورت فاصله‌ی میان دو خط باریک حک شده‌ی نزدیک به دو سر میله‌ای از جنس پلاتین - ایریدیوم، به نام میله‌ی متر استاندارد، تعریف شد.

سرانجام، معلوم شد که برای استاندارد طول دقیق بسیار بیش از فاصله‌ی میان دو خراش باریک بر روی یک میله‌ی فلزی مورد نیاز است. در سال ۱۹۶۰/۱۳۳۹ برای متر، استاندارد تازه‌ای که مبتنی بر طول موج نور بود پذیرفته شد. برای این منظور، استاندارد مربوط به متر به صورت  $73/1650763$  برابر طول موج نور خاص نارنجی - سرخ گسیل شده از اتم‌های کرپیتون  $-86$  (ایزوتوپ کرپیتون) در لوله‌ی تخلیه‌ی الکتریکی، که در همه جای دنیا قابل فراهم شدن است، باز تعریف شد. این تعداد طول موج‌ها را به گونه‌ای انتخاب کردند که استاندارد جدید به استاندارد میله‌ی متر نزدیک باشد.

اما در سال ۱۹۸۳/۱۳۶۲ نیاز به دقت بیشتر به جایی رسید که حتی استاندارد کرپیتون  $-86$  هم نمی‌توانست مناسب باشد. در آن سال متر به صورت مسافت پیموده شده توسط نور در یک بازه‌ی زمانی مشخص باز تعریف شد. در هفدهمین مجمع اوزان و مقیاس‌ها متر بدین گونه تعریف شد:

جدول ۳-۱ برخی طول‌های تقریبی

اندازه‌گیری	طول	بر حسب متر
فاصله تا نخستین کهکشان‌های		
تشکیل شده	$2 \times 10^{26}$	
فاصله تا کهکشان زن به		
زنجیرسته (امراآالمسلسله)	$2 \times 10^{22}$	
فاصله تا نزدیک‌ترین ستاره		
(پروکریما قنطروس)	$4 \times 10^{16}$	
فاصله تا سیاره‌ی پلوتو	$6 \times 10^{12}$	
شعاع زمین	$6 \times 10^6$	
ارتفاع قله‌ی اورست	$9 \times 10^3$	
ضخامت برگ کاغذ	$1 \times 10^{-4}$	
طول یک ویروس نوعی	$1 \times 10^{-8}$	
شعاع اتم هیدروژن	$5 \times 10^{-11}$	
شعاع پروتون	$1 \times 10^{-15}$	

متر طول مسیری است که نور در بازه‌ی زمانی  $\frac{1}{299792458}$  ثانیه در خلاء می‌پیماید.

این بازه‌ی زمانی چنان انتخاب شد که تندی نور  $c$ ، درست برابر باشد با

$$c = 299792458 \text{ m/s}$$

اندازه‌گیری‌های تندی نور چنان دقیق انجام شده‌اند که سبب شده است تندی نور به عنوان کمیتی تعریف شده پذیرفته شود و برای باز تعریف متر به کار رود. جدول ۳-۱ گستره‌ی وسیعی از طول‌ها، از اندازه‌ی عالم (سطر اول جدول) گرفته تا ابعاد اجسام بسیار ریز، را نشان می‌دهد.

## رقم‌های با معنی و رقم‌های اعشاری

فرض کنید مسئله‌ای را حل می‌کنید که در آن هر کمیت دارای دو رقم است. این رقم‌ها را رقم‌های با معنی می‌نامند و آن‌ها تعداد رقم‌هایی را نشان می‌دهند که شما برای گزارش پاسخ نهایی می‌توانید به کار ببرید. اگر داده‌ها با دو رقم با معنی ارائه شده باشند، پاسخ نهایی تنها

باید دو رقم با معنی داشته باشد. اما بسته به حالتی که بر روی ماشین حساب انتخاب می‌شود، ممکن است رقم‌های بیشتری نمایش داده شوند. این رقم‌های اضافی بی‌معنی هستند.

در این کتاب، نتایج نهایی محاسبات گرد شده‌اند تا با کمترین تعداد رقم‌های با معنی در داده‌ها سازگار باشند. هرگاه آخرین رقم حاصل  $5$  یا بیشتر باشد، آن رقم را حذف و به رقم قبلی یک واحد اضافه می‌کنیم؛ در غیر این صورت به آن رقم دست نمی‌زنیم. برای مثال،  $11/3516$  تا سه رقم با معنی به صورت  $11/4$  گرد می‌شود.

وقتی عددی مانند  $15/3$  یا  $15 \times 10^3$  در مسئله به وجود می‌آید، تعداد رقم‌های با معنی مشخص است، اما در مورد عدد  $3000$  چطور؟ آیا می‌توان گفت که این عدد یک رقم با معنی دارد ( $3 \times 10^3$ )؟ یا می‌توان گفت که این عدد چهار رقم با معنی دارد ( $3/000 \times 10^3$ )؟ در این کتاب، فرض می‌کنیم که در عددی مانند  $3000$  همه‌ی صفرها نیز با معنی‌اند، اما بهتر است در جای دیگر از این فرض استفاده نکنیم.

رقم‌های با معنی را با رقم‌های اعشاری اشتباه نکنید. طول‌های  $35/6\text{ mm}$ ،  $35/6\text{ m}$  و  $0/00356\text{ m}$  را در نظر بگیرید. این هر سه طول سه رقم با معنی دارند، اما به ترتیب، دارای یک، دو و پنج رقم اعشاری هستند.



### مسئله‌ی نمونه ۱-۱ برآورد مرتبه‌ی بزرگی

شعاع بزرگ‌ترین گلوله‌ی نخ دنیا در حدود  $2$  متر است. طول کل نخ این گلوله  $L$ ، در حد نزدیک‌ترین مرتبه‌ی بزرگی چقدر است؟

#### نکته‌ی کلیدی

ما می‌توانیم گلوله را باز کنیم و طول کل نخ،  $L$ ، را اندازه بگیریم. اما این کار پر زحمت است و تهیه کننده‌ی گلوله را هم خوشحال نمی‌کند. در اینجا چون می‌خواهیم فقط نزدیک‌ترین مرتبه‌ی بزرگی را بدانیم، می‌توانیم هر کمیتی را که برای محاسبه نیاز داریم تخمین بزنیم.

**محاسبات:** گلوله‌ی نخ را به صورت کره‌ای با شعاع  $R = 2\text{ m}$  فرض می‌کنیم. در این گلوله، نخ‌ها تنگ هم قرار نگرفته‌اند (یعنی، میان رشته‌های نخ مجاور فضای خالی وجود دارد که قابل اندازه‌گیری نیست). با درنظر گرفتن این فضای خالی مقطع نخ را مربعی به ضلع  $d = 4\text{ mm}$  می‌گیریم. در این صورت، نخ با

مساحت مقطع  $d^2$  و طول  $L$  حجمی برابر با

$$d^2 L = 4R^3$$

و از آنجا

$$L = \frac{4R^3}{d^2} = \frac{4(2\text{ m})^3}{(4 \times 10^{-3}\text{ m})^2} \Rightarrow$$

$$L = 2 \times 10^6 \text{ m} \approx 10^6 \text{ m} = 10^3 \text{ km} \quad (\text{پاسخ})$$

(توجه کنید که در این محاسبه‌ی ساده به ماشین حساب نیازی نداریم). بنابراین، در حد نزدیک‌ترین مرتبه‌ی بزرگی طول نخ گلوله در حدود  $1000\text{ km}$  است!



## ۲-۱ استاندارد زمان

### تکنیک‌های کلیدی

- ثانیه بر حسب نوسان‌های نور گسیل شده توسط یک چشم‌می از استاندارد کننده، به سراسر جهان فرستاده می‌شوند.

### زمان

اندازه‌گیری زمان دو جنبه دارد. در عرف و در برخی از منظورهای علمی نیاز داریم لحظه‌ای از شبانه روز را بدانیم تا بتوانیم ترتیب زمانی رویدادها را مشخص کنیم. اما در بسیاری از کارهای علمی می‌خواهیم بدانیم که یک رویداد چه مدت طول می‌کشد. بنابراین، هر استاندارد زمانی باید بتواند به این دو پرسش جواب دهد: «چه وقت روی داده است؟» و «چه مدت طول کشیده است؟». جدول ۴-۱ برخی بازه‌های زمانی را نشان می‌دهد.

هر پدیده‌ی تکرارشونده می‌تواند یک استاندارد زمان باشد. چرخش زمین به دور خود، که مدت زمان شبانه‌روز را معین می‌کند، در طی سده‌های متعددی معیاری برای این کار بوده است. ساعت کوارتز را، که در آن قطعه‌ای از کوارتز پیوسته ارتعاش می‌کند، می‌توان بر مبنای چرخش زمین درجه‌بندی کرد و آن را برای استانداره‌گیری بازه‌های زمانی در آزمایشگاه به کار برد. اما این درجه‌بندی را با دقیقی که در فناوری علمی و مهندسی نوین مورد نیاز است، نمی‌توان انجام داد.

برای پیدا کردن استاندارد زمانی بهتر، ساعت‌های اتمی را ساخته‌اند. ساعت اتمی مؤسسه‌ی ملی استانداردها و فناوری (NIST)<sup>۱</sup> در بولدر<sup>۲</sup> کلرادو<sup>۳</sup> استانداردی برای زمان جهانی هماهنگ شده (UTC)<sup>۴</sup> در ایالات متحده امریکا است. علامت‌های زمانی این ساعت از طریق موج‌های کوتاه رادیویی (ایستگاه‌های WWV و WWVH) و تلفن (به شماره‌ی ۴۹۹-۷۱۱۱-۳۰۳) در دسترس‌اند. هم‌چنین، علامت‌های زمانی (و اطلاعات وابسته) به وسیله‌ی رصدخانه‌ی دریایی ایالات متحده<sup>۵</sup> در یک وب‌گاه جهانی<sup>۶</sup> در اختیار قرار دارند. برای میزان کردن یک ساعت به نحو بسیار دقیق در یک محل خاص زمان باید لازم برای رسیدن علامت‌ها به آن محل را نیز در نظر گرفت.

شکل ۱-۱ تغییرات طول شبانه‌روز روی زمین در یک دوره‌ی چهار ساله را، که بر مبنای مقایسه با ساعت (اتمی) سزیومی معین شده است، نشان می‌دهد. چون تغییرات نمایش داده شده در شکل ۱-۱ فصلی و تکرار شونده هستند گمان می‌رود که اختلاف زمان اندازه‌گیری شده توسط ساعت‌های زمینی و اتمی به چرخش زمین مربوط باشد. این تغییرات از اثرهای کشنده (جزر و مدی) ماه و وجود بادهای بزرگ - مقیاس جوی ناشی می‌شوند.

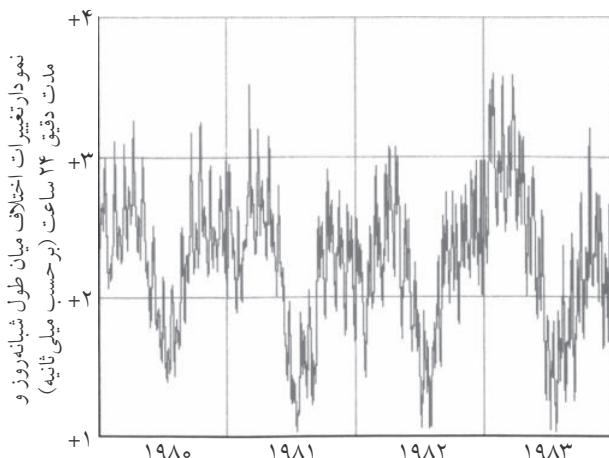
جدول ۴-۱	برخی بازه‌های زمانی تقریبی
بازه‌ی زمانی	
برحسب ثانیه	اندازه‌گیری
عمر میانگین پروتون	عمر میانگین پروتون (پیشگویی شده)
$3 \times 10^{40}$	$3 \times 10^{40}$
عمر جهان	عمر هرم خنپس
$5 \times 10^{17}$	$1 \times 10^{11}$
عمر متوسط انسان	عمر متوسط انسان
$2 \times 10^9$	$9 \times 10^4$
طول مدت شبانه‌روز	طول مدت شبانه‌روز
$8 \times 10^{-11}$	مدت زمان بین دو ضربان
قلب انسان	عمر میانگین میوئن
$2 \times 10^{-6}$	$1 \times 10^{-16}$
کوتاه ترین زمان تپ نوری	کوتاه ترین زمان تپ نوری
آزمایشگاهی	آزمایشگاهی
عمر میانگین ناپایدارترین ذره	عمر میانگین ناپایدارترین ذره
زمان پلانک*	زمان پلانک*

\* زمان پلانک نزدیک ترین زمان پس از وقوع مهیانگ (انفجار بزرگ) است که در آن قوانین فیزیک را آن طور که می‌شناسیم می‌توان به کاربرد.

1. National Institute of Standards and Technology (NIST)  
3. Colorado  
5. United States Naval Observatory

2. Boulder  
4. Coordinated Universal Time (UTC)  
6. Web site <http://tycho.usno.navy.mil/time.html>

شکل ۱-۱ نمودار تغییرات طول شباهنگی روز در یک دوره چهارساله. توجه کنید که تمام محور عمودی برای ۳ میلی ثانیه ( $s = 0.003$ ) درجه‌بندی شده است.



در سال ۱۹۶۷/۱۳۴۶ سیزدهمین مجمع عمومی اوزان و مقیاس‌ها بر پایه ساعت سزیومی، تعریف استاندارد زمان، ثانیه، را چنین پذیرفت

★  
یک ثانیه زمانی است که طول می‌کشد تا نور (با طول موج خاص) گسیل شده از اتم سزیوم - ۱۳۳، تعداد ۹۱۹۲۶۳۱۷۷۰ نوسان انجام دهد.

سازگاری ساعت‌های اتمی چنان است که دو ساعت سزیومی پس از ۶۰۰۰ سال کار کردن بیش از یک ثانیه با هم اختلاف پیدا نمی‌کنند. این دقیقت در مقایسه با ساعت‌هایی که به تازگی ساخته شده‌اند باز هم ناچیز است. دقیقت این ساعت‌ها می‌تواند به یک در  $10^{-18}$ ، یعنی، یک ثانیه در  $10^{18} s$  (در حدود  $10^{10} \times 3$  سال) برسد.

## ۳-۱ استاندارد جرم

### نکته‌های کلیدی

- کیلوگرم بر حسب یک جرم استاندارد از جنس پلاتین - ایریدیوم نگهداری شده در نزدیکی پاریس تعریف می‌شود. برای اندازه‌گیری جرم در مقیاس اتمی، از یکای جرم اتمی ( $a.m.u$ )، تعریف شده
  - برحسب اتم کربن - ۱۲، استفاده می‌شود.
  - چگالی یک ماده  $\rho$ ، برابر با جرم واحد حجم است:
- $$\rho = \frac{m}{V}$$

### جرم

#### کیلوگرم استاندارد

استاندارد جرم در دستگاه بین‌المللی یکاهای (SI) استوانه‌ای از جنس پلاتین - ایریدیوم است که در اداره‌ی بین‌المللی اوزان و مقیاس‌ها، واقع در نزدیکی پاریس، نگهداری می‌شود و بنابر توافق بین‌المللی به آن جرم یک کیلوگرم نسبت داده شده است. جدول ۵-۱ برخی جرم‌ها را که در گستره‌ای از مرتبه‌ی بزرگی ۸۳ قرار دارند، بر حسب کیلوگرم، نشان می‌دهد.

## جرم استاندارد دوم

### جدول ۵-۱ برحی جرم‌های تقریبی

جسم	جرم بر حسب کیلوگرم
جهان شناخته شده	$1 \times 10^{53}$
کهکشان ما	$2 \times 10^{41}$
خورشید	$2 \times 10^{30}$
ماه	$7 \times 10^{22}$
سیارک اروس	$5 \times 10^{15}$
کوه کوچک	$1 \times 10^{12}$
کشتی اقیانوس پیما	$7 \times 10^7$
فیل	$5 \times 10^3$
دانه‌ی انگور	$3 \times 10^{-3}$
ذره‌ی غبار	$7 \times 10^{-10}$
مولکول پنی‌سیلین	$5 \times 10^{-17}$
اتم اورانیوم	$4 \times 10^{-25}$
پروتون	$2 \times 10^{-27}$
الکترون	$9 \times 10^{-31}$

جرم اتم‌ها را با کیلوگرم استاندارد نمی‌توان مقایسه کرد. بدین‌جهت، جرم استاندارد دومی هم وجود دارد. مبنای این استاندارد، جرم اتم کربن-۱۲ است، که بنا به توافق بین‌المللی، به کربن جرمی برابر با ۱۲ برابر یکای جرم اتمی (با نماد u) نسبت داده شده است. رابطه‌ی میان دو یکای جرم چنین است

$$1u = 1,660,538,886 \times 10^{-27} \text{ kg} \quad (7-1)$$

عدم قطعیت این عدد  $\pm 10$  در دو رقم اعشاری آخر است. دانشوران با دقیقیت پذیرفتند می‌توانند به طور تجربی جرم اتم‌های دیگر را نسبت به جرم کربن-۱۲ معین کنند.

## چگالی

چگالی  $\rho$  (حرف یونانی کوچک رو) یک جسم، جرم یکای حجم آن جسم است:

$$\rho = \frac{m}{V} \quad (8-1)$$

چگالی‌ها را بر حسب کیلوگرم بر متر مکعب، یا گرم بر سانتی‌متر مکعب، بیان می‌کنند. چگالی آب ( $1,000$  گرم بر سانتی‌متر مکعب) را، اغلب، برای مقایسه به کار می‌برند. چگالی برف تازه در حدود  $10\%$  چگالی آب و چگالی پلاتین در حدود  $21$  برابر چگالی آب است.

## مسئله‌ی نمونه ۲-۱ چگالی و آبگونش

### نکته‌ی کلیدی

چگالی شن در نمونه، شن  $\rho$ ، برابر با جرم یکای حجم - یعنی نسبت

جرم کل دانه‌های شن، شن  $m$ ، به حجم کل نمونه کل  $V$ ، است:

$$\rho = \frac{\text{شن}}{\text{کل}} = \frac{m}{V} \quad (10-1)$$

محاسبات: حجم کل نمونه کل  $V$ ، برابر است با

$$V_{\text{فضاهای تهی}} + V_{\text{دانه ها}} = V_{\text{کل}}$$

با جانشانی فضاهای تهی  $V$  از معادله ۹-۱ و حل کردن معادله

نسبت به دانه ها  $V_{\text{دانه ها}}$ ، داریم

$$\frac{V_{\text{کل}}}{V_{\text{دانه ها}}} = \frac{V}{1+e} \quad (11-1)$$

با توجه به معادله ۸-۱، جرم کل دانه‌های شن، شن  $m$ ، برابر با

حاصل ضرب چگالی دی‌اکسید سیلیسیوم در حجم کل دانه‌های

شن است:

در هنگام وقوع زمین‌لرزه اگر لرزش باعث آبگونش زمین شود ذرات خاک در هنگام لغزیدن بر روی هم با اصطکاک کمی روبرو می‌شوند و هر جسم سنگینی می‌تواند در زمین فرو رود. در این صورت، سطح زمین به شکل باتلاقی از ماسه‌ی روان در می‌آید. امکان آبگونش زمین شنی را می‌توان بر حسب نسبت فضای تهی  $e$ ، برای نمونه‌ای از زمین پیشگویی کرد:

$$e = \frac{V_{\text{فضاهای تهی}}}{V_{\text{دانه ها}}} \quad (9-1)$$

در اینجا دانه ها  $V$  حجم کل دانه‌های شن در نمونه و فضاهای تهی  $V$  حجم کل بین دانه‌ها (در فضاهای تهی) است. اگر  $e$  از مقدار بحرانی  $80^\circ$  بیشتر شود، در حین زمین‌لرزه آبگونش می‌تواند بروز کند. چگالی شن شن  $\rho$ ، چقدر است؟ چگالی دی‌اکسید سیلیسیوم جامد (جزء اصلی شن)،

$$\rho(\text{SiO}_2) = 2,600 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

$e = 0/80$ ، در می‌یابیم که آبگونش هنگامی رخ می‌دهد که  
چگالی شن کمتر از مقدار زیر باشد

$$\rho_{\text{پاسخ}} = \frac{2,600 \times 10^3 \text{ kg/m}^3}{1/80} = 1,4 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$$

در هنگام بروز آبگونش، یک ساختمان ممکن است چندین متر  
در زمین فرو برود.



$$m = \rho(\text{SiO}_2) V \quad \text{دانه ها شن} \quad (12-1)$$

با جانشانی این رابطه در معادله ۱۰-۱ و سپس جانشانی

$$V = \rho(\text{SiO}_2) / \rho_{\text{کل}} \quad \text{دانه ها} \quad (11-1)$$

$$\rho = \frac{\rho(\text{SiO}_2)}{1+e} \times \frac{V}{V} = \frac{\rho(\text{SiO}_2)}{1+e} \quad (13-1)$$

با جانشانی  $\rho(\text{SiO}_2) = 2,600 \times 10^3 \text{ kg/m}^3$  و مقدار بحرانی

ضریب‌های تبدیلی برابر با واحد ضرب می‌شوند و یکاهای مانند  
کمیت‌های جبری به گونه‌ای دست کاری می‌شوند که فقط یکاهای  
مطلوب باقی بمانند.

طول متر، بنا به تعریف، مسافتی است که نور به طور دقیق در  
یک بازه‌ی زمانی مشخص می‌پیماید.

زمان ثانیه برابر مبنای نوسان‌های نور گسیل شده از یک چشممه‌ی  
اتمی (سزیوم - ۱۳۳) تعریف می‌شود. علامت‌های زمانی دقیق از  
طریق امواج رادیویی، که با ساعت‌های اتمی آزمایشگاه‌های  
استانداردکننده میزان شده‌اند به سراسر دنیا فرستاده می‌شوند.

جرم کیلوگرم، بنابر تعریف، عبارت است از پیش نمونه‌ای  
خاص از پلاتین - ایریدیوم که در نزدیکی پاریس، فرانسه، نگهداری  
می‌شود. برای اندازه‌گیری در مقیاس اتمی، به طور معمول، یکای  
جرم اتمی را، که برابر نیز جرم اتم کربن - ۱۲ تعریف شده است،  
به کار می‌برند.

چگالی چگالی یک ماده  $m$ ، جرم یکای حجم آن ماده است:

$$\rho = \frac{m}{V} \quad (8-1)$$

اندازه‌گیری در فیزیک دانش فیزیک مبتنی بر اندازه‌گیری  
کمیت‌های فیزیکی است. برخی کمیت‌های فیزیکی به عنوان  
کمیت‌های اصلی انتخاب شده‌اند (مانند طول، زمان و جرم)، که هر  
یک برحسب یک استاندارد و یک یکای اندازه‌گیری معین تعریف  
شده‌اند (مانند متر، ثانیه و کیلوگرم). سایر کمیت‌های فیزیکی برحسب  
کمیت‌های اصلی و استانداردها و یکاهای آنها تعریف می‌شوند.

یکاهای SI در این کتاب دستگاه یکای مورد تأکید، دستگاه  
بین‌المللی یکاهای (SI) است. در فصل‌های آغازین کتاب سه کمیت  
فیزیکی مندرج در جدول ۱-۱ کاربرد بیشتری دارند. استانداردها، که  
باید دسترس‌پذیر و تغییرنپذیر باشند، با توافق بین‌المللی برای  
کمیت‌های اصلی در نظر گرفته شده‌اند. این استانداردها هم برای  
کمیت‌های اصلی و هم برای کمیت‌های فرعی حاصل از آن‌ها در  
تمام اندازه‌گیری‌های فیزیکی به کار می‌روند. برای ساده‌سازی  
نمادهای اندازه‌گیری می‌توان از نمادهای علمی و پیشوندهای جدول  
۱-۱ استفاده کرد.

تبديل یکاهای تبدیل یکاهای را با استفاده از روش تبدیل‌های  
زنگیری می‌توان انجام داد. در این روش، داده‌ها پس درپی در

## مرور و چکیده‌ی مطالعه

### پودمان ۱-۱ اندازه‌گیری کمیت‌ها

۷ \*\*\* تصور کنید در حالی که در ساحلی در نزدیکی استوا دراز کشیده‌اید و غروب خورشید را در افق دریای آرام تماشا می‌کنید، درست در لحظه‌ی ناپدید شدن لبه‌ی بالای قرص خورشید یک ساعت وقت نگهدار را به کار می‌اندازید. سپس سرپا می‌ایستید و در حالی که ارتفاع چشم‌های شما از سطح زمین  $H = 1/70\text{ m}$  است، دوباره در لحظه‌ی ناپدید شدن لبه‌ی بالای قرص خورشید، ساعت را از کار می‌اندازید. اگر این بازه‌ی زمانی  $t = 11/18$  باشد، شعاع کره‌ی زمین  $r$ ، چقدر است؟

### پودمان ۱-۲ استاندارد جرم

۸ جرم زمین  $5/98 \times 10^{24}\text{ kg}$  است. جرم متوسط اتم‌هایی که ماده‌ی زمین را تشکیل می‌دهند  $40\text{n}$  است. زمین از چند اتم تشکیل شده است؟

۹ طلا با چگالی  $19/32\text{ g/cm}^3$ ، شکل پذیرترین فلزات است و می‌توان آن را در اثر فشردن به صورت یک برگه‌ی نازک یا در اثر کشیدن به صورت یک تار باریک درآورد. (الف) اگر نمونه‌ای از طلا به جرم  $27/63$  گرم را در اثر فشردن به برگه‌ای به ضخامت  $1/00\text{ }\mu\text{m}$  تبدیل کنیم، مساحت برگه‌ی طلا چقدر می‌شود؟ (ب) اگر این نمونه‌ی طلا را در اثر کشیدن به یک تار استوانه‌ای باریک با مقاطعی به شعاع  $2/500\text{ }\mu\text{m}$  تبدیل کنیم، طول تار چقدر می‌شود؟

۱۰ (الف) با فرض آنکه چگالی آب درست  $1\text{ g/cm}^3$  است، جرم یک متر مکعب آب را بحسب کیلوگرم پیدا کنید. (ب) فرض کنید  $10/0$  ساعت طول بکشد تا مخزنی حاوی  $5700\text{ m}^3$  آب خالی شود. «آهنگ شارش جرم» آب از مخزن، بحسب کیلوگرم بر ثانیه چیست؟

۱۱ بر اثر بارندگی، بخشی از خاک دامنه‌ی یک کوه به ابعاد  $2/5\text{ km}$ ،  $2/0\text{ km}$  در راستای شیب کوه به سمت بالا و به عمق  $2/0\text{ m}$  به صورت گل و لای کنده می‌شود و به یک دره می‌ریزد. فرض کنید این گل و لای به طور یکنواخت در سطح دره به ابعاد  $40\text{ km} \times 40\text{ km}$  پخش می‌شود و چگالی گل و

\* ۱ زمین کره‌ای با شعاع تقریبی  $6/37 \times 10^6\text{ m}$  است. (الف) محیط زمین بحسب کیلومتر، (ب) مساحت سطح زمین بحسب کیلومتر مربع و (پ) حجم زمین بحسب کیلومتر مکعب، چیست؟

\* ۲ میکرومتر ( $1\text{ }\mu\text{m}$ ) را اغلب میکرون می‌نامند. (الف)  $1/0\text{ km}$  چند میکرون است؟ (ب)  $1/0\text{ }\mu\text{m}$  چه کسری از سانتی‌متر است؟ (پ) یک یارد چند میکرون است؟

\* ۳ جنوبگان (قطب جنوب) ناحیه‌ای، به شکل تقریبی نیم‌دایره به شعاع  $2000\text{ km}$  است (شکل ۲-۱). ضخامت متوسط پوشش یخ در این ناحیه  $3000\text{ m}$  است. حجم یخ ناحیه‌ی جنوبگان چند سانتی‌متر مکعب است؟ (نمیدگی سطح زمین را نادیده بگیرید).



شکل ۲-۱ مسئله‌ی ۳.

### پودمان ۱-۳ استاندارد زمان

\* ۴ سریع‌ترین رشد گیاهی ثبت شده مربوط به هسپریوکاویپلی<sup>1</sup> است که در مدت  $14$  شب‌نروز به اندازه  $7\text{ m}$  رشد کرد. آهنگ رشد این گیاه بحسب میکرومتر بر میلی ثانیه چه بوده است؟

\* ۵ مدت یک جلسه‌ی درس ( $50$  دقیقه) در حدود یک میکروقرن است. (الف) یک میکروقرن چند دقیقه است؟ (ب) با استفاده از معادله‌ی زیر

$$\frac{\text{مقدار تقریبی} - \text{مقدار واقعی}}{\text{مقدار واقعی}} \times 100 = \text{درصد اختلاف}$$

درصد اختلاف را نسبت به مقدار تقریبی به دست آورید.

\* ۶ چون چرخش زمین به تدریج در حال گند شدن است، طول هر شب‌نروز افزایش می‌یابد: طول شب‌نروز در پایان یک قرن به اندازه‌ی  $1/0\text{ ms}$  بیشتر از آغاز قرن است. در مدت  $30$  قرن مقدار افزایش کل طول شب‌نروز چیست؟

1. Hesperoyucca whipplei

۱۵ در مخزنی که اندکی نشستی دارد آب ریخته می‌شود. جرم آب موجود در مخزن  $m$ ، برحسب زمان  $t$  از معادله‌ی

$$m = 5 \cdot 10^8 - 3 \cdot 10^8 t + 2 \cdot 10^8$$

برحسب گرم و  $t \geq 0$  برحسب ثانیه است. (الف) در چه زمانی مخزن بیشترین جرم آب را دارد؟ (ب) این بیشترین جرم چقدر است؟ آهنگ تغییر جرم آب برحسب کیلوگرم بر دقيقه در زمان‌های (پ)  $t = 5 \cdot 10^8$  و (ت)  $t = 2 \cdot 10^8$ ، چیست؟

۱۶ ظرفی با دیوارهای قائم و مساحت قاعده‌ی

$$170 \text{ cm} \times 140 \text{ cm}$$

حجم  $50 \cdot 10^3 \text{ mm}^3$  و جرم  $5 \cdot 10^2 \text{ g}$ ، پر می‌کنیم. فرض کنید حجم فضای خالی میان دانه‌های آب نبات قابل چشمپوشی است. اگر ارتفاع آب نبات‌های ظرف با آهنگ  $0 \cdot 250 \text{ cm/s}$  افزایش یابد، آهنگ افزایش یافتن جرم آب نبات‌ها (برحسب کیلوگرم بر دقيقه) در ظرف چقدر است؟

لای  $\text{kg/m}^3$  ۱۹۰۰ است. جرم گل و لای تهنشین شده در

$$\text{مساحت } 4 \cdot 10^3 \text{ m}^2 \text{ از دره چقدر است؟}$$

۱۲ یک سانتی‌متر مکعب از ابر کومه‌ای (کومولوس) دارای

$$10 \mu\text{m}$$

است. برای این گستره از تعداد قطره‌های آب کمترین و بیشترین مقادیر متناظر را، به ترتیب، در حالت‌های زیر مشخص کنید.

(الف) در استوانه‌ای از ابر کومه‌ای به ارتفاع  $3 \cdot 10 \text{ km}$  و شعاع

$$1 \cdot 10 \text{ km}$$

بطری یک لیتری را پر می‌کند؟ (پ) چگالی آب  $1000 \text{ kg/m}^3$

است. جرم آب موجود در این ابر چقدر است؟

۱۳ چگالی آهن  $7 \cdot 87 \text{ g/cm}^3$  و جرم یک اتم آهن

$$9 \cdot 27 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

چیده شده در نظر می‌گیریم. (الف) حجم یک اتم آهن چقدر

است؟ (ب) فاصله‌ی میان مرکزهای دو اتم مجاور چیست؟

۱۴ یک مول اتم برابر با  $6 \cdot 02 \times 10^{23}$  اتم است. بدن یک

گربه‌ی خانگی بزرگ تا نزدیک‌ترین مرتبه‌ی بزرگی، شامل چند

مول اتم است؟ جرم اتم هیدروژن، اتم اکسیژن، اتم کربن،

به ترتیب،  $1 \cdot 0 \text{ u}$ ،  $1 \cdot 6 \text{ u}$  و  $12 \text{ u}$  است.



## فصل ۲

# حرکت در طول خط راست

## ۱-۲ مکان، جایه‌جایی، و سرعت متوسط

### نکته‌های کلیدی

است با

$$v_{\text{avg}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1}$$

- علامت جبری  $v_{\text{avg}}$  جهت حرکت را نشان می‌دهد ( $v_{\text{avg}}$  کمیتی برداری است). سرعت متوسط به مسافت واقعی پیموده شده توسط ذره بستگی ندارد، اما در عوض، به مکان‌های آغازی و پایانی ذره بستگی دارد.

- در روی یک نمودار  $x$  بر حسب  $t$ ، سرعت متوسط در بازه زمانی  $\Delta t$ ، با شیب خط راست وصل کنندهٔ دو نقطهٔ منحنی که معرف دو انتهای بازهٔ زمانی هستند، برابر است.

- تندی متوسط  $s_{\text{avg}}$  یک ذره در طی بازهٔ زمانی  $\Delta t$  به مسافت کل پیموده شده در این بازهٔ زمانی بستگی دارد:

$$s_{\text{avg}} = \frac{\text{مسافت کل}}{\Delta t}$$

- مکان  $x$  یک ذره بر روی محور  $x$ ، جای ذره نسبت به مبدأ، یا نقطهٔ صفر محور را معین می‌کند.
- مکان ذره، بسته به این که ذره در کدام طرف مبدأ قرار دارد، مثبت یا منفی است، یا اگر ذره در مبدأ باشد مکان آن صفر است. جهت مثبت مثبت بر روی یک محور همان جهت افزایش یافتن عدددهای مثبت است؛ جهت مخالف، جهت منفی محور  $x$  است.
- جایه‌جایی یک ذره  $\Delta x$ ، تغییر مکان ذره است:

$$\Delta x = x_2 - x_1$$

- جایه‌جایی کمیتی برداری است. این کمیت مثبت است اگر ذره در جهت مثبت محور  $x$  حرکت کرده باشد و منفی است اگر ذره در جهت منفی حرکت کرده باشد.

- هرگاه ذره‌ای در بازهٔ زمانی  $t_2 - t_1 = \Delta t$  از مکان  $x_1$  تا مکان  $x_2$  حرکت کند، سرعت متوسط آن در این بازهٔ زمانی برابر

### فیزیک در این باره چه می‌گوید؟

یکی از هدف‌های دانش فیزیک مطالعهٔ حرکت اجسام است – مثلاً، اینکه یک جسم با چه سرعتی حرکت می‌کند و در یک مدت معین چه مسافتی را می‌پیماید. مهندسان انجمن ملی مسابقات خودروهای معمولی در حالی که کارایی خودروهای خود را پیش از مسابقه و در حین مسابقه بررسی می‌کنند، در مورد این جنبه از دانش فیزیک تعصب نشان می‌دهند. زمین‌شناسان در تلاش برای پیشگویی زمین‌لرزه از این بخش دانش فیزیک برای اندازه‌گیری حرکت صفحات زمین ساخت استفاده می‌کنند. پژوهشگران حوزهٔ پزشکی در هنگام تشخیص گرفتگی جزئی در یک سرخرگ، برای شناخت شارش خون در بدن بیمار به این بخش فیزیک نیاز دارند و راننده‌ها هم به این بخش فیزیک توجه دارند تا هنگام دریافت کردن

اعلام خطر آشکارساز را دار خودرو خود بتوانند سرعت خودرو را با آهنگ مناسبی کم کنند. در این مورد مثال‌های زیادی را می‌توان بیان کرد. در این فصل کتاب، ما فیزیک پایه‌ی مربوط به حرکت را در حالتی مطالعه می‌کنیم که یک جسم (خودرو مسابقه، صفحه‌ی زمین ساخت، یاخته‌ی خون، یا هر جسم دیگر) در طول یک محور حرکت می‌کند. چنین حرکتی را حرکت یک بعدی می‌نامند.

## حرکت

دنیا و هر چه در آن است در حال حرکت است. حتی اجسام به ظاهر ساکن، مانند یک جاده، با چرخش زمین به دور خود، حرکت مداری زمین به دور خورشید، حرکت مداری خورشید به دور مرکز کهکشان راه شیری و حرکت این کهکشان نسبت به کهکشان‌های دیگر، نیز حرکت می‌کنند. رده‌بندی و مقایسه‌ی حرکت‌ها (که حرکت‌شناسی، یا سینماتیک نام دارد) اغلب کاری چالش برانگیز است. ما دقیقاً چه چیزی را اندازه می‌گیریم و مقایسه را چگونه انجام می‌دهیم؟ پیش از آنکه برای پاسخ دادن به این پرسش‌ها تلاش کنیم، برخی ویژگی‌های کلی حرکت را که در سه موضوع زیر قرار می‌گیرند، بررسی می‌کنیم.

۱. حرکت فقط در طول یک خط راست انجام می‌شود. این خط ممکن است در راستای قائم، در راستای افقی، یا به صورت مورب باشد، اما باید راست باشد.

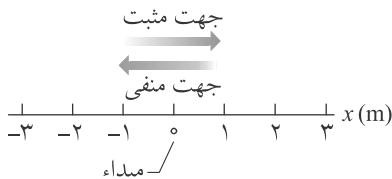
۲. نیروها (هُل دادن‌ها و کشیدن‌ها) باعث ایجاد حرکت می‌شوند. در این فصل، تنها خود حرکت و تغییر در حرکت را مطالعه می‌کنیم. در اینجا، می‌خواهیم بدانیم آیا جسم متحرک سرعتش زیاد می‌شود یا کم می‌شود، متوقف می‌شود یا جهت حرکتش عوض می‌شود؟ اگر حرکت تغییر می‌کند، زمان در این تغییر چگونه دخالت می‌کند؟

۳. جسم در حالت حرکت، یک ذره است (منظور جسم نقطه مانند نظری الکترون است) یا جسمی است که مانند یک ذره حرکت می‌کند. یک قطعه‌ی چدن خشک را که از بالای یک سطح شیبدار به پایین می‌لغزد، می‌توان یک ذره‌ی در حال حرکت در نظر گرفت؛ اما بوته‌ی خاری را که در حال وول خوردن به پایین است نمی‌توان یک ذره فرض کرد.

## مکان و جایه‌جایی

تعیین مکان یک جسم به معنی پیدا کردن موضع جسم نسبت به یک نقطه‌ی مرجع است، که اغلب، مبدأ (یا نقطه‌ی صفر) محوری مانند محور  $x$ ، در شکل ۱-۲ است. جهت مثبت این محور همان جهت افزایش یافتن عدددها (مختصه‌ها) است، که در شکل ۱-۲ به سمت راست است، و جهت مخالف، جهت منفی است.

برای مثال، یک ذره ممکن است در مکان  $x = 5\text{ m}$  باشد، که نشان می‌دهد ذره در فاصله‌ی ۵ متری طرف مثبت مبدأ واقع شده است. اگر ذره در مکان  $x = -5\text{ m}$  باشد، معنی اش این است که به همان فاصله در سوی مخالف مبدأ واقع است. نوشتن علامت مثبت مختصه لازم نیست، اما علامت منفی را همیشه باید نوشت.



شکل ۱-۲ نمودار مکان یک جسم در روی محوری معین می‌شود که برحسب یکاهای طول (در اینجا متر) نشانه‌گذاری شده و در دو جهت مخالف تا بی‌نهایت امتداد یافته است. نام محور، که در اینجا  $x$  است، همیشه در طرف مثبت مبدأ نوشته می‌شود.

تغییر مکان ذره از  $x_1$  به مکان دیگر  $x_2$  را جابه‌جایی  $\Delta x$ ، می‌نامند که برابر است با

$$\Delta x = x_2 - x_1 \quad (1-2)$$

[نماد  $\Delta$ ، حرف یونانی دلتای بزرگ است، که نشان دهنده تغییر یک کمیت و معرف مقدار پایانی (نهایی) منهای مقدار آغازی (اولی) کمیت است]. هنگامی که عددهای مربوط به مکان‌های  $x_1$  و  $x_2$  را در معادله ۱-۲ قرار می‌دهیم، حاصل مثبت همیشه نشان می‌دهد که جابه‌جایی در جهت مثبت (در شکل ۱-۲ به طرف راست) و حاصل منفی نشان می‌دهد که جابه‌جایی در جهت مخالف (در شکل ۱-۲ به طرف چپ) است.

تعداد واقعی مترهای پیموده شده در طی یک مسافت به جابه‌جایی ربطی ندارد؛ جابه‌جایی فقط مربوط به مکان‌های آغازی و پایانی حرکت است. به عنوان مثال، اگر ذره از  $x = 5\text{ m}$  به  $x = 20\text{ m}$  برود و دوباره به  $x = 5\text{ m}$  برگردد، جابه‌جایی از آغاز تا پایان برابر است با  $\Delta x = (5\text{ m}) - (5\text{ m}) = 0$ .

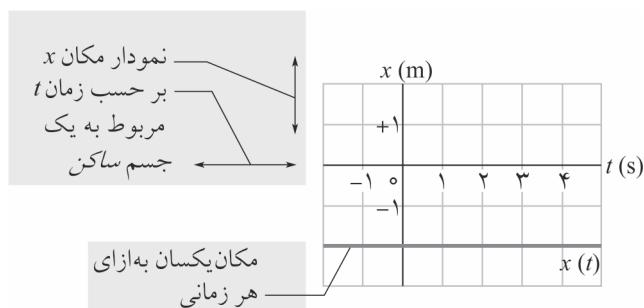
**علامت‌ها.** علامت مثبت برای جابه‌جایی نیازی به نشان دادن ندارد، اما علامت منفی را همیشه باید نشان داد. اگر علامت (و در نتیجه جهت) جابه‌جایی را نادیده بگیریم، فقط بزرگی (یا قدر مطلق) جابه‌جایی مشخص می‌شود. برای مثال، جابه‌جایی  $\Delta x = -4\text{ m}$  دارای بزرگی  $4\text{ m}$  است.

جابه‌جایی نمونه‌ای از کمیت برداری است، که کمیتی دارای جهت و بزرگی، هر دو، است. جابه‌جایی دو ویژگی دارد: (۱) بزرگی، که مسافت (مثلاً تعداد مترهای) بین مکان‌های آغازی و پایانی است. (۲) **جهت**، که از مکان آغازی به سمت مکان پایانی است، و اگر حرکت در راستای یک محور صورت گیرد، جهت با علامت مثبت یا منفی نشان داده می‌شود.

## سرعت متوسط و تندی متوسط

برای توصیف مکان، یک روش ساده استفاده از نمودار مکان  $x$  به صورت تابعی از زمان  $t$ ، یعنی نمودار  $x(t)$  است [نمادگذاری  $x(t)$  به معنی  $x$  تابعی از  $t$  است، نه حاصل ضرب  $x$  در  $t$ ] . به عنوان مثالی ساده، شکل ۲-۲ تابع  $x(t)$  مربوط به یک حیوان در حال سکون (که آن را یک ذره در نظر می‌گیریم) در بازه‌ی زمانی ۷ ثانیه را نشان می‌دهد. این حیوان در مختصه‌ی  $x = -2\text{ m}$  ساکن است.

شکل ۲-۲ نمودار تابع  $x(t)$  برای یک حیوان که در مکان  $x = -2\text{ m}$  ساکن است. در اینجا به ازای تمام زمان‌های  $t$ ، مقدار  $x$  برابر با  $-2\text{ m}$  است.



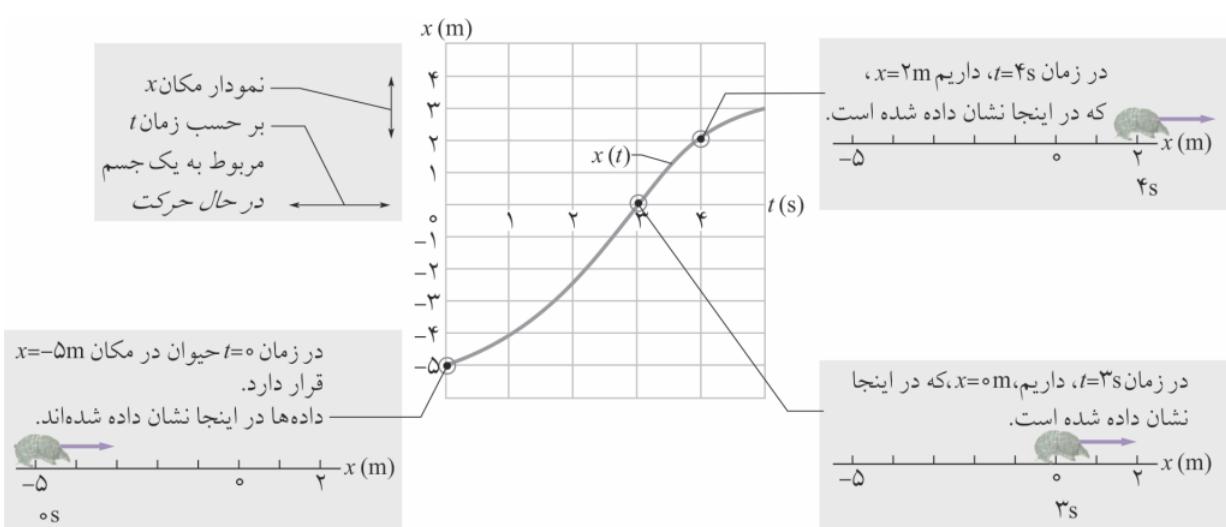
شکل ۳-۲ نیز برای حیوان رسم شده و جالب تر است، زیرا به حرکت مربوط می‌شود. حیوان ابتدا در زمان  $t = 0$  در مکان  $x = -5\text{ m}$  قرار دارد. سپس، به طرف مکان  $x = 0$  حرکت می‌کند، در زمان  $t = 3\text{ s}$  از آن نقطه می‌گذرد، و آنگاه به سمت مقادیر مثبت و بزرگتر  $x$  حرکت می‌کند. شکل ۳-۲ حرکت راست خط واقعی حیوان را هم (در سه زمان) نشان می‌دهد و شبیه آن چیزی است که می‌توانیم بینیم. نمودار شکل ۳-۲ انتزاعی‌تر است، اما نشان می‌دهد که حیوان با چه سرعتی حرکت می‌کند.

در عمل، در حرکت ذره اصطلاح «با چه سرعتی» به چند کمیت وابسته است. یکی از این کمیت‌ها سرعت متوسط  $v_{\text{avg}}$ ، است که برابر با نسبت جایه‌جایی انجام شده  $\Delta x$ ، به بازه‌ی زمانی معین  $\Delta t$  است:

$$v_{\text{avg}} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \quad (2-2)$$

این نمادگذاری نشان می‌دهد که مکان  $x_1$  مربوط به زمان  $t_1$  و مکان  $x_2$  مربوط به زمان  $t_2$  است. یکای معمول برای  $v_{\text{avg}}$ ، متر بر ثانیه (با نماد  $\text{m/s}$ ) است. در مسئله‌ها ممکن است از یکاهای دیگر هم استفاده شود، اما این یکاهای همیشه به صورت نسبت طول زمان می‌شوند.

نمودارها. در نمودار  $x$  بر حسب  $t$ ،  $v_{\text{avg}}$  شیب خط راستی است که دو نقطه‌ی خاص از منحنی  $x(t)$  را به هم وصل می‌کند؛ یکی از نقطه‌ها متناظر با  $x_2$  و  $t_2$ ، و نقطه‌ی دیگر متناظر با  $x_1$  و  $t_1$  است.  $v_{\text{avg}}$  نیز مانند جایه‌جایی دارای بزرگی و جهت است (یعنی کمیتی برداری است). بزرگی  $v_{\text{avg}}$ ، همان بزرگی شیب خط راست است. مثبت بودن  $v_{\text{avg}}$  (و شیب خط) نشان می‌دهد که خط به طرف بالا و به سمت راست کشیده می‌شود و منفی بودن  $v_{\text{avg}}$  (و شیب خط) نمایشگر آن است که خط به طرف پایین و به سمت راست کشیده می‌شود. سرعت متوسط  $v_{\text{avg}}$  همیشه با جایه‌جایی  $\Delta x$  هم علامت است، زیرا در معادله‌ی  $v_{\text{avg}} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ ،  $\Delta t$  همیشه مثبت است.



شکل ۳-۲ نمودار تابع  $(x)$  مربوط به حیوانی که حرکت می‌کند. شکل مسیر وابسته به نمودار نیز نشان داده شده است.

شکل ۴-۲ چگونگی پیدا کردن  $v_{avg}$  حیوان با استفاده از شکل ۳-۲ و در بازه‌ی زمانی  $t = 1\text{s}$  تا  $t = 4\text{s}$  را نشان می‌دهد. در این شکل نقطه‌ای از منحنی مکان را که مربوط به آغاز بازه‌ی زمانی است، با یک خط راست به نقطه‌ی دیگر، که مربوط به پایان بازه‌ی زمانی است، وصل می‌کنیم. سپس، شیب  $\Delta x / \Delta t$  این خط راست را پیدا می‌کنیم. به ازای بازه‌ی زمانی داده شده سرعت متوسط برابر است با

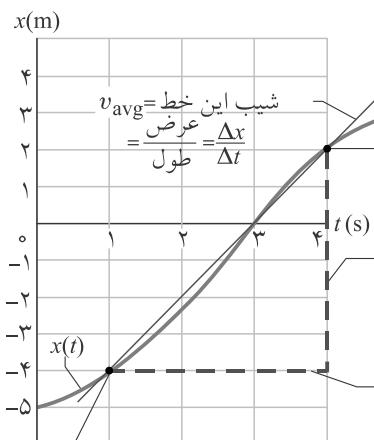
$$v_{avg} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{6\text{ m}}{3\text{ s}} = 2\text{ m/s}$$

تندی متوسط  $s_{avg}$ ، کمیت دیگری است که «چگونه تند رفتن» را در حرکت یک ذره توصیف می‌کند. در حالی که سرعت متوسط به جایه‌جایی  $\Delta x$  ذره مربوط می‌شود، تندی متوسط به مسافت کل پیموده شده (مثالاً تعداد مترهای پیموده شده) بستگی دارد و از جهت حرکت مستقل است؛ یعنی

$$s_{avg} = \frac{\text{مسافت کل پیموده شده}}{\Delta t} \quad (3-2)$$

چون تندی متوسط به جهت بستگی ندارد، بدون علامت جبری است. گاهی  $s_{avg}$  همان  $v_{avg}$  (بدون توجه به علامت) است، اما این دو مقدار می‌توانند کاملاً متفاوت باشند.

نمودار مکان  $x$   
بر حسب زمان  $t$   
برای تعیین سرعت متوسط،  
ابتدا از نقطه‌ی آغاز تا نقطه‌ی  
پایان خط راستی رسم و  
سپس شیب این خط را  
پیدا می‌کنیم.



این فاصله‌ی قائم مسافت پیموده شده از آغاز تا پایان است.  
 $\Delta x = 6\text{ m}$   
این فاصله‌ی افقی مدت زمان حرکت از آغاز تا پایان است.  
 $\Delta t = 3\text{ s}$

شکل ۴-۲ محاسبه‌ی سرعت متوسط در میان زمان‌های  $t = 1\text{s}$  و  $t = 4\text{s}$ ، با استفاده از شیب خطی که در روی منحنی ( $x(t)$ ) نقاط متناظر با این زمان‌ها را به هم وصل می‌کند.

### نکته‌ی کلیدی

برای آسانی فرض می‌کنیم در جهت مثبت محور  $x$  از مکان اول  $x_1 = 0$  تا مکان دوم  $x_2$  در جایگاه پخش بنزین، حرکت می‌کنید. مکان دوم در نقطه‌ی  $\Delta x = 8 / 4\text{ km} + 2 / 0\text{ km} = 10 / 4\text{ km} = 2.5\text{ km}$  قرار دارد. پس، جایه‌جایی شما  $\Delta x$  در راستای محور  $x$  از تفاصل مکان دوم و مکان اول به دست می‌آید.

محاسبه: با استفاده از معادله‌ی ۱-۲، داریم

### مسئله‌ی نمونه‌ی ۱-۲ سرعت متوسط

فرض کنید در جاده‌ی مستقیمی با یک خودرو وانت فرسوده مسافت  $8 / 4\text{ km}$  را با تندی  $70\text{ km/h}$  می‌پیمایید. در این حال بنزین وانت تمام می‌شود و خودرو می‌ایستد. از این به بعد مسافت  $2 / 0\text{ km}$  را در مدت  $30\text{ دقیقه}$  با پای پیاده و در همان جاده پیش می‌روید تا به جایگاه پخش بنزین برسید.

(الف) جایه‌جایی کل شما از لحظه‌ی شروع به رانندگی تا رسیدن به جایگاه پخش بنزین چقدر است؟

برای پیدا کردن  $v_{avg}$  به روش ترسیمی، ابتدا نمودار تابع  $x(t)$  را مطابق شکل ۵-۲ رسم می‌کنیم. در این شکل نقطه‌ی آغاز حرکت در مبدأ مختصات و نقطه‌ی پایان در نمودار نقطه‌ی مشخص شده با «جایگاه» است. سرعت متوسط شما از شیب خط راست وصل کننده‌ی این دو نقطه، یعنی، از تقسیم کردن عرض نقطه‌ی مشخص شده با «جایگاه»  $(\Delta t = ۰,۶۲\text{h})$  به طول این نقطه  $(\Delta x = ۱۰,۴\text{km})$  به دست می‌آید، که برابر است با  $v_{avg} = ۱۶,۸\text{ km/h}$ .

(ت) فرض کنید پس از گرفتن بنزین از جایگاه، ۴۵ دقیقه دیگر طول بکشد تا شما به خودرو خود برسگردید. تندی متوسط شما از آغاز رانندگی تا بازگشت دوباره به خودرو چقدر است؟

### نکته کلیدی

تندی متوسط از نسبت مسافت کل پیموده شده به بازه‌ی زمانی کل مربوط، به دست می‌آید.

**محاسبه:** مسافت کل برابر است با

$$۸,۴\text{ km} + ۲,۰\text{ km} + ۲,۰\text{ km} = ۱۲,۴\text{ km}$$

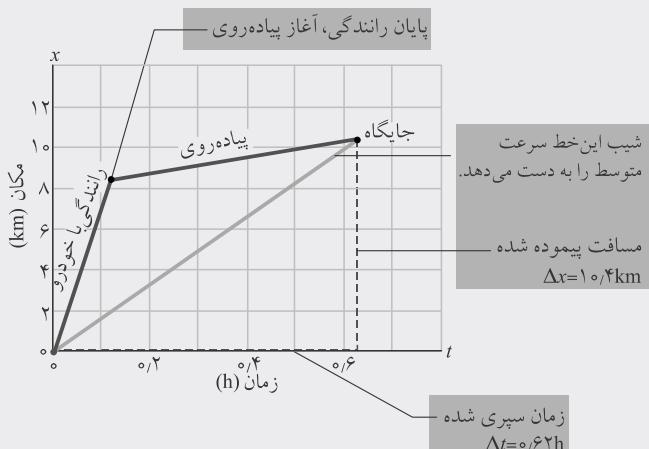
و بازه‌ی زمانی کل برابر است با

$$۰,۱۲\text{ h} + ۰,۵۰\text{ h} + ۰,۷۵\text{ h} = ۱,۳۷\text{ h}$$

بنابراین، با استفاده از معادله‌ی ۳-۲، داریم

$$s_{avg} = \frac{۱۲,۴\text{ km}}{۱,۳۷\text{ h}} \Rightarrow$$

$s_{avg} = ۹,۱\text{ km/h}$  (پاسخ)



شکل ۵-۲ خط‌های نشان‌دار شده با «رانندگی با خودرو» و «پیاده روی»، نمودارهای مکان - زمان مربوط به مراحل رانندگی با خودرو و پیاده روی هستند (نمودار مرحله‌ی پیاده روی با فرض ثابت بودن سرعت پیاده روی رسم شده است). شیب خط راست وصل کننده‌ی مبدأ به نقطه‌ی مشخص شده با «جایگاه»، سرعت متوسط مسافت از آغاز تا رسیدن به جایگاه را به دست می‌دهد.

$$\Delta x = x_۲ - x_۱ = ۱۰,۴\text{ km} - ۰ \Rightarrow$$

$$\Delta x = ۱۰,۴\text{ km}$$

(پاسخ)

بنابراین، جایه‌جایی کل شما  $۱۰,۴\text{ km}$  در جهت مثبت محور  $x$  است.

(ب) بازه‌ی زمانی  $\Delta t$  از آغاز حرکت شما با خودرو تا رسیدن به جایگاه پخش بنزین چقدر است؟

### نکته کلیدی

ما بازه‌ی زمانی مربوط به پیاده روی، یعنی (پیاده روی)  $\Delta t$  (مساوی با  $۰,۵۰\text{ h}$ ) را می‌دانیم، اما بازه‌ی زمانی (رانندگی) مربوط به رانندگی شما با خودرو را نمی‌دانیم. در عین حال، می‌دانیم که جایه‌جایی خودرو، یعنی (رانندگی)  $\Delta x$  برابر با  $۷۰\text{ km/h}$  و سرعت متوسط (رانندگی)  $v_{avg}$  برابر با  $۷\text{ km/h}$  است. این سرعت متوسط برابر با نسبت جایه‌جایی خودرو به بازه‌ی زمانی مربوط به رانندگی است.

**محاسبات:** ابتدا می‌نویسیم

$$v_{avg} = \frac{\Delta x_{(رانندگی)}}{\Delta t_{(رانندگی)}}$$

با مرتب کردن این رابطه و جانشانی داده‌ها، داریم

$$\Delta t = \frac{\Delta x}{v_{avg}} = \frac{۱۰,۴\text{ km}}{۷\text{ km/h}} = ۱,۴\text{ h}$$

پس، می‌توان نوشت

$$\Delta t = \Delta t_{(پیاده روی)} + \Delta t_{(رانندگی)}$$

$$\Delta t = ۰,۱۲\text{ h} + ۰,۵۰\text{ h} \Rightarrow$$

$$\Delta t = ۰,۶۲\text{ h}$$

(پاسخ)

(پ) سرعت متوسط شما،  $v_{avg}$ ، از آغاز رانندگی تا رسیدن به جایگاه پخش بنزین چقدر است؟ این مقدار را با روش‌های عددی و ترسیمی به دست آورید.

### نکته کلیدی

با توجه به معادله‌ی ۲-۲ می‌دانیم که  $v_{avg}$  برای کل مسافت، از نسبت جایه‌جایی  $۱۰,۴\text{ km}$  مربوط به کل مسافت به بازه‌ی زمانی  $۰,۶۲\text{ h}$  مربوط به کل مسافت به دست می‌آید.

**محاسبه:** در اینجا، داریم

$$v_{avg} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{۱۰,۴\text{ km}}{۰,۶۲\text{ h}} \Rightarrow$$

$$v_{avg} = ۱۶,۸\text{ km/h} \approx ۱۷\text{ km/h}$$

(پاسخ)

## ۲-۲ سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای

### نکته‌های کلیدی

- سرعت لحظه‌ای (یا به بیان ساده سرعت)  $v$  یک ذره در حال حرکت برابر است با
 
$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt}$$
- سرعت لحظه‌ای (در یک زمان خاص) نمودار  $x$  بر حسب  $t$  پیدا کرد.
- تندی، بزرگی سرعت لحظه‌ای است.

### سرعت لحظه‌ای و تندی لحظه‌ای

تا اینجا دو راه برای توصیف سرعت حرکت یک جسم بیان کردیم: سرعت متوسط و تندی متوسط، که هر دو در طی یک بازه زمانی  $\Delta t$  اندازه‌گیری می‌شوند. اما عبارت «چگونه تند رفتن» بیشتر به اینکه یک ذره در یک لحظه معین چه سرعتی دارد اطلاق می‌شود – و آن سرعت لحظه‌ای  $v$  (یا به بیان ساده سرعت) یک ذره است.

سرعت در هر لحظه، از سرعت متوسط با کوتاه‌تر کردن بازه زمانی  $\Delta t$  و رفته رفته نزدیک شدن به صفر به دست می‌آید. به تدریج که  $\Delta t$  کوچک‌تر می‌شود سرعت لحظه‌ای به سمت یک مقدار حدی می‌کند، که سرعت در آن لحظه است:

$$v = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt} \quad (4-2)$$

توجه کنید که  $v$  آهنگ تغییر مکان ذره  $x$ ، بر حسب زمان، در یک لحظه معین است؛ یعنی  $v$  مشتق  $x$  نسبت به  $t$  است. هم‌چنین، توجه کنید که  $v$  در هر لحظه برابر با شیب منحنی مکان – زمان ذره در نقطه مربوط به آن لحظه است. سرعت نیز کمیتی برداری است و بنابراین دارای یک جهت وابسته است.

تندی، بزرگی سرعت است؛ یعنی تندی، سرعتی است که جهتش هیچ‌گونه نشانی چه به صورت بیانی و چه به صورت عالمت جبری ندارد. (هشدار: تندی می‌تواند کاملاً با تندی متوسط متفاوت باشد). سرعت  $s = +5 \text{ m/s}$  و سرعت  $s = -5 \text{ m/s}$  هر دو دارای تندی  $5 \text{ m/s}$  هستند. تندی سنج خودرو تندی را اندازه می‌گیرد نه سرعت را (این وسیله نمی‌تواند جهت را مشخص کند).

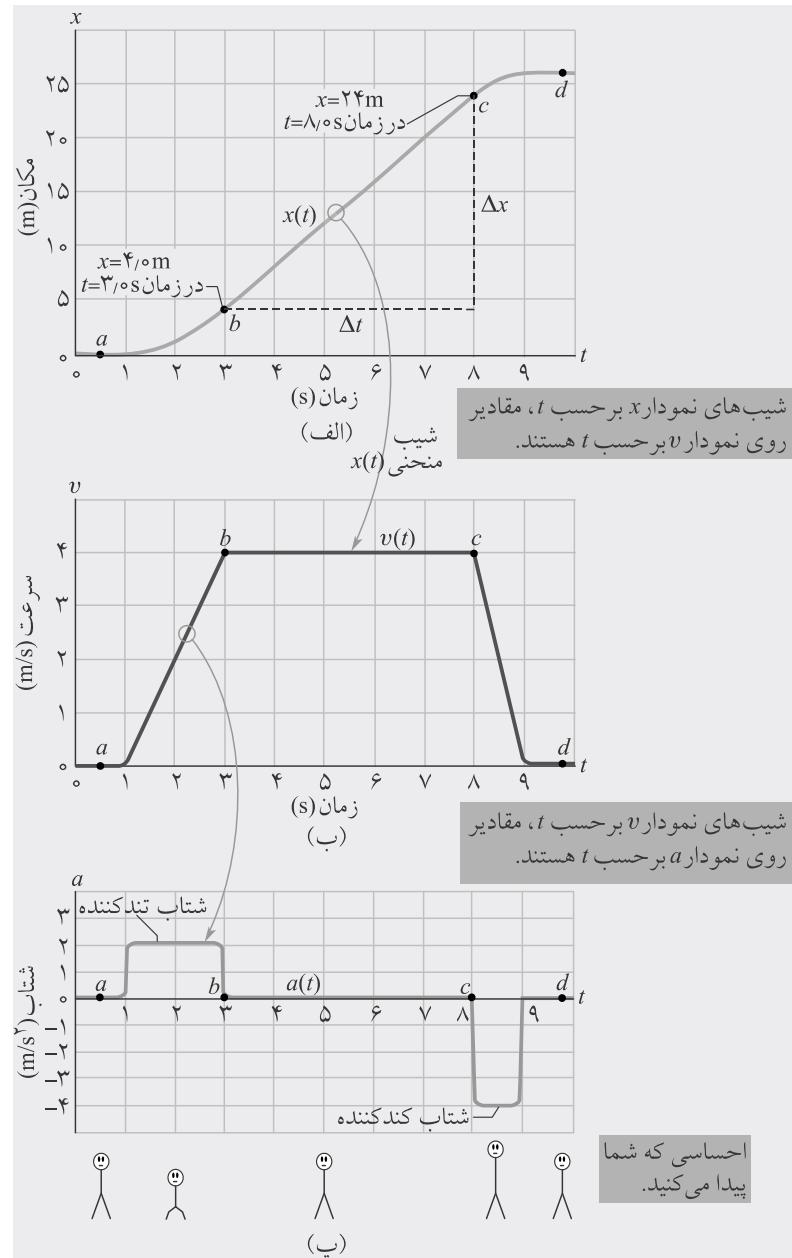


### مسئله‌ی نمونه‌ی ۲-۲ سرعت و شیب $x$ بر حسب $t$

#### نکته‌ی کلیدی

در هر لحظه از روی شیب منحنی  $x(t)$  می‌توان سرعت در آن لحظه را پیدا کرد.

شکل ۲-۶ الف نمودار ( $x(t)$ ) مربوط به یک آسانسور را نشان می‌دهد که در آغاز ساکن است، سپس، آسانسور به سمت بالا (که آن را جهت مثبت محور  $x$  اختیار می‌کنیم) حرکت می‌کند و آنگاه، متوقف می‌شود. نمودار ( $v(t)$ ) را رسم کنید.



این، همچنان که آسانسور شروع به حرکت می‌کند و سپس سرعتش کم می‌شود تا متوقف شود،  $v$  مطابق شکل، در بازه‌های ۱s تا ۳s و ۸s تا ۹s، تغییر می‌کند. بنابراین، شکل ۶-۲ ب، همان نمودار مورد نظر را نشان می‌دهد. (توصیف شکل ۶-۲ پ، در پومنان ۳-۲ خواهد آمد).

اگر نمودار تابع  $(t)v$ ، مطابق شکل ۶-۲ ب، در دست باشد، می‌توان «وارون عمل کرد» و شکل نمودار  $(t)x$  مربوط به آن را (به صورت شکل ۶-۲ الف) به دست آورد. اما واضح است که مقادیر واقعی  $x$  در زمان‌های مختلف را نمی‌دانیم، زیرا نمودار

محاسبات: شیب  $(t)x$ ، و در نتیجه سرعت، در بازه‌های زمانی صفر تا ۱s و از ۹s به بعد، صفر و در نتیجه آسانسور ساکن است. در طول بازه‌ی  $bc$ ، شیب منحنی ثابت و غیرصفر است. در نتیجه، آسانسور با سرعت ثابت حرکت می‌کند. بنابراین، شیب منحنی  $(t)x$  چنین محاسبه می‌شود

$$\frac{\Delta x}{\Delta t} = v = \frac{24\text{ m} - 40\text{ m}}{8.0\text{ s} - 3.0\text{ s}} = +4.0\text{ m/s} \quad (5-2)$$

علامت مثبت نشان می‌دهد که آسانسور در جهت مثبت محور  $x$  حرکت می‌کند. منحنی‌های مربوط به بازه‌های ذکر شده (که در آن  $v = 0$  و  $a = 4\text{ m/s}^2$ ) در شکل ۶-۲ ب، رسم شده‌اند. علاوه بر

(این مساحت مثبت است، زیرا منحنی  $v(t)$  در بالای محور  $x$  قرار دارد). شکل ۶-۲ الف، نشان می‌دهد که  $x$  در این بازه‌ی زمانی به اندازه‌ی  $20\text{ m}$  افزایش یافته است. اما شکل ۶-۲ ب، در مورد مقادیر  $x$  در ابتدا و انتهای بازه‌ی زمانی به ما اطلاعاتی نمی‌دهد. به همین جهت به اطلاعات دیگری، مانند مقدار  $x$  در برخی لحظه‌های معین، نیازمندیم.



$v(t)$  فقط تغییرات  $x$  را نشان می‌دهد. برای پیدا کردن تغییر  $x$  در هر بازه‌ی زمانی به زبان ریاضی باید مساحت «زیر منحنی» نمودار  $v(t)$  در آن بازه را حساب کرد. برای مثال، در طول بازه‌ی  $3\text{ s}$  تا  $8\text{ s}$ ، که سرعت آسانسور  $40\text{ m/s}$  است، مقدار تغییر  $x$  برابر است با

$$\Delta x = (40\text{ m/s})(8\text{ s} - 3\text{ s}) = +20\text{ m} \quad (6-2)$$

## ۳-۲ شتاب

### نکته‌های کلیدی

- شتاب متوسط برابر با نسبت تغییر سرعت  $\Delta v$ ، به بازه‌ی زمانی  $t$ ، است:

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d^2x}{dt^2}$$

- در روی نمودار  $v$  بر حسب  $t$ ، شتاب  $a$  در هر زمان  $t$ ، برابر با

شیب منحنی در نقطه‌ای است که  $t$  را نشان می‌دهد.

- مربوط به ایجاد این تغییر  $\Delta t$ ، است:

$$a_{\text{avg}} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

علامت جبری، جهت  $a_{\text{avg}}$  را نشان می‌دهد.

- شتاب لحظه‌ای (یا به بیان ساده شتاب)  $a$ ، برابر با مشتق زمانی

### شتاب

وقتی سرعت یک ذره تغییر می‌کند، می‌گویند ذره دارای شتاب شده است (یا ذره شتاب گرفته است). برای حرکت در راستای یک محور، شتاب متوسط  $a_{\text{avg}}$ ، در بازه‌ی زمانی  $\Delta t$  برابر است با

$$a_{\text{avg}} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t} \quad (7-2)$$

که در آن ذره در زمان  $t_1$  دارای سرعت  $v_1$  و در زمان  $t_2$  دارای سرعت  $v_2$  است. شتاب لحظه‌ای (یا به بیان ساده شتاب) برابر است با

$$a = \frac{dv}{dt} \quad (8-2)$$

از لحاظ ریاضی، شتاب یک ذره در هر لحظه برابر با آهنگ تغییر سرعت در آن لحظه است. از نظر ترسیمی شتاب در هر نقطه برابر با شیب منحنی  $v(t)$  در آن نقطه است. از ترکیب معادله‌ی ۸-۲ با معادله‌ی ۴-۲ می‌توان نوشت

$$a = \frac{dv}{dt} = \frac{d}{dt} \left( \frac{dx}{dt} \right) = \frac{d^2x}{dt^2} \quad (9-2)$$

بنابراین از لحاظ ریاضی، شتاب یک ذره در هر لحظه مشتق دوم تابع مکان  $x(t)$  نسبت به زمان است.