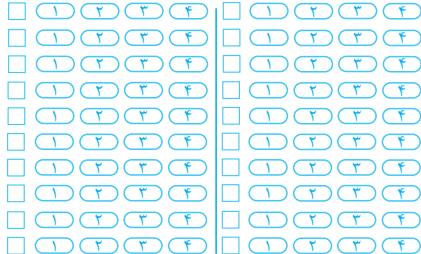


شماره  
سؤال

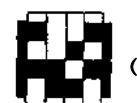
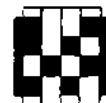
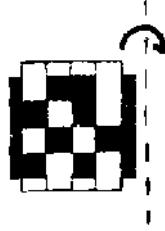
## محل یادداشت نکات

## در ک عمومی ریاضی و فیزیک

 هوش هندسه ریاضیات پایه فیزیک

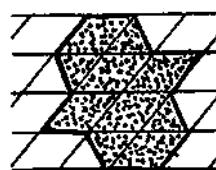
- ۳۹- قطعه‌ی زیر، از نوارهای سیاه و سفید بافته شده است. اگر آن را پشت و رو کنید، به صورت

کدامیک از چهار قطعه‌ی زیر در می‌آید؟



- ۴۰- شکل رنگ شده‌ی زیر، تصویر مایل شکلی است، که در صفحه‌ی شطرنجی با فاصله‌ی

خطوط ۱ واحد رسم شده است. مساحت خود شکل کدام است؟



(۱) ۶

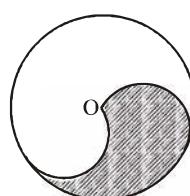
(۲) ۷

(۳) ۸

(۴) ۹

- ۴۱- در صورتی که شعاع دایره‌ی بزرگ به اندازه‌ی واحد باشد، مساحت بخش هاشورزده کدام

است؟ (O مرکز دایره‌ی بزرگ است).

 $\frac{\pi}{2}$  $\frac{2\pi}{3}$  $\frac{\pi}{2} + 1$  $\frac{\pi}{3}$ 

- ۴۲- نقش سنتی زیر، از نظر وضعیت تقارن چگونه است؟

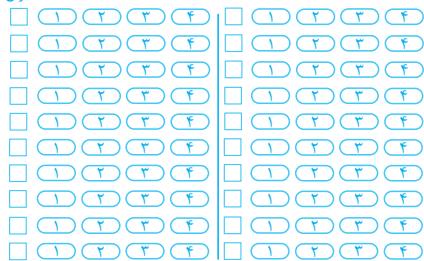
(۱) دارای هفت محور تقارن و فاقد مرکز تقارن

(۲) دارای چهارده محور تقارن و یک مرکز تقارن

(۳) فاقد محور تقارن و دارای مرکز تقارن

(۴) دارای چهارده محور تقارن و فاقد مرکز تقارن



شماره  
سوال

## محل یادداشت نکات



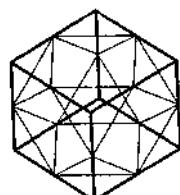
- ۴۳- نقش سنتی مقابل، از نظر وضعیت تقارن چگونه است؟

- (۱) دارای دو محور تقارن و فاقد مرکز تقارن
- (۲) دارای مرکز تقارن و چهار محور تقارن
- (۳) فاقد محور تقارن و دارای مرکز تقارن
- (۴) دارای یک محور تقارن و فاقد مرکز تقارن

- ۴۴- در شکل زیر، هر کنج از وسط یال‌ها برش داده شده است تا حجم داخل مکعب ایجاد شود.

این حجم، چند وجه دارد؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)



- ۴۵- تصویر یک مکعب، بر صفحه‌ای عمود بر قطر آن، کدام شکل هندسی است؟

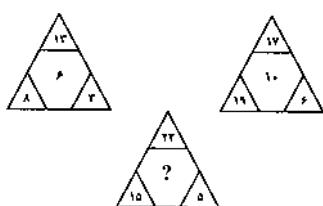
- (۱) شش‌ضلعی منتظم
- (۲) مستطیل
- (۳) مربع

- ۴۶- به جای علامت سوال چه عددی باید قرار بگیرد؟

۱	۳	۷	۱۲
۴	۶	۱۰	۱۶
۹	۱۱	۱۵	۲۱
۱۶	۱۸	۲۲	؟

- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

- ۴۷- به جای علامت سوال چه عددی می‌تواند قرار بگیرد؟



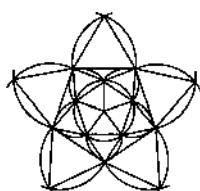
- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

- ۴۸- نقش معماری زیر، از چند فرم بستهٔ خطی تشکیل شده است؟

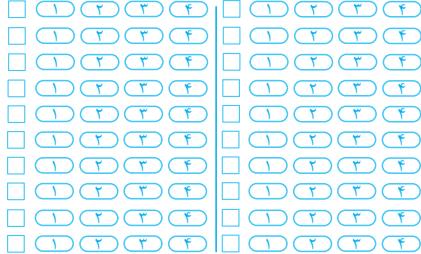


- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

- ۴۹- در نقش معماری متقارن زیر، چند مرکز دایره برای رسم کمان‌ها وجود دارد؟



- (۱)
- (۲)
- (۳)
- (۴)

شماره  
سؤال

## محل یادداشت نکات

## درگ عمومی ریاضی و فیزیک

 ریاضیات پایه هندسه هوش ریاضیات پایه فیزیک

-۵۰- چند دقیقه طول می‌کشد تا عقریه دقيقه شمار ساعت به اندازه  $\frac{2}{3}\pi$  رادیان دوران کند؟

۱۰) ۲

۲۰) ۱

۴۰) ۴

۵۰) ۳

-۵۱- کدام یک از تساوی‌های زیر همواره برقرار است؟

$$\sqrt[16]{a^8} = \sqrt{a}$$

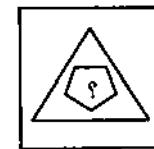
$$\sqrt[4]{a^2} = a^3$$

$$a\sqrt{a} = \sqrt{a^3}$$

$$\sqrt[16]{a^6} = \sqrt[3]{a}$$

-۵۲- بین اشکال و اعداد مربوط به هر شکل، ارتباط خاصی برقرار است. به جای علامت سؤال،

کدام عدد باید قرار بگیرد؟



۲۱) ۱

۲۳) ۲

۱۹) ۳

۱۷) ۴

-۵۳- کدام یک از عبارات زیر در تجزیه عبارت  $A = 7x^3 - 5x^2 - 2x + 1$  وجود دارد؟

$$3x - 1$$

$$3x + 1$$

$$x + 1$$

$$x - 1$$

-۵۴- حاصل عبارت  $\frac{5^{-1} \times (5^{-6})^{\circ}}{7^4 \times (35)^{-6}}$  کدام است؟

$$\frac{25}{7}$$

$$(\frac{5}{7})^2$$

$$1$$

$$(\frac{7}{5})^2$$

-۵۵- فاصله‌ی دو عدد حقیقی  $(-\sqrt{2})$  و  $(-2 - \sqrt{2})$  از یکدیگر، برابر با کدام یک از

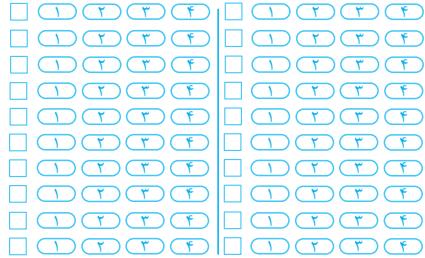
گزینه‌های زیر است؟

$$1$$

$$2$$

$$4$$

$$2\sqrt{2}$$



## محل یادداشت نکات

-۵۶- کدام رابطه‌ی زیر، صحیح است؟

$$\sin^2 120^\circ + \cos^2 120^\circ = 120^\circ \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sin 30^\circ} = \frac{1}{2} \quad (1)$$

$$\cos^2 60^\circ = \frac{1}{3} \quad (4)$$

$$\tan^2 25^\circ \times \cot^2 25^\circ = 1 \quad (3)$$

-۵۷- اگر  $\frac{2x+5}{3} - \frac{x}{4} \geq \frac{3x-1}{2}$  باشد، بیشترین مقدار  $x$  کدام است؟

$$-2 \quad (2)$$

$$+\infty \quad (4)$$

$$-2 \quad (1)$$

$$13 \quad (3)$$

-۵۸- عبارت  $(a+b)^3(x+y)$ ، پس از محاسبه چند جمله دارد؟

$$12 \quad (2)$$

$$6 \quad (1)$$

$$20 \quad (4)$$

$$24 \quad (3)$$

-۵۹- با حروف کلمه‌ی «صادقپور» چند کلمه‌ی چهار حرفی با معنا و بیمعنا می‌توان نوشت که

با حرف «ر» شروع و به حرف «ص» ختم شود؟ (بدون تکرار حروف)

$$20 \quad (2)$$

$$120 \quad (1)$$

$$26 \quad (4)$$

$$90 \quad (3)$$

-۶۰- اگر باقی‌مانده‌ی تقسیم  $27x^3 + 3x^2 + ax + 27$  بر  $x^3 + 3x^2$  برابر صفر شود، مقدار  $a$  کدام

است؟

$$9 \quad (2)$$

$$-9 \quad (1)$$

$$-3 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

-۶۱- اگر  $A \subset B$ ، آن‌گاه کدام‌یک از روابط زیر همواره درست است؟

$$A \cap B = B \quad (2)$$

$$A \cup B = A \quad (1)$$

$$B - A = B \quad (4)$$

$$A - B = \emptyset \quad (3)$$

-۶۲- اگر  $5^{3x-15} = 1$  باشد، مقدار  $x$  کدام است؟

$$10 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

$$20 \quad (4)$$

$$12 \quad (3)$$

-۶۳- با اعداد ۷، ۵، ۲ و ۸، چند عدد طبیعی فرد دو رقمی با توجه به جایز نبودن تکرار ارقام،

می‌توان نوشت؟

$$6 \quad (2)$$

$$12 \quad (1)$$

$$10 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

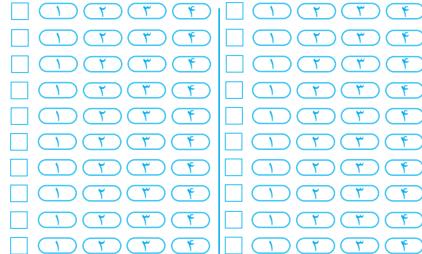
-۶۴- حدود  $m$  از رابطه‌ی  $2m + 5 > 4m - 2$ ، کدام است؟

$$m < \frac{7}{2} \quad (2)$$

$$m > \frac{7}{2} \quad (1)$$

$$m > \frac{7}{6} \quad (4)$$

$$m > -\frac{7}{6} \quad (3)$$

شماره  
سؤال

## محل یادداشت نکات

-۶۵- اگر دو خط به معادلات  $ax + (2-a)y + 5 = 0$  و  $3x + 2ay + 7 = 0$  بر هم عمود باشند،

(a ≠ 0) کدام است؟

$\frac{7}{2}$  (۲)

$\frac{1}{2}$  (۱)

$-\frac{1}{2}$  (۴)

$-\frac{7}{2}$  (۳)

-۶۶- حاصل عبارت  $\frac{1}{x} \times x^{-1} \times (\frac{2}{x})^{-1} (2x)^0$ ، همواره کدام است؟ ( $x \neq 0$ )

$\frac{2}{3x\sqrt{x}}$  (۲)

$\frac{2}{2\sqrt[3]{x}}$  (۱)

$\frac{2}{2\sqrt[3]{x}}$  (۴)

$\frac{3}{2x\sqrt{x}}$  (۳)

-۶۷- حاصل عبارت  $\sin^2(x + \frac{\pi}{\lambda}) + \cos^2(x - \frac{\pi}{\lambda})$  به ازای  $x = 0$ ، چقدر است؟

$\sqrt{3}$  (۲)

$\sqrt{2}$  (۱)

صفر (۴)

۱ (۳)

-۶۸- تجزیه شدهی عبارت  $(x^3 - 4x)^2 - 25$ ، همواره کدام است؟

$(x^3 + 4x + 5)(x^3 - 4x - 5)$  (۲)

$(x^3 - 4x + 5)^2$  (۱)

$(x^3 - 4x + 5)(x + 1)(x - 5)$  (۴)

$(x^3 - 4x - 5)^2$  (۳)

-۶۹- حاصل عبارت  $5\sqrt{45} + \sqrt{75} - 3\sqrt{125} - 2\sqrt{3}$ ، کدام است؟

$10\sqrt{5} - 2\sqrt{3}$  (۲)

$10\sqrt{5}$  (۱)

$10\sqrt{5} + 3\sqrt{3}$  (۴)

$2\sqrt{3}$  (۳)

-۷۰- دامنهی عبارت  $\frac{2x-1}{x-1} + \frac{3x}{\sqrt{2x-1}}$ ، کدام است؟

$\left\{ x \mid x > \frac{1}{2} \right\}$  (۲)

$\left\{ x \mid x \neq 1, x > \frac{1}{2} \right\}$  (۱)

$\left\{ x \mid x < \frac{1}{2} \right\}$  (۴)

$x \neq 1$  (۳)

-۷۱- حاصل عبارت  $\frac{\cos 60^\circ + \sin 30^\circ}{\cot 45^\circ}$ ، کدام است؟

۱ (۲)

$3\sqrt{3}$  (۱)

$\frac{1}{2}$  (۴)

$\sqrt{3}$  (۳)

-۷۲- به چند طریق می‌توان به سه سؤال تستی چهار گزینه‌ای پاسخ داد در صورتی که به همهی

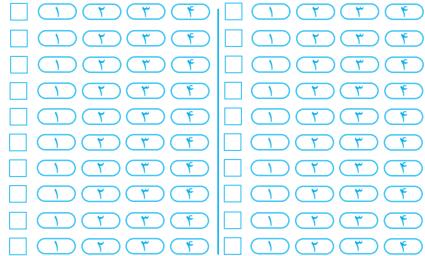
سؤالات پاسخ دهیم؟

۴ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

۳ (۳)



## محل یادداشت نکات

-۷۳- حاصل عبارت  $\frac{a^2 - 1}{1 + \frac{1}{a}}$  در صورت معین بودن، همواره کدام است؟

- $a^2 + a$  (۲)       $a^2 - a$  (۱)  
 $a - 1$  (۴)       $a + 1$  (۳)

-۷۴- اگر  $A = \{1, 2, 3, 4\}$  و  $B = \{4, 5\}$  باشد، مجموعه  $(A - B) \cup (B - A)$  چند عضو دارد؟

- ۴ (۲)      ۳ (۱)  
۶ (۴)      ۵ (۳)

-۷۵- حاصل عبارت  $2 - 2\sin^2 45^\circ + 3\tan 45^\circ$  کدام است؟

- ۳ (۲)      ۴ (۱)  
 $\frac{9}{2}$  (۴)      ۶ (۳)

-۷۶- برای آنکه معادله درجه دوم  $x^2 + bx + c = 0$  را به روش مربع کامل حل کنیم به

طرفین تساوی کدام عبارت را باید اضافه کنیم؟

- $\frac{b^2}{4}$  (۲)       $\frac{b}{2}$  (۱)  
 $\frac{c^2}{4}$  (۴)       $\frac{bc}{4}$  (۳)

-۷۷- حاصل عبارت  $\frac{\sin^2 x + \cos^2 x}{1 - \sin x \cos x}$  در صورت معین بودن همواره کدام است؟

- $\sin x - \cos x$  (۲)       $\sin x$  (۱)  
 $\sin x + \cos x$  (۴)       $\cos x - \sin x$  (۳)

-۷۸- کدام یک از خطوط زیر با خط  $5x + 7y - 3 = 0$ ، موازی است؟

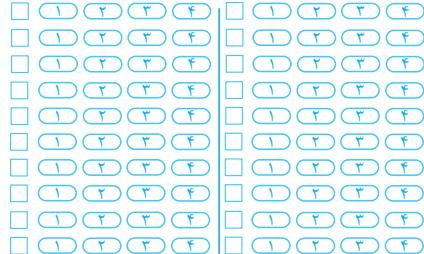
- $y = \frac{-5}{7}x$  (۲)       $y = \frac{5}{7}x$  (۱)  
 $y = \frac{7}{5}x$  (۴)       $y = \frac{-7}{5}x$  (۳)

-۷۹- اگر  $x + y = 3$  و  $x^2 - y^2 = 15$  باشد، حاصل  $x - 2y$  کدام است؟

- ۶ (۲)      ۴ (۱)  
-۴ (۴)      -۱ (۳)

-۸۰- حاصل عبارت  $\frac{x^2 + 4x - 5}{(x^2 - 25)} \div \frac{x^2 - 6x - 7}{x^2 - 12x + 35}$  کدام است؟ (۱, ±۵, ۷)

- $\frac{x-1}{x+1}$  (۲)       $\frac{x+1}{x-5}$  (۱)  
 $\frac{x+1}{x-1}$  (۴)       $\frac{x-1}{x-5}$  (۳)

شماره  
سؤال

## محل یادداشت نکات

-۸۱- معکوس حاصل عبارت  $(\sqrt{x} \neq y, x, y > 0)$  کدام است؟

$$\frac{2x}{x-y} \quad (۲)$$

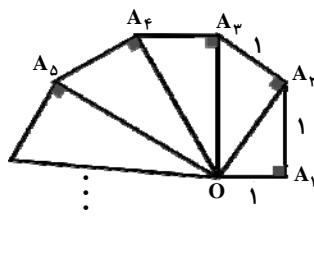
$$\frac{x-y^2}{2x} \quad (۱)$$

$$\frac{(x-y^2)\sqrt{x}}{2xy} \quad (۴)$$

$$\frac{2y\sqrt{x}}{x-y^2} \quad (۳)$$

-۸۲- مطابق شکل زیر، مثلث‌های قائم‌الزاویه طوری رسم می‌شوند که اندازه‌ی یک ضلع قائم آن‌ها ۱ واحد بوده و ضلع قائم دیگر آن‌ها، وتر مثلث قبلی باشد (به غیر از مثلث اول).

مساحت دهمین مثلث قائم‌الزاویه کدام است؟



$$\frac{3}{4} \quad (۱)$$

$$\frac{5}{4} \quad (۲)$$

$$\sqrt{2} \quad (۳)$$

$$\frac{\sqrt{10}}{2} \quad (۴)$$

-۸۳- اگر  $ab < 0$ ، حاصل  $A = \left( \frac{a}{|a|} + \frac{b}{|b|} \right) \left( \frac{a-b}{|a-b|} + \frac{ab}{|ab|} \right)$  کدام است؟

$$2 \quad (۲) \quad 1 \quad (۱)$$

$$-2 \quad (۳) \quad 0 \quad (۴)$$

-۸۴- اگر معادله‌ی  $x^3 - 2mx + m + 2 = 0$  دارای ۲ جواب منفی باشد، حدود  $m$  کدام است؟

$$-1 < m < 0 \quad (۲) \quad -2 < m < -1 \quad (۱)$$

$$1 < m < 2 \quad (۴) \quad 0 < m < 1 \quad (۳)$$

-۸۵- اگر  $x < 0$  باشد، آن‌گاه  $\sqrt{-x^3}$  همواره برایر کدام گزینه است؟

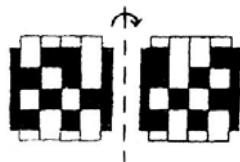
$$-x\sqrt{-x} \quad (۲) \quad x\sqrt{x} \quad (۱)$$

$$x\sqrt{-x} \quad (۴) \quad -x\sqrt{x} \quad (۳)$$

## درک عمومی (یاضی و فیزیک (هوش))

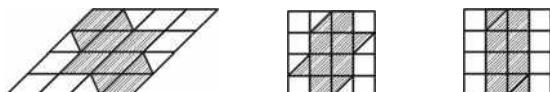
### «۳۹-گزینه‌ی» ۲

دقت کنید که تصاویر ۲ و ۳ «آینه‌ی» یکدیگر هستند، پس گزینه‌ی ۳ نمی‌تواند پاسخ درست باشد.



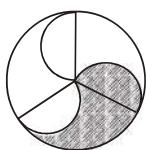
### «۴۰-گزینه‌ی» ۳

مساحت شکل  $= 2 \times 4 = 8$



### «۴۱-گزینه‌ی» ۳

اگر با دقته به شکل توجه کنید، خواهید دید که مساحت بخش هاشورخورده دقیقاً  $\frac{1}{3}$  سطح دایره می‌باشد. بنابراین:



مساحت بخش هاشورخورده  $\pi R^2 = \pi(1)^2 = \pi \Rightarrow \frac{\pi}{3} = \text{مساحت دایره}$

۴ داوطلبان توجه داشته باشید که همه‌ساله، تعدادی از سوالات درک ریاضی کنکور بر مبنای «دقت کردن در شکل داده شده» طرح می‌شود.

### «۴۲-گزینه‌ی» ۳

شکل فاقد محور تقارن و دارای مرکز تقارن است.

### «۴۳-گزینه‌ی» ۳

به نوش رنگ شده دقته کنید؛ دو به دو با یکدیگر در تجانس معکوس هستند. شکل فاقد محور تقارن و دارای مرکز تقارن است.

### «۴۴-گزینه‌ی» ۳

حجم موردنظر، چهارده وجهی است که از ۸ مثلث و ۶ مربع درست شده است.

### «۴۵-گزینه‌ی» ۱

با کمی دقته و تجسم درک می‌کنیم که شکل مورد نظر شش‌ضلعی منتظم است.

### «۴۶-گزینه‌ی» ۳

در تمامی ستون‌ها از بالا به پایین به ترتیب اعداد ۴، ۳ و ۷ اضافه شده است و در تمامی سطرها از سمت چپ به راست به ترتیب اعداد ۶ و ۵ اضافه شده است. بنابراین به جای علامت سؤال عدد  $28 + 22 = 50$  باید قرار گیرد.

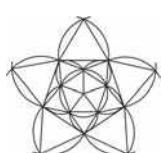
### «۴۷-گزینه‌ی» ۴

در هر شکل عدد وسطی برابر است با قدر مطلق تفاضل دو عدد پایینی به اضافه‌ی عدد بالایی تقسیم بر ۳، بنابراین:

$$\frac{(15-5)+23}{3} = 11$$

### «۴۸-گزینه‌ی» ۲

نقش معماری داده شده، از ۲۳ فرم بسته‌ی خطی تشکیل شده است.



### «۴۹-گزینه‌ی» ۲

در تصویر داده شده، ۱۱ مرکز دایره برای رسم کمان‌ها وجود دارد. اگر ۲۱ مرکز را جواب دانسته‌اید، به مثلث‌های برابر و متقارن شکل توجه نکرده‌اید.

## درباره عمومی ریاضی و فیزیک (ریاضیات پایه)

### «۵-گزینه‌ی «۱»

فرض کنید  $m$  نشان‌دهنده‌ی مدت زمانی است که عقربه‌ی دقیقه‌شمار به اندازه‌ی  $\theta$  را دریان دوران می‌کند ( $m$  بر حسب دقیقه است). می‌دانیم عقربه‌ی دقیقه شمار پس از  $60$  دقیقه ( $1$  ساعت) به اندازه‌ی  $2\pi$  دوران می‌کند، بنابراین خواهیم داشت:

$$\begin{aligned} \frac{m}{60} = \frac{\theta}{2\pi} &\Rightarrow m = 60 \times \frac{\theta}{2\pi} \xrightarrow{\theta=2\pi} m = 60 \times \frac{2}{2} \\ &= 60 \times \frac{1}{3} = 20 \quad \text{دقیقه} \end{aligned}$$

### «۵-گزینه‌ی «۴»

گزینه‌ی «۴» صحیح است، در مورد بقیه گزینه‌ها داریم:

«۱»: گزینه‌ی «۱»  $\sqrt[4]{a^4} = |a|$

«۲»: گزینه‌ی «۲»  $\sqrt[16]{a^8} = \sqrt{|a|}$

«۳»: گزینه‌ی «۳»  $\sqrt[18]{a^6} = \sqrt[3]{|a|}$

### «۵-گزینه‌ی «۳»

ارتباط اشکال و اعداد به این گونه است که حاصل ضرب تعداد اضلاع شکل درونی را در شکل میانی محاسبه کرده و سپس حاصل را با تعداد اضلاع شکل بیرونی جمع می‌کنیم.

(۱)  $(3 \times 4) + 5 = 17$  : شکل (۱)

(۲)  $(4 \times 5) + 3 = 23$  : شکل (۲)

(۳)  $(5 \times 3) + 4 = 19$  : شکل (۳)

### «۵-گزینه‌ی «۳»

$$A = 7x^3 - 5x^2 - 2x = x(7x^2 - 5x - 2)$$

حال  $2$  را برابر  $B$  قرار می‌دهیم، داریم:

$$B = 7x^3 - 5x^2 - 2 \Rightarrow B = 49x^3 - 5(7x) - 14$$

$$\Rightarrow B = (7x)^3 - 5(7x) - 14$$

$$\Rightarrow B = (7x - 1)(7x + 2)$$

$$\Rightarrow B = 7(x - 1)(7x + 2) \Rightarrow B = (x - 1)(7x + 2)$$

$$\Rightarrow A = x(x - 1)(7x + 2)$$

### «۵-گزینه‌ی «۳»

$$\begin{aligned} \frac{\delta^{-\lambda} \times (\delta^{-\rho})^\circ}{\gamma^r \times (\gamma\delta)^{-\rho}} &= \frac{\delta^{-\lambda} \times 1}{\gamma^r \times (\delta \times \gamma)^{-\rho}} = \frac{\delta^{-\lambda}}{\gamma^r \times \delta^{-\rho} \times \gamma^{-\rho}} = \frac{\delta^{-\lambda}}{\delta^{-\rho} \times \gamma^{-\rho}} \\ &= \frac{\delta^{-\lambda+\rho}}{\gamma^{-\rho}} = \frac{\delta^{-\rho}}{\gamma^{-\rho}} = \left(\frac{\delta}{\gamma}\right)^{-\rho} = \left(\frac{\gamma}{\delta}\right)^\rho \end{aligned}$$

## «۴-گزینه‌ی ۵۵»

نکته: فاصله‌ی دو عدد حقیقی  $x$  و  $y$  به صورت  $|x - y|$  است.

$$\Rightarrow |(2 - \sqrt{7}) - (-2 - \sqrt{7})| = |2 - \sqrt{7} + 2 + \sqrt{7}| = |4| = 4$$

## «۳-گزینه‌ی ۵۶»

می‌دانیم:

$$\tan \alpha \cdot \cot \alpha = 1 \quad (\alpha \neq \frac{k\pi}{2}) \quad \text{و} \quad \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}} \quad \text{و} \quad \cos 45^\circ = \frac{1}{\sqrt{2}}$$

## «۲-گزینه‌ی ۵۷»

دو طرف نامساوی را در عدد ۱۲ ضرب می‌کنیم تا مخرج‌ها از بین بروند.

$$4(2x + 5) - 3x \geq 6(3x - 1)$$

$$\Rightarrow 8x + 20 - 3x \geq 18x - 6$$

$$\Rightarrow 5x + 20 \geq 18x - 6 \Rightarrow 20 + 6 \geq 18x - 5x \Rightarrow 26 \geq 13x$$

$$\Rightarrow x \leq 2$$

## «۲-گزینه‌ی ۵۸»

$$(x+y)^3(a+b)^3 = (x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3)(a^3 + 3ab^2 + b^3)$$

همان‌طور که می‌بینید، پرانتز سمت چپ چهار جمله و پرانتز سمت راست سه جمله دارد. پس طبق اصل ضرب، عبارت حاصل  $4 \times 3 = 12$  جمله خواهد داشت.

## «۲-گزینه‌ی ۵۹»

کلمه‌ی صادقپور از ۷ حرف (ص)، (ا)، (د)، (ق)، (پ)، (و) و (ر) تشکیل شده است.

$$\boxed{1} \quad \boxed{4} \quad \boxed{5} \quad \boxed{1} \Rightarrow 1 \times 4 \times 5 \times 1 = 20$$

## «۲-گزینه‌ی ۶۰»

$$x + 3 = 0 \Rightarrow x = -3$$

$$\xrightarrow{x = -3} (-3)^3 + 3(-3)^2 + (-3)(a) + 27 = 0$$

$$\Rightarrow -27 + 27 - 3a + 27 = 0$$

$$\Rightarrow -3a = -27 \Rightarrow a = 9$$

## «۳-گزینه‌ی ۶۱»

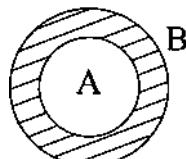
چون  $A \subset B$ ، لذا طبق شکل داریم:

$$A \cup B = B$$

$$A \cap B = A$$

$$A - B = \emptyset$$

$$B - A = \text{هاشورخورده}$$



## «۶۲-گزینه‌ی ۱»

$$\begin{aligned} 5^{3x-15} &= 1 = 5^0 \\ \Rightarrow 3x - 15 &= 0 \Rightarrow 3x = 15 \Rightarrow x = 5 \end{aligned}$$

## «۶۳-گزینه‌ی ۲»

با توجه به این که عدد فرد، یکاشر عددی فرد است، برای رقم یکان دو حالت و در نتیجه برای رقم دهگان سه حالت وجود خواهد داشت.  
پس طبق اصل ضرب،  $6 = 2 \times 3$  عدد طبیعی فرد دو رقمی با مجموعه ارقام مورد نظر و بدون تکرار ارقام می‌توان نوشت.

## «۶۴-گزینه‌ی ۲»

$$2m + 5 > 4m - 2 \Rightarrow 2m + 5 - 4m + 2 > 0 \Rightarrow -2m > -7 \Rightarrow m < \frac{7}{2}$$

## «۶۵-گزینه‌ی ۲»

شرط آن که دو خط غیرموازی محورهای مختصات بر هم عمود باشند آن است که حاصل ضرب شیب‌های آن‌ها برابر ۱ شود.

$$ax + (2-a)y + 5 = 0 \Rightarrow -\frac{a}{2-a} = \frac{a}{a-2}$$

$$3x + 2ay + 7 = 0 \Rightarrow \text{شیب} = \frac{-3}{2a}$$

$$\frac{a}{a-2} \times \frac{-3}{2a} = -1 \Rightarrow \frac{-3}{2(a-2)} = -1 \Rightarrow 2a - 4 = 3$$

$$2a = 7 \Rightarrow a = \frac{7}{2}$$

توجه: شیب خط  $ax + by + c = 0$  با  $\frac{\text{ضریب } x}{\text{ضریب } y}$  برابر است (اگر  $a, b \neq 0$ )

## «۶۶-گزینه‌ی ۱»

$$\begin{aligned} \frac{1}{x^{-3}} \times x^{-1} \times (\frac{y}{x})^{-1} (2x)^0 &= x^{\frac{1}{3}} \times \frac{1}{x} \times \frac{y}{x} \times 1 \\ &= \frac{y}{x^{\frac{4}{3}}} = \frac{y}{x^{\frac{(4-1)}{3}}} = \frac{y}{x^{\frac{1}{3}}} = \frac{y}{\sqrt[3]{x}} \end{aligned}$$

## «۶۷-گزینه‌ی ۳»

$$\sin^r(x + \frac{\pi}{\lambda}) + \cos^r(x - \frac{\pi}{\lambda}) \xrightarrow{x=0} \sin^r(\frac{\pi}{\lambda}) + \cos^r(-\frac{\pi}{\lambda}) = \sin^r(\frac{\pi}{\lambda}) + \cos^r(\frac{\pi}{\lambda}) = 1$$

## «۶۸-گزینه‌ی ۴»

$$(x^r - rx + \Delta)^r - r\Delta = (x^r - rx + \Delta)(x^r - rx - \Delta) = (x^r - rx + \Delta)(x + 1)(x - \Delta)$$

## «۶۹-گزینه‌ی ۳»

$$\begin{aligned} 5\sqrt{45} &= 5\sqrt{9 \times 5} = 15\sqrt{5} \\ \sqrt{75} &= \sqrt{25 \times 3} = 5\sqrt{3} \\ 3\sqrt{125} &= 3\sqrt{25 \times 5} = 15\sqrt{5} \\ 5\sqrt{45} + \sqrt{75} - 3\sqrt{125} - 2\sqrt{3} &= 15\sqrt{5} + 5\sqrt{3} - 15\sqrt{5} - 2\sqrt{3} = 3\sqrt{3} \end{aligned}$$

## «۱-گزینه‌ی»

$$\begin{aligned} x - 1 = 0 \Rightarrow x = 1 \\ 2x - 1 > 0 \Rightarrow x > \frac{1}{2} \end{aligned} \Rightarrow \text{دامنه} = \left\{ x \mid x \neq 1, x > \frac{1}{2} \right\}$$

## «۲-گزینه‌ی»

$$\begin{aligned} \sin 30^\circ = \cos 60^\circ &= \frac{1}{2} & \cot 45^\circ &= 1 \\ \Rightarrow \frac{\cos 60^\circ + \sin 30^\circ}{\cot 45^\circ} &= \frac{2 \cos 60^\circ}{\cot 45^\circ} = \frac{2 \times \frac{1}{2}}{1} = 1 \end{aligned}$$

## «۲-گزینه‌ی»

۴ طریق برای پاسخ دادن به سه سؤال تستی چهار گزینه‌ای، در صورتی که به همهٔ سؤالات پاسخ دهیم، وجود دارد.

## «۱-گزینه‌ی»

$$\frac{a^r - 1}{1 + \frac{1}{a}} = \frac{(a+1)(a-1)}{\frac{a+1}{a}} = a(a-1) = a^r - a$$

## «۲-گزینه‌ی»

$$\begin{aligned} A - B &= \{1, 2, 3, 4\} - \{4, 5\} = \{1, 2, 3\} \\ B - A &= \{4, 5\} - \{1, 2, 3, 4\} = \{5\} \\ (A - B) \cup (B - A) &= \{1, 2, 3, 5\} \end{aligned}$$

بنابراین مجموعهٔ فوق، ۴ عضو دارد.

## «۱-گزینه‌ی»

$$\begin{aligned} \sin 45^\circ = \cos 45^\circ &= \frac{\sqrt{2}}{2} \\ \tan 45^\circ = \cot 45^\circ &= 1 \\ 2 - 2 \sin^2 45^\circ + 3 \tan 45^\circ &= 2 - 2 \times \left( \frac{\sqrt{2}}{2} \right)^2 + 3 \times 1 = 2 - 1 + 3 = 4 \end{aligned}$$

## «۲-گزینه‌ی»

$$x^r + bx + c = 0 \Rightarrow x^r + bx = -c$$

حال باید نصف ضریب  $x$  (عامل درجهٔ ۱) را به توان ۲ برسانیم و بر ضریب عبارت  $x^r$  تقسیم کنیم، سپس به طرفین معادله اضافه کنیم.

$$\frac{\left(\frac{b}{2}\right)^r}{1} = \frac{b^r}{4}$$

## «۴-گزینه‌ی»

$$\begin{aligned} \frac{\sin^r x + \cos^r x}{1 - \sin x \cos x} &= \frac{(\sin x + \cos x)(\sin^r x - \sin x \cos x + \cos^r x)}{1 - \sin x \cos x} \\ &= \frac{(\sin x + \cos x)(1 - \sin x \cos x)}{1 - \sin x \cos x} = \sin x + \cos x \end{aligned}$$

۷۸-گزینه‌ی «۲»

$$5x + 7y - 3 = 0 \Rightarrow 7y = -5x + 3 \Rightarrow y = \frac{-5}{7}x + \frac{3}{7} \Rightarrow \text{شيب} = \frac{-5}{7}$$

بنابراین هر خط که دارای شیب  $\frac{-5}{\gamma}$  باشد، با این خط موازی است.

۷۹-گزینه‌ی «۲»

$$x^r - y^r = (x+y)(x-y) \Rightarrow r(x-y) = 15 \Rightarrow x-y = 5$$

$$\begin{cases} x+y=4 \\ x-y=6 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=4 \\ y=-1 \end{cases} \Rightarrow x-4y = 4 - 4(-1) = 4 + 4 = 8$$

۱۰-گزینه‌ی «۲»

$$\begin{aligned} & \frac{x^2 + 4x - 5}{(x^2 - 4)} \times \frac{x^2 - 12x + 35}{x^2 - 8x - 4} \\ &= \frac{(x+5)(x-1)}{(x+5)(x-5)} \times \frac{(x-5)(x-7)}{(x-4)(x+1)} = \frac{x-1}{x+1} \end{aligned}$$

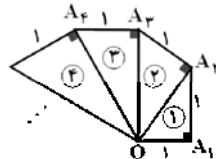
۸۱-گزینه‌ی «۱»

$$\frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}+y} + \frac{\sqrt{x}}{\sqrt{x}-y} = \frac{\sqrt{x}(\sqrt{x}-y) + \sqrt{x}(\sqrt{x}+y)}{(\sqrt{x}+y)(\sqrt{x}-y)}$$

$$= \frac{x-y\sqrt{x}+x+y\sqrt{x}}{x-y^2} = \frac{2x}{x-y^2} \xrightarrow{\text{معكوس}} \frac{x-y}{2x}$$

۸۲-گزینه‌ی «۴»

$$\Rightarrow S(OA_{10}A_{11}) = \frac{1}{2} \times OA_{10} \times A_{10}A_{11} = \frac{1}{2} \times \sqrt{10} \times 1 = \frac{\sqrt{10}}{2}$$



۸۳-گزینه‌ی «۳»

اگر  $a < b$  باشد،  $a$  و  $b$  مختلف العلامت هستند. دو حالت داریم:

$$\begin{cases} a > 0 \\ b < 0 \end{cases} \Rightarrow A = \left( \frac{a}{a} - \frac{b}{b} \right) \left( \frac{a-b}{a-b} - \frac{ab}{ab} \right) - \gamma = 0 - \gamma = -\gamma$$

$$\begin{cases} a < 0 \\ b > 0 \end{cases} \Rightarrow A = \left( -\frac{a}{a} + \frac{b}{b} \right) \left( -\frac{a-b}{a-b} - \frac{ab}{ab} \right) - \gamma = 0 - \gamma = -\gamma$$

۸۴-گزینه‌ی «۱»

برای این‌که معادله دارای دو جواب منفی باشد، باید:

$$1) b^2 - 4ac > 0 \Rightarrow (-4m)^2 - 4(m+2) > 0 \Rightarrow m^2 - m - 2 > 0 \Rightarrow m > 2 \text{ or } m < -1$$

$$\gamma \alpha + \beta < 0 \Rightarrow \frac{-b}{a} = \gamma m < 0 \Rightarrow m < 0$$

$-\gamma < m < -1$

$$4) \alpha\beta > 0 \Rightarrow \frac{c}{a} = m + \gamma > 0 \Rightarrow m > -\gamma$$

۱۵-گزینه‌ی «۴»

$$-\sqrt{-\mathbf{x}^{\mathbf{T}}} = -\sqrt{-\mathbf{x} \times \mathbf{x}^{\mathbf{T}}} = -|\mathbf{x}| \sqrt{-\mathbf{x}} \xrightarrow{\text{def}} -(-\mathbf{x}) \sqrt{-\mathbf{x}} = \mathbf{x} \sqrt{-\mathbf{x}}$$

## فلاقیت نمایشی (درک تصویر)

### «۱- گزینه‌ی ۳»

تصویر، متعلق به فیلم «دزد دوچرخه» به کارگردانی «دیسیکا» می‌باشد که در مورد تزلزل شخصیت اصلی فیلم است که دزدی دوچرخه وی را دزیده است و وی و پسرش چشم‌انظر یافتن دوچرخه هستند.

### «۲- گزینه‌ی ۱»

با توجه به آرامش صورت سوزه و حالت بدن وی و هم‌چنین بازی شطرنج که لازمه‌اش تفکر است، گزینه‌ی «۱» صحیح است.

### «۳- گزینه‌ی ۱»

مرد جلوی دهان زن را گرفته است. در چشمان زن حالت ترس دیده می‌شود و در چهره‌ی مرد خشونت و مصمم بودن. زن مجبور است که حرف نزند.

### «۴- گزینه‌ی ۳»

لباس‌های سوزه‌ی سمت چپ (لباس روشن و کاپشن تیره و کلاه) و حالت سر او در برابر لباس‌های سوزه‌ی سمت راست که رسمی است، نشان از نوعی اعتراض دارد. هم‌چنین در پس‌زمینه (پشت سر سوزه‌ی سمت راست) دیوار کاملاً مشکی است که با لباس رسمی سوزه تناسب دارد در عوض پشت سر سوزه‌ی سمت چپ، در زمینه‌ی خاکستری رنگ دیوار طرح‌هایی با خطوط تیز به رنگ سفید دیده می‌شود که با روح عصیان‌گری و اعتراضی سوزه‌ی سمت چپ تناسب دارد.

### «۵- گزینه‌ی ۳»

حالات فرمان‌دادن فرم نگهداری اسلحه و اطاعت از اواامر وی توسط دیگر سربازان در زیر باران نشان از استبداد دارد. وجود فرمانده در پیش‌زمینه و بزرگ‌تر بودن او و قرارگیری سربازان در پس‌زمینه و کوچک‌تر بودن آن‌ها نیز این حس را تشدید می‌کند.

### «۶- گزینه‌ی ۴»

به علت نورپردازی از پشت، سوزه کاملاً سیاه شده و به حالت یک سایه درآمده است و حس نالمنی در تصویر مشهود است.

### «۷- گزینه‌ی ۲»

تصویر مربوط به فیلم «آلگول» ساخته‌ی «هانس ورکمایستر» در سبک اکسپرسیونیسم است. تقارن و همنشینی شکل‌های همانند که در تصویر دیده می‌شود از جمله ویژگی‌های دکور اکسپرسیونیستی بود.

### «۸- گزینه‌ی ۱»

تصویر، مردی را نشان می‌دهد که ذهنش از کشف چیزی که به دنبالش بوده باز مانده و در توهمندی خود سرش را با مته سوراخ می‌کند. (تصویر، مربوط به فیلم «پی» ساخته‌ی «دارن آرونوفسکی» است).

### «۹- گزینه‌ی ۲»

علی‌رغم خنده‌یدن پسریچه در پیش‌زمینه‌ی تصویر، حالت نگاه مادر و نورپردازی اتفاق‌پشتی (پس‌زمینه) که در آن نور تنها از سمت راست بر پدر خانواده می‌تابد و باعث بوجود آمدن سایه‌های تیره می‌شود (مانند سایه‌ی صندلی که امتدادش به پیش‌زمینه می‌رسد)، به علاوه‌ی کاشی‌های کوچک که مانند قطعات پازل در کنار یکدیگر قرار گرفته‌اند و قاب‌بندی مایل تصویر، همه بر اضطراب و پریشانی در تصویر دلالت دارند.

## «۹۰- گزینه‌ی ۴»

قرار گرفتن دود و مه و مردی در پس زمینه‌ی کادر و شخصیت اصلی در جلو نشان می‌دهد که شخص درگیر توطئه‌ای شده است. (تصویر متعلق به فیلم «جزیره‌ی شاتر» ساخته‌ی «مارtin اسکورسیزی» است.)

## «۹۱- گزینه‌ی ۳»

در تصویر داده شده، کنتراست به وضوح قابل مشاهده است.

## «۹۲- گزینه‌ی ۱»

احساس درماندگی، مرگ و هر احساس دیگری را باید در ابتدا بر روی ظاهر یک شخصیت پیاده کرد و سپس به محیط و عوامل دیگر تصویر پرداخت. در نتیجه مخاطب در اولین برو خورد با فیلم، نگاهش به شخصیت حاضر در تصویر جلب خواهد شد. پس لازم است تا گریم و ظاهر شخصیت در ابتدا القاء‌کننده‌ی حس مورد نظر باشد.

## «۹۳- گزینه‌ی ۱»

خمیدگی بدن سوژه، گرفتن سر با دست و حال و هوای دلگیر تصویر، بیان گر غم هستند.

## «۹۴- گزینه‌ی ۴»

آنچه در تصویر داده شده حائز اهمیت است تقابل محیط امن خانه و محیط بیابان، پشت به دوربین بودن بازیگر و دور شدن از این محیط امن است. بررسی دقیق عناصر موجود در تصویر به یافتن پاسخ صحیح کمک می‌کند.

## «۹۵- گزینه‌ی ۲»

نحوه‌ی ایستادن، میزانس، لباس و نوع میمیکی که افراد به خود گرفته‌اند نشان‌دهنده‌ی جستجوگری آن‌ها است. در این نوع میزانس و ترکیب‌بندی، فضای رمانتیک و خشم و سلطه‌جویی چندان محل بحث نیست. در نتیجه بدون دیدن اثر اصلی مخاطب می‌تواند با مواردی که ذکر شد به موضوع اثر پی ببرد.

## «۹۶- گزینه‌ی ۲»

در تصویر داده شده، آنچه در ابتدا به چشم می‌خورد بیابانی برهوت به همراه سایه‌های کشیده روی زمین است.

## «۹۷- گزینه‌ی ۲»

تصویر داده شده، تصویری سوررئالیستی است. وجود عناصر غیرمعقول و وهمبرانگیز از ویژگی‌های آثار سوررئالیستی است.

## «۹۸- گزینه‌ی ۳»

با توجه به حالت سوژه که صورت خود را با دستانش پنهان کرده، بیشترین حسی که در تصویر وجود دارد، شرم، خجالت و پشیمانی است.

## «۹۹- گزینه‌ی ۲»

حالت چشم‌ها و خطوط چهره و نحوه‌ی قرارگیری دست، آمادگی و انتظار شخصیت را برای انجام امری قریب‌الواقع نشان می‌دهد.

## «۱۰۰- گزینه‌ی ۴»

تصویر، مربوط به جلد نمایشنامه‌ی «ولپن» اثر «بن جانسن» است. ولپن، به کمک نوکر شمسکا تصمیم دارد با تمارض، کسانی را که منظر مردنش هستند تا از ارث او بپرند، آزار دهد و بر ثروتش بیفزاید. ولی در نهایت تمام ثروتش را از دست می‌دهد.